Materjal on valminud Tiigrihüppe Sihtasutuse toel



Tiigrimatemaatika





eesti keelse versiooni MANUAAL

Õigused materjalile on kaitstud Creative Commons Attribution-Noncommercial-Share Alike 3.0 litsentsiga http://creativecommons.org/licenses/by-nc-sa/3.0/





eesti keelse versiooni manuaal

Viimati muudetud: 1. september 2009

<u>Autorid</u> Markus Hohenwarter, markus@geogebra.org Judith Hohenwarter, judith@geogebra.org

Manuaali ja programmi tõlge eesti keelde Jane Albre-Andersen, janealbre@hotmail.com

GeoGebra onlain: http://www.geogebra.org

Sisukord

SISUKORD		
1. MI	S ON GEOGEBRA?	
1.1. I	Matemaatiliste objektide erinevad vaated	
1.1.1.	Graafikavaade	7
1.1.2.	Algebravaade	7
1.1.3.	Arvutustabeli vaade	
1.2. (GeoGebra matemaatika õppimise ja õpetamise vahendina	8
1.2.1.	Kasutajaliidese kohandamine	8
1.2.2.	Omaduste dialoogiaken	
1.2.3.	Paremaklahvimenüü	11
1.3. 0	GeoGebra esitlusvahendina	
1.3.1.	Navigeerimisriba	
1.3.2.	Konstruktsiooni protokoll	
1.3.3.	Sätete kohandamine	
1.4. 0	GeoGebra loometöö vahendina	
1.4.1.	Printimise võimalused	
1.4.2.	Graafikavaatest pildi loomine	14
1.4.3.	Interaktiivsete veebilehtede loomine	15
2. GE	OMEETRILINE SISEND	
2.1. Ü	Üldised märkused	
2.2.	Konstrueerimise tööriistad (režiimid)	
2.2.1.	Üldised tööriistad	
2.2.2.	Punkti tööriistad	
2.2.3.	Vektori tööriistad	
2.2.4.	Lõigu tööriistad	
2.2.5.	Kiire tööriist	21
2.2.6.	Hulknurga tööriistad	21
2.2.7.	Sirge tööriistad	
2.2.8.	Koonuselõike tööriistad	23
2.2.9.	Kaare ja sektori tööriistad	24
2.2.10	. Arvu ja nurga tööriistad	25
2.2.11.	. Loogilise muutuja tööriist	

2.2	2.12.	Lookuse tööriist	27
2.2	2.13.	Geomeetriliste teisenduste tööriistad	27
2.2	2.14.	Teksti lisamise tööriist	28
2.2	2.15.	Pildi lisamise tööriist	
3.	ALGE	BRALINE SISEND	32
3.1.	Üldis	ed märkused	32
3.2.	Otse	ne sisend	34
3.2	2.1.	Arvud ja nurgad	34
3.2	2.2.	Punktid ja vektorid	35
3.2	2.3.	Sirged ja teljed	35
3.2	2.4.	Koonuselõiked	
3.2	2.5.	Funktsioon argumendiga <i>x</i>	
3.2	2.6.	Programmisisesed funktsioonid ja operatsioonid	
3.2	2.7.	Loogilised muutujad ja loogikatehted	
3.2	2.8.	Objektide loendid ja operatsioonid nendega	
3.2	2.9.	Maatriksid ja operatsioonid nendega	41
3.2	2.10.	Kompleksarvud ja operatsioonid nendega	42
3.3.	Käsu	d	42
3.3	3.1.	Üldised käsud	43
3.3	3.2.	Loogilised käsud	43
3.3	3.3.	Arvulised käsud	44
3.3	3.4.	Nurga käsud	
3.3	3.5.	Punkti käsud	
3.3	3.6.	Vektori käsud	51
3.3	3.7.	Lõigu käsud	51
3.3	3.8.	Kiire käsud	52
3.3	3.9.	Hulknurga käsud	52
3.3	3.10.	Sirge käsud	52
3.3	3.11.	Koonuselõike käsud	54
3.3	3.12.	Funktsiooni käsud	55
3.3	3.13.	Parameetrilise kõvera käsk	57
3.3	3.14.	Kaare ja sektori käsud	58
3.3	3.15.	Teksti käsud	59
3.3	3.16.	Lookuse käsk	62
3.3	3.17.	Loendi käsud	62
3.3	8.18.	Geomeetriliste teisenduste käsud	66
3.3	3.19.	Statistika käsud	68

3.	3.20.	Arvutustabeli käsud	73
3.	3.21.	Maatriksi käsud	73
4.	MENÜ	JÜD	74
4.1.	Men	100 <i>FAIL</i>	74
4.2.	Men	nüü REDIGEERI	76
4.3.	Men	nüü VAADE	78
4.4.	Men	nüü <i>VÕIMALUS</i> ED	79
4.5.	Men	nüü <i>TÖÖRIISTAD</i>	81
4.6.	Men	100 AKEN	82
4.7.	Men	nüü <i>ABI</i>	82
5.	GEOG	EBRALE ISELOOMULIKUD OMADUSED	84
5.1.	Anin	neerimine	84
5.	1.1.	Automaatne animeerimine	84
5.	1.2.	Manuaalne animeerimine	85
5.2.	Tingi	imuslik nähtavus	85
5.3.	Kasu	ıtaja poolt defineeritud tööriistad	86
5.4.	Düna	aamilised värvid	88
5.5.	Java	Script liides	88
5.6.	Kiirk	lahvid	
5.7.	Tähi	sed ja pealdised	94
5.8.	Kihio		94
5.9.	Ümb	perdefineerimine	95
5.10.	Jälg	ja lookus	96
6.	INDE	KS	97

1. Mis on GeoGebra?

GeoGebra on dünaamilise matemaatika tarkvara, mis on mõeldud kasutamiseks koolis geomeetria, algebra ja matemaatilise analüüsi õppimisel ja õpetamisel. Programm on loodud Markus Hohenwarteri ja rahvusvahelise programmeerijate meeskonna poolt.

1.1. Matemaatiliste objektide erinevad vaated

GeoGebras on kolm erinevat matemaatiliste objektide esitamise vaadet: *graafikavaade*, *algebravaade* ja *arvutustabeli vaade*. Neis vaadetes on võimalik matemaatilisi objekte erinevalt kujutada: graafiliselt (nt punktid, funktsioonide graafikud), algebraliselt (nt punktide koordinaadid, võrrandid) ja andmetena arvutustabeli lahtrites. Kõik need, ühe ja sama objekti erinevad esitusviisid, on omavahel dünaamiliselt ühendatud ning kohanduvad automaatselt siis, kui tehakse muudatus ühes nendes vaadetest (olenemata sellest, millisel moel objekt esialgselt loodi).

🚰 GeoGebra						
Fail Redigeeri Vaad	Fail Redigeeri Vaade Võimalused Tööriistad Aken Abi					
Image: Second starting I						
Vabad objektid ×	Nupu- ehk tö	öriistariba		A	В	C
- Contavad Objernita	2-		2			^
			3			
Algebravaade	1	8	4	Arvu	tustabeli	
-	0		6	vaad	e	
	.2 .1	0 1 2 3	7			
	Graafikavaade	ehk	9			
	joonestusväli		10			
		ĸ	11			
	.2-		12	2100		~
🔞 Sisend:	Sisendriba	2	α 🛩	Käsk		~

1.1.1. Graafikavaade

Kasutades *nupu- ehk tööriistaribal* asuvaid *konstrueerimise nuppe ehk tööriistu* on võimalik teha geomeetrilisi konstruktsioone hiire abil *graafikavaatesse ehk joonestusväljale*. Selleks, et teada saada, kuidas valitud tööriista või nuppu kasutada, valige ükskõik milline konstrueerimise tööriist (nupp) *tööriistaribalt* ja lugege *tööriistariba abi* (*tööriistariba* kõrval paremal pool). Igal objektil, mille loote *graafikavaatesse*, on samuti algebraline esitus *algebravaates*.

Märkus: Pärast tööriista la Liiguta aktiveerimist on võimalik objekte graafikavaates liigutada neid hiirega lohistades. Samal ajal uuendatakse dünaamiliselt nende algebralist esitust algebravaates.

Iga ikoon *tööriistaribal* kujutab endast *tööriistakasti*, mis sisaldab endas valikut sarnastest konstrueerimise tööriistadest. Selleks, et tööriistakasti avada, tuleb klõpsata väikesel kolmnurgal, mis asub ikooni all paremas nurgas.

<u>Vihje</u>: Konstrueerimise tööriistad on grupeeritud vastavalt tulemuseks olevate objektide laadile või nende tööriistade funktsionaalsusele. Näiteks on *tööriistakasti punkt* (vaikimisi on ikooniks •^A) koondatud tööriistad, mis loovad erinevat laadi punkte ning *tööriistakasti teisendused* (vaikimisi on ikooniks •^C) tööriistad, mille abil on võimalik teha geomeetrilisi teisendusi.

1.1.2. Algebravaade

GeoGebras on algebralisi avaldisi võimalik sisestada *sisendriba* abil. Pärast *Enter*-klahvile vajutamist ilmub sisestatud algebraline avaldis *algebravaatesse* ning samaaegselt ilmub selle graafiline esitus automaatselt *graafikavaatesse*.

<u>Näide</u>: Sisend $f(x) = x^2$ annab *algebravaatesse* funktsiooni *f* ja selle funktsiooni graafiku *graafikavaatesse*.

Algebravaates on matemaatilised objektid jaotatud *vabadeks* ja *sõltuvateks objektideks*. Kui konstrueerite uue objekti ilma olemasolevaid objekte kasutamata, siis loodud konstruktsioon määratakse *vabaks objektiks*. Kui konstrueerimisel kasutate olemasolevaid objekte, siis määratakse objekt *sõltuvaks objektiks*.

<u>Vihje</u>: Kui soovite objekti algebralist esitust *algebravaates* peita, siis määrake objekt *abiobjektiks*: paremklõps (Mac OS: *Ctrl*+klõps) vastaval objektil *algebravaates* ja avanevast *paremaklahvimenüüst* valige *Omadused*. *Omaduste dialoogiakna* vahelehel *Üldine* saate objekti määrata *Abiobjektiks*. Vaikimisi *abiobjekte algebravaates* ei näidata, aga neid on võimalik näidata, kui võtate menüüst *Vaade* valiku *Abiobjektid*.

Objekte on võimalik muuta ka *algebravaates*: esmalt aktiveerige tööriist ^k *Liiguta* ning

seejärel tehke topeltklõps *vabal objektil* algebravaates. Ilmuvas tekstiboksis saate antud objekti algebralist esitust redigeerida. Peale *Enter*-klahvile vajutamist muutub vastavalt sisestatud muudatustele automaatselt ka antud objekti graafiline esitus.

Kui teete topeltklõpsu *sõltuval objektil* algebravaates, siis avaneb dialoogiaken *Defineeri ümber*, mille abil on võimalik objekte ümber defineerida.

GeoGebras leidub arvukalt *käske*, mida saab sisestada *sisendribale*. *Käskude nimekirja* on võimalik avada, kui klõpsate *sisendrea* paremas ääres asuvale nupule *Käsk*. Kui valite nimekirjast mingi käsu (või trükite käsu nimetuse otse *sisendribale*) ja vajutate seejärel *F1*-klahvile, siis antakse teavet vastava käsu rakendamiseks vajaliku süntaksi ja eeldatavate argumentide kohta.

1.1.3. Arvutustabeli vaade

GeoGebra *arvutustabeli vaates* on igal lahtril oma nimetus, mis lubab pöörduda otse iga lahtri poole. Näiteks lahtri nimetus, mis asub veerus *A* ja reas 1, on *A1*.

<u>Märkus</u>: Lahtrite nimetusi on võimalik kasutada avaldistes ja käskudes selleks, et viidata konkreetse lahtri sisule.

Arvutustabeli lahtritesse on võimalik sisestada nii arve kui ka kõiki matemaatilisi objekte, mida GeoGebra toetab (nt punkti koordinaate, funktsioone, käske). Võimaluse korral näitab GeoGebra koheselt ka *graafikavaates arvutustabeli lahtrisse* sisestatud objekti graafilist esitust. Siis vastab loodud objekti nimetus *arvutustabeli lahtri* nimetusele, mille põhjal see loodi (nt *A5, C1*).

<u>Märkus</u>: Vaikimisi on arvutustabeli objektid *algebravaates* määratud *abiobjektideks*. Neid *abiobjekte* on võimalik näidata või peita valides *Abiobjektid* menüüst *Vaade*.

1.2. GeoGebra matemaatika õppimise ja õpetamise vahendina

1.2.1. Kasutajaliidese kohandamine

GeoGebra kasutajaliidest on võimalik kohandada *menüüst Vaade*. Näiteks on võimalik peita erinevaid ekraani osasid (nt *algebravaadet, arvutustabeli vaadet* või *sisendriba*) märkides linnukese või vabastades selle vastava ekraani osa nimetuse ees *menüüs Vaade*.

Objektide näitamine ja peitmine

Graafikavaates on võimalik objekte näidata või peita mitmel erineval viisil.

- Objektide näitamiseks või peitmiseks kasutage tööriista [°]• *Näita / peida objekt*.
- Samuti võite objektil avada *paremaklahvimenüü* ja valida sealt 🗈 Näita objekti, et

muuta valitud objekti nähtavust.

- Algebravaates näitab igast objektist vasakul asuv ikoon objekti nähtavust (objekti näidatakse või objekt on peidetud). Selleks, et objekti nähtavust muuta, võib otse klõpsata sellele väikesele ringikujulisele ikoonile.
- Ühe või mitme objekti korraga näitamiseks võib samuti kasutada tööriista
 Märkeruut objektide näitamiseks ja peitmiseks.

Graafikavaate kohandamine

Selleks, et kohandada *graafikavaate* nähtavat ala, tuleb seda tööriista *graafikavaadet* abil lohistada. Samuti on võimalik kasutada järgmisi suumimise võimalusi:

 Selleks, et graafikavaadet suumida, saab kasutada tööriistu Vähenda.

<u>Märkus</u>: Joonestusvälja koht, kuhu selles režiimis klõpsate, määratakse suumimise keskpunktiks.

- *Graafikavaate* suumimiseks saab kasutada ka hiire *kerimisnuppu*.
- Samuti on võimalik kasutada *kiirklahve* graafikavaate suurendamiseks (Ctrl ja + klahv) ja vähendamiseks (Ctrl ja klahv).
- Suumida on võimalik, kui avate paremaklahvimenüü (Mac OS: Ctrl+klõps) joonestusvälja tühjal kohal ning valite Suumi.
- Samuti on võimalik määrata *suumimise ristkülik,* kui vajutate *graafikavaate* tühjal kohal hiire parema klahvi alla (Mac OS: *Cmd*+klõps) ning lohistate piki soovitava *suumimise ristküliku* diagonaali. *Suumimise ristküliku* lõpetamiseks vabastage hiir.

Graafikavaates saab koordinaattelgi ja ruudustikku näidata või peita menüü Vaade abil.

<u>Märkus</u>: Lisavõimalusena saab *telgi* ja *ruudustikku* näidata või peita, kui avate *paremaklahvimenüü* (Mac OS: *Ctrl*+klõps) *joonestusväljal* ning valite vastavalt kas ↓ *Teljed* või ∰ *Ruudustik*.

Koordinaatteljestiku ja ruudustiku kohandamine

Graafikavaate koordinaattelgi ja *ruudustikku* saab kohandada *omaduste dialoogiakna* abil, mis avaneb *joonestusväljal*, kui valite sellel *paremaklahvimenüüst* (Mac OS: *Ctrl*+klõps) *Graafikavaade*.

- Vahelehel *Teljed* on võimalik näiteks muuta telje joone stiili, koordinaattelgede ühikuid ja telgedel asuvate kriipsukeste vahelist kaugust. Pange tähele, et mõlemat telge on võimalik eraldi kohandada klõpsates vahelehtedele *xTelg* või *yTelg*. Lisaks on võimalik muuta telgede omavahelist suhet ning vajadusel kumbagi telge kas peita või näidata.
- Vahelehel *Ruudustik* on võimalik näiteks muuta ruudustiku joonte värvi ja stiili ning määrata ruudustiku joonte vaheline kaugus. Lisaks saab näidata *isomeetrilist*

ruudustikku.

<u>Märkus</u>: Telgesid on võimalik skaleerida igas režiimis hoides all *Shift*-klahvi (PC: samuti *Ctrl*-klahvi) ja samaaegselt telge lohistades.

<u>Märkus</u>: *Graafikavaate omaduste dialoogiaken* on erinev objektide *omaduste dialoogiaknast*.

Tööriistariba kohandamine

Tööriistariba saab kohandada menüüst *Tööriistad* valikuga *Kohanda tööriistariba...*. Ekraanile ilmuva dialoogiakna vasakul pool asuvast loendist valige *tööriist* või *tööriistakast*, mida soovite *tööriistaribalt* eemaldada ja klõpsake nupule *Eemalda >*. Seejärel eemaldatakse tööriist või tööriistakast *tööriistaribalt*.

<u>Märkus</u>: Kui soovite taastada *vaiketööriistariba*, klõpsake dialoogiakna all vasakus servas asuvale nupule *Taasta vaiketööriistariba*.

1.2.2. Omaduste dialoogiaken

Omaduste dialoogiakna abil on võimalik muuta objektide omadusi (nt suurust, värvi, täitevärvi, joone stiili, joone jämedust, nähtavust).

Omaduste dialoogiakent on võimalik avada mitmel erineval viisil:

- Tehke paremklõps (Mac OS: *Ctrl*+klõps) objektil ja avanevast *paremaklahvimenüüst* valige Omadused....
- Valige *menüüst Redigeeri* 🖲 Omadused.
- Valige tööriist Liiguta ning tehke topeltklõps graafikavaates asuval objektil. Avanevas dialoogiaknas Defineeri ümber klõpsake nupule Omadused....

Omaduste dialoogiakna vasakus ääres asuvas loendis on objektid grupeeritud tüüpide järgi (nt punktid, sirged, ringjooned), mis teeb pajude objektidega opereerimise kergemaks. Loendist on tarvis valida üks või mitu objekti, mille omadusi soovite muuta.

<u>Märkus</u>: Klõpsates objektide loetelus objektide grupi pealkirjale (nt *Punkt*), on võimalik valida ehk märgistada kõik seda tüüpi objektid ja seejärel nende objektide omadusi kiiresti korraga muuta.

Valitud objektide omadusi saab muuta paremal pool asuvate vahelehtede abil (nt Üldine, Värv, Stiil, Lisavõimalused).

Märkus: Kasutatavate vahelehtede komplekt sõltub loetelust valitud objektide tüübist.

Kui olete lõpetanud objektide omaduste muutmise, siis sulgege omaduste dialoogiaken.

1.2.3. Paremaklahvimenüü

Paremaklahvimenüü abil on kiiresti võimalik muuta objektide toimimist või lisaomadusi. Paremklõps (Mac OS: *Ctrl*+klõps) objektil avab selle objekti *paremaklahvimenüü*. Selle abil on näiteks võimalik muuta objektide algebralist esitust (nt polaar või ristkoordinaadid, ilmutatud või ilmutamata kujuline võrrand) ja objekte muuta valikutega **b** *Nimeta ümber*, *Kustuta, F Jälg sees, Animeerimine sees* või *Kopeeri sisendribale*.

<u>Märkus</u>: Kui avate *graafikavaates* mingil punktil *paremaklahvimenüü*, siis antakse ka valik *Kirjuta arvutustabelisse* (see on võimalik üksnes siis, kui *arvutustabeli vaade* on aktiivne). Seejärel punkti liigutamisel kirjutatakse antud punkti koordinaadid *arvutustabelisse*.

<u>Märkus</u>: Kui valite *paremaklahvimenüüst Omadused…,* siis avatakse *omaduste dialoogiaken,* mille abil on võimalik muuta kõikide kasutusel olevate objektide omadusi.

1.3. GeoGebra esitlusvahendina

1.3.1. Navigeerimisriba

Programmiga on võimalik juba kord loodud GeoGebra failis *navigeerimisrea* abil uuesti sammhaaval jälgida konstruktsiooni tekkimist. *Graafikavaate* allääres asuva *navigeerimisrea* sisselülitamiseks tuleb *menüüst Vaade* valida *Konstruktsiooni sammude navigeerimisriba*. *Navigeerimisreal* on mitmeid navigeerimisnuppe ning samas näidatakse konstruktsiooni sammude arv (nt 2 / 7 tähendab, et praegu näidatakse teist sammu seitsmest konstruktsiooni sammust):

- It nupp: viib esimese sammu juurde;
- 41 nupp: liigub sammu võrra konstruktsioonis tagasi;
- 🛤 nupp: liigub sammu võrra konstruktsioonis edasi;
- 🕅 nupp: viib viimase sammu juurde;
- Mängi: konstruktsioon esitatakse automaatselt sammhaaval;
 <u>Märkus</u>: Automaatse esituse kiirust saab muuta tekstiboksis, mis asub nupust
 Mängi paremal.
- Paus: automaatne esitus peatatakse;
 <u>Märkus</u>: See nupp ilmub alles peale nupule Mängi klõpsamist.
- 🔲 nupp: avab *konstruktsiooni protokolli*.

1.3.2. Konstruktsiooni protokoll

Interaktiivset konstruktsiooni protokolli on võimalik avada *menüüst Vaade* valikust *Konstruktsiooni protokoll*. See on tabel, milles näidatakse kõik konstruktsiooni loomisel tehtud sammud. Konstruktsiooni protokoll võimaldab eelnevalt tehtud konstruktsiooni loomine sammhaaval konstruktsiooni protokolli allääres asuva *navigeerimisriba* abil ette mängida.

Navigeerimine ja konstruktsiooni protokolli muutmine

Konstruktsiooni protokollis liikumiseks saab kasutada klaviatuuri:

- \uparrow *nool üles* viib eelmise konstruktsiooni sammu juurde;
- \downarrow *nool alla* viib järgmise konstruktsiooni sammu juurde;
- Home-klahv viib konstruktsiooni protokolli algusesse;
- End-klahv viib konstruktsiooni protokolli lõppu;
- Del-klahv kustutab valitud konstruktsiooni sammu.
 <u>Märkus</u>: Objekti kustutamine võib mõjutada teisi objekte, mis sõltuvad kustutatud objektist/konstruktsiooni sammust.

Konstruktsiooni protokollis liikumiseks võib kasutada ka hiirt:

- Topeltklõps real valib/märgistab sellel real asuva konstruktsiooni sammu.
- Topeltklõps veeru pealkirjal viib konstruktsiooni protokolli algusesse.
- Konstruktsiooni sammude järjekorra muutmiseks tuleb konkreetne rida lohistada *konstruktsiooni protokollis* soovitavale kohale.

<u>Märkus</u>: See ei ole iga kord võimalik, kuna erinevad objektid võivad olla üksteisest sõltuvad.

• Paremklõps real avab sellele konstruktsiooni sammule vastava objekti paremaklahvimenüü.

<u>Märkus</u>: Konstruktsiooni protokollis on igale asukohale võimalik samme juurde lisada. Valige konstruktsiooni samm, mille järele soovite lisada uut konstruktsiooni sammu. Jätke *konstruktsiooni protokolli* aken avatuks ja konstrueerige uus objekt. See uus samm või objekt lisatakse koheselt *konstruktsiooni protokollis* valitud kohale.

Konstruktsiooni protokolli aknas saab menüüst *Vaade* sisse lülitada veeru *Katkestuspunkt*, kus on võimalik mõned konkreetsed konstruktsiooni sammud määrata nn *katkestuspunktideks*. Selle abil on võimalik objekte grupeerida. Kui pärast katkestuspunktide määramist konstruktsiooni *navigeerimisrea* abil sammhaaval esitatakse, siis määratud objektide grupp näidatakse ühe korraga.

<u>Märkus</u>: *Konstruktsiooni protokolli* aknas asuvast menüüst *Vaade* on võimalik erinevaid *konstruktsiooni protokolli* veerge sisse ja välja lülitada.

Konstruktsiooni protokolli veebileheks eksportimine

GeoGebra võimaldab *konstruktsiooni protokolli* eksportida veebileheks. Selleks tuleb kõigepealt *menüüst Vaade* avada *Konstruktsiooni protokoll*. Seejärel avanenud *konstruktsiooni protokolli* aknas olevast *Fail* menüüst tuleb valida *Ekspordi veebilehena*.

Konstruktsiooni protokolli eksportimise aknasse on võimalik sisestada *pealkiri, autor* ja *kuupäev.* Samuti on võimalik valida, kas sinna lisada (või mitte) pilt *graafika-* ja *algebravaatest.* Lisaks on võimalik eksportida veebileheks *värviline konstruktsiooni protokoll.* See tähendab, et objektide värv *konstruktsiooni protokollis* vastab nende värvile graafikavaates.

<u>Märkus</u>: Eksportimisel saadud HTML-faili on võimalik vaadata iga veebilehitsejaga (nt Firefox, Internet Explorer) ning seda saab redigeerida paljude tekstitöötlusprogrammidega (nt OpenOffice Writer).

1.3.3. Sätete kohandamine

GeoGebras saab *menüüst Võimalused* sätteid muuta ja salvestada. Näiteks on võimalik muuta *nurga ühikud kraadidest radiaanideks* või muuta *punkti stiili, märkeruudu suurust* ja *täisnurga stiili*. Lisaks on võimalik muuta *koordinaatide* esitust ekraanil ja seda, millised objektid tähistatakse.

Rohkem infot leiate paragrahvist menüü Võimalused.

Kohandatud sätteid saab salvestada, kui valite *menüüst Võimalused* Salvesta sätted. Pärast salvestamist mäletab GeoGebra kohandatud sätteid ja kasutab neid igal järgmisel korral, mil loote GeoGebra faile.

<u>Märkus</u>: Programmi vaikesätteid saab ka taastada, kui valite *menüüst Võimalused* valiku *Taasta vaikesätted*.

<u>Märkus</u>: Kui kasutate programmi GeoGebra esitlusvahendina, siis on soovitatav suurendada *kirja suurust* (*menüü Võimalused*) nii, et publikul oleks võimalikult lihtne teksti ja objektide tähiseid näha.

1.4. GeoGebra loometöö vahendina

1.4.1. Printimise võimalused

Graafikavaate printimine

GeoGebras on võimalik *graafikavaates* asuvat konstruktsiooni välja printida. Vastava käsu leiate menüü *Fail* valikust *Prindi eelvaade*. Avanevas *prindi eelvaate* dialoogiaknas on võimalik konstruktsiooni *pealkirja, autorit* ja *kuupäeva* täpsustada. Lisaks saab määrata väljaprinditava ala *skaala* (sentimeetrites) ning muuta lehekülje (paberi) *orientatsiooni* (vertikaal- või horisontaalpaigutus).

<u>Märkus</u>: *Prindi eelvaate* värskendamiseks peale teksti või prinditava ala vormingu muutmist tuleb vajutada *Enter*-klahvile.

Konstruktsiooni protokolli printimine

Kui soovite *konstruktsiooni protokolli* printida, siis tuleb kõigepealt *menüüst Vaade* avada *konstruktsiooni protokolli* dialoogiaken. Selle akna *Fail* menüüst saab avada *konstruktsiooni protokolli prindi eelvaate* akna.

Jällegi saate enne *konstruktsiooni protokolli* printimist sisestada pealkirja, autori ja kuupäeva või muuta skaalat või paberi orientatsiooni.

<u>Märkus</u>: *Konstruktsiooni protokolli* erinevaid veerge *Tähis, Definitsioon, Käsk, Algebra* ja *Katkestuspunkt* on võimalik *konstruktsiooni protokolli* dialoogiakna menüüst *Vaade* sisse ja välja lülitada.

1.4.2. Graafikavaatest pildi loomine

Graafikavaate pildina salvestamine

Graafikavaate konstruktsioone on võimalik salvestada arvutisse pildifailina.

<u>Märkus</u>: Kogu *graafikavaade* salvestatakse pildina. Kui konstruktsioon ei kata kogu *graafikavaadet*, siis võiks...

- … kasutada tööriistu
 Liiguta graafikavaadet,
 Suurenda ja/või
 Vähenda selleks, et asetada oma konstruktsioon *graafikavaate* ülemisse vasakusse nurka. Seejärel võiks vähendada GeoGebra akna suurust selle ühte nurka hiirega lohistades.
- ... kasutada *valikuristkülikut*, et määrata millist *graafikavaate* osa peaks eksportima ja pildina salvestama.
- … luua punktid nimega *Export_1* ja *Export_2*, mida kasutatakse *eksportimise ristküliku* diagonaali otspunktide defineerimisel.

<u>Märkus</u>: Punktid *Export*₁ and *Export*₂ peavad asuma *graafikavaate* nähtavas osas.

Menüüs Fail valige *Ekspordi* ning seejärel klõpsake valikul *Graafikavaade pildina*. Ilmuvas dialoogiaknas on võimalik määrata soovitav pildi *vorming, skaala* (sentimeetrites) ja *eraldusvõime* (punktides).

<u>Märkus</u>: Eksporditava pildi tegelik suurus nii sentimeetrites kui pikselites näidatakse eksportimise akna allääres kohe nuppude kohal.

Rohkem infot erinevate pildifailide loomiseks leiate lõigust Ekspordi - Espordi - Fildina (png, eps)....

Graafikavaate kopeerimine arvuti vahemälusse

Graafikavaate arvuti vahemälusse kopeerimiseks on mitmeid erinevaid viise:

- *Menüüs Redigeeri* saate valida 🗔 *Graafikavaade lõikepuhvrisse*.
- *Menüüs Fail* valige kõigepealt *Ekspordi* ja seejärel 🗐 *Graafikavaade lõikepuhvrisse*.
- Graafikavaate pildina eksportimise dialoogiaknas (menüü Fail Ekspordi –
 Graafikavaade pildina (png, eps)...) võite klõpsata nupule Lõikepuhver.

Selle abil kopeeritakse *graafikavaate* ekraanipilt teie arvuti vahemällu PNG-pildina (vt PNG vorming). Seejärel on seda pilti võimalik kleepida teistesse dokumentidesse (nt teksti-töötluse dokumenti).

<u>Märkus</u>: Selleks, et konstruktsiooni pilti teatud skaalas kopeerida (sentimeetrites) tuleks kasutada *menüü Fail* valikut *Ekspordi* ning *Graafikavaade pildina*.

1.4.3. Interaktiivsete veebilehtede loomine

GeoGebra võimaldab teie failidest luua *interaktiivseid veebilehti ehk dünaamilisi töölehti. Menüüst Fail* tuleb valida *Ekspordi* ja seejärel 🖾 *Dünaamiline tööleht veebilehena (html)*. Seejärel avaneb *dünaamiliste töölehtede* eksportimise dialoogiaken:

- Ekspordiakna ülaäärde saab sisestada *dünaamilise töölehe pealkirja, autori* ja *kuupäeva*.
- Vahelehel Üldine saate sisestada teksti dünaamilise konstruktsiooni kohale ja selle järele (nt konstruktsiooni kirjeldus ja mõned juhtnöörid/ülesanded). Samuti on võimalik määrata, kas joonis lisatakse kohe otseselt veebilehele või seda on võimalik avada nupule klõpsates.
- Vahelehel *Lisavõimalused* saate muuta dünaamilise konstruktsiooni funktsionaalsust (nt näidata konstruktsiooni lähtestamise ikooni, võimaldada topeltklõpsuga avada GeoGebra akent), samuti on võimalik muuta interaktiivse apleti kasutajaliidest (nt näidata *tööriistariba*, muuta pikkust ja laiust).

<u>Märkus</u>: Kui teie aplett on liiga suur selleks, et mahtuda standardse resolutsiooniga arvutiekraanile (1024 x 768), siis võiksite selle suurus muuta enne *dünaamiliseks veebileheks* eksportimist.

<u>Märkus</u>: *Dünaamilise töölehe* eksportimisel luuakse mitmed erinevad failid:

- HTML-fail (nt ring.html) see fail sisaldab töölehte ennast;
- *GGB*-fail (nt *ring.ggb*) see fail sisaldab GeoGebra konstruktsiooni;
- JAR-failid(mitmed failid) need failid sisaldavad GeoGebrat ja teevad töölehe interaktiivseks.

Selleks, et dünaamiline konstruktsioon töötaks, peavad kõik need failid (nt *ring.html*, *ring.ggb* ja *geogebra.jar* failid) asuma ühes ja samas kaustas.

Eksporditud HTML-faili (nt ring.html) saab vaadata iga veebilehitsejaga (nt Mozilla, Internet

Explorer, Safari). Selleks, et dünaamiline konstruktsioon töötaks, peab arvutisse olema installeeritud Java. Seda on võimalik tasuta saada veebilehelt http://www.java.com. Kui soovitakse *dünaamilist töölehte* kasutada kooli arvutivõrgus, tuleks vajadusel paluda kohalikul võrguadministraatoril arvutitesse Java installeerida.

<u>Märkus</u>: *Dünaamilise töölehe* teksti saab redigeerida paljude tekstitöötlussüsteemidega (nt FrontPage, OpenOffice Writer). Selleks tuleb avada eksporditud HTML-fail ja seda redigeerida. Samuti on võimalik redigeerida ka *dünaamilise töölehe* apletti, kui avate GGB-faili ning salvestate selle hiljem sama nimega.

2. Geomeetriline sisend

2.1. Üldised märkused

Graafikavaates näidatakse matemaatiliste objektide (nt punktide, vektorite, lõikude, hulknurkade, funktsioonide, kõverate, sirgete ja koonuselõigete) graafilist esitust. Kui hiirt liigutada üle mingi sealse objekti, siis näidatakse selle objekti kirjeldust ja objekt ise tõstetakse tumedamalt esile.

GeoGebras on mitmeid tööriistu/režiime, milles programm reageerib erinevalt hiire sisendile *graafikavaates* (vt lõiku *Konstrueerimise tööriistad*). Näiteks klõpsates joonestusväljale, saab luua uue punkti (vt tööriist • *Uus Punkt*), kahe objekti lõikepunktid (vt tööriist \times *Kahe objekti lõikepunktid*) või joonestada ringjoont (vt \odot *Ringjoone* tööriistad).

2.2. Konstrueerimise tööriistad (režiimid)

Järgnevaid *konstrueerimise tööriistu* või režiime saab aktiveerida *tööriistariba* nuppudele klõpsates. Kui klõpsate väikesele noolekesele ikooni all paremas nurgas, avaneb *tööriistakast* sarnaste tööriistadega.

<u>Märkus</u>: Enamuse konstrueerimise tööriistade korral saate kergesti luua uusi punkte klõpsates joonestusvälja tühjale kohale.

Objektide valimine ehk märgistamine

Objekti valimine ehk märgistamine tähendab sellele objektile režiimis ^k *Liiguta* hiirega klõpsamist.

Kui soovite mitut objekti korraga valida või märgistada, siis võite määrata *valikuristküliku*: aktiveerige tööriist *Liiguta* ning klõpsake positsioonile, kuhu soovite *valikuristküliku* üht nurka. Seejärel hoidke all vasakut hiire klahvi ning liikuge kursoriga soovitud valikuristküliku diagonaali teise otspunktini. Peale hiire klahvi vabastamist on kõik objektid, mis jäid antud *valikuristküliku* sisse valitud ehk märgistatud.

<u>Märkus</u>: Mitmeid objekte on võimalik samaaegselt märgistada hoides all *Ctrl*-klahvi (Mac OS: *Cmd*-klahvi) ja samaaegselt erinevatele objektidele klõpsates.

Objektide kiire ümbernimetamine

Selleks, et valitud või just loodud objekt kiiresti ümber nimetada, lihtsalt alustage trükkimist ja seejärel avaneb selle objekti *ümbernimetamise* dialoogiaken. Järgnevalt trükkige valitud objekti uus tähis ja klõpsake *OK*-nupule.

2.2.1. Üldised tööriistad

Kopeeri kujunduse stiil

Selles režiimis on võimalik ühe objekti visuaalsed omadused (nt värv, suurus, joone stiil) kopeerida mitmele teisele objektile. Kõigepealt tuleb klõpsata objektile, mille omadusi soovite kopeerida. Seejärel klõpsake kõigile neile objektidele, millele soovite esimese objekti kujundust.

Kustuta objekt

Klõpsake objektidele, mida soovite kustutada (vt ka käsku *Kustuta*). <u>Märkus</u>: Võite kasutada nuppu
 Võta tagasi, kui olete juhuslikult kustutanud vale objekti.

Liiguta

Selles režiimis saab vabasid objekte hiirega teisaldada. Kui valite objekti režiimis ^k *Liiguta* sellele klõpsates, siis on võimalik

- ... see objekt *Del*-klahvile vajutades kustutada;
- ... objekti nooleklahve kasutades liigutada (vt lõiku *Manuaalne animeerimine*).

Märkus: Režiim Liiguta aktiveerub kiiresti ka siis, kui vajutada Esc-klahvile.

Liiguta joonestusvälja

Selleks, et liigutada *graafikavaate* nähtavat ala (koordinaatsüsteemi alguspunkti), vajutage alla hiire vasak klahv ja liigutage hiirt joonestusväljal.

<u>Märkus</u>:

- Joonestusvälja saab liigutada ka igas režiimis all hoides Shift-klahvi (MS Windows: ka Ctrl-klahvi) ja joonestusvälja hiirega lohistades.
- Selles režiimis on võimalik muuta ka kummagi koordinaattelje skaalat telge hiirega lohistades (tirides).

Kirjuta arvutustabelisse

See tööriist võimaldab objekti liigutamisel selle väärtused salvestada *arvutustabeli vaatesse*. Tööriist toimib arvude, punktide ja vektorite korral.

<u>Märkus</u>: GeoGebra kasutab valitud objektide väärtuste salvestamiseks *arvutustabeli* kahte esimest tühja veergu.

a²b Kahe objekti omavaheline võrdlus

Selleks, et saada infot kahe objekti omavahelise suhte kohta, märgistage need kaks objekti (vt ka käsku *Võrdlus*).



Valige kõigepealt pöörde keskpunkt. Seejärel saate *vabasid objekte* ümber selle punkti hiirega lohistades pöörata (vt ka käsku *Pööre*).

A A Näita / peida tähis

Klõpsake objektile, mille tähist näidata või peita.

^o Näita / peida objekt

Peale tööriista aktiveerimist klõpsake objektile, mida soovite näidata või peita. Muudatused rakendatakse niipea, kui aktiveerite mõne teise tööriista.

<u>Märkus</u>: Kõik selles režiimis peitmiseks märgistatud objektid tõstetakse *graafikavaates* tumedamalt esile. See võimaldab peidetud objekte kergesti taas näidata neile uuesti klõpsates (misjärel tumedalt esiletõstetus kaob) ning seejärel uue tööriista aktiveerides.

Suurenda

Klõpsake suvalisele kohale joonestusväljal, et seda suurendada (vt ka lõiku *Graafikavaate kohandamine*).

Märkus: Joonestusvälja koht, kuhu klõpsate, määratakse suumimise keskpunktiks.

♥ Vähenda

Klõpsake suvalisele kohale joonestusväljal, et seda vähendada (vt ka lõiku *Graafikavaate kohandamine*).

Märkus: Joonestusvälja koht, kuhu klõpsate, määratakse suumimise keskpunktiks.

2.2.2. Punkti tööriistad

🗡 Kahe objekti lõikepunktid

Kahe objekti lõikepunktid on võimalik tekitada kahel viisil (vt ka käsku Lõikepunkt).

- Märgistades kaks objekti luuakse nende kõik lõikepunktid (kui võimalik).
- Klõpsates kahe objekti konkreetsel lõikepunktil luuakse ainult see üks lõikepunkt.

<u>Märkus</u>: Lõikude, kiirte või kaarte korral on võimalik *omaduste dialoogiakna* vahelehel *Üldine* lisaks määrata, kas *lubatakse väljaspool asuvaid lõikumisi*. Seda saab kasutada siis, kui soovitakse leida lõikepunkte, mis asuvad objektide pikendustel. Näiteks lõigu või kiire pikenduseks on sirge.



Klõpsates ...

- kahele punktile leitakse nende vahelise lõigu keskpunkt;
- ühele lõigule leitakse selle keskpunkt;
- koonuselõikele (ringjoon või ellips) leitakse selle sümmeetriakeskpunkt (vt ka käske Keskpunkt ja SümmeetriaKeskpunkt).



Sinna, kuhu klõpsate *graafikavaate* joonestusväljal, luuakse uus punkt. Punkti koordinaadid fikseeritakse sel hetkel, kui vabastate hiire klahvi.

<u>Märkus</u>:

- Klõpsates lõigul, sirgel, hulknurgal, koonuselõikel, funktsioonil või kaarel, luuakse *punkt sellele objektile* (vt ka käsku *Punkt*).
- Klõpsates kahe objekti lõikepunktil, luuakse nende objektide lõikepunkt (vt ka tööriista X Kahe objekti lõikepunktid ja käsku Lõikepunkt).

2.2.3. Vektori tööriistad

Kahe punkti vaheline vektor

Valige kõigepealt vektori alguspunkt, seejärel lõpp-punkt (vt ka käsku Vektor).

Rakenda vektor antud punkti

Valige punkt *A* ja vektor \vec{v} . Seejärel luuakse vektor $\vec{AB} = \vec{v}$ ja punkt *B* (vt ka käsku *Vektor*).

2.2.4. Lõigu tööriistad

Kahe punkti vaheline lõik

Märgistades punktid *A* ja *B*, luuakse nende punktide vaheline lõik (vt ka käsku *Lõik*). <u>Märkus</u>: <u>Algebravaates</u> antakse ka tekkinud lõigu pikkus.

Antud punktist lähtuv antud pikkusega lõik

Klõpsake lõigu alguspunktile *A*. Ekraanile ilmuvasse aknasse sisestage lõigu pikkus *a* (vt ka käsku *Lõik*).

<u>Märkus</u>: Selle tööriistaga luuakse lõik pikkusega *a* ja lõpp-punktiga *B*, mida on võimalik režiimis ^k *Liiguta* pöörata ümber alguspunkti *A*.

2.2.5. Kiire tööriist

Kiir kahe punktiga

Märgistades joonestusväljal kaks punkti *A* ja *B*, luuakse kiir alguspunktiga *A* läbi punkti *B* (vt ka käsku *Kiir*).

<u>Märkus</u>: *Algebravaates* antakse ka vastava sirge võrrand.

2.2.6. Hulknurga tööriistad

Print Hulknurk

Märgistage järjestikku vähemalt kolm punkti, mis oleksid hulknurga tippudeks. Seejärel klõpsake uuesti esimesena märgitud punktile, et sulgeda hulknurk (vt ka käsku *Hulknurk*). <u>Märkus</u>: *Algebravaates* antakse tekkinud hulknurga pindala.

Korrapärane hulknurk

Märgistage kaks punkti *A* ja *B* ning trükkige ekraanile ilmuva dialoogiakna tekstireale arv *n* (hulknurga tippude arv). Niimoodi tekib korrapärane *n*-tipuline hulknurk, mille kaks tippu on punktid *A* ja *B* (vt ka käsku *Hulknurk*).

2.2.7. Sirge tööriistad

ሩ Nurgapoolitaja

Nurgapoolitaja saab luua kahel moel (vt ka käsku Nurgapoolitaja):

- Märgistage joonestusväljal kolm punkti A, B, C, tekitatakse nurgapoolitaja nurgale, mille tipuks on punkt B.
- Märgistage kaks sirget (või sirge osa), antakse tekkinud kõrvunurkade paari mõlema nurga poolitajad.

Märkus: Kõikide nurgapoolitajate sihivektor on pikkusega 1.



Regressioonisirget mingile punktide hulgale on võimalik luua järgneval kahel moel (vt ka käsku *Regressioonisirge*):

- Looge *valikuristkülik*, mis sisaldaks kõiki neid punkte.
- Valige *punktide loend*, millele vastavat regressioonisirget soovite.

Sirge kahe punktiga

Märgistades joonestusväljal kaks punkti *A* ja *B*, fikseeritakse sirge läbi nende kahe punkti (vt ka käsku *Sirge*).

<u>Märkus</u>: Tekkinud sirge sihivektoriks on vektor \overline{AB} .

Paralleelne sirge

Märgistades sirge *g* ja punkti *A*, defineeritakse sirge läbi punkti *A*, mis on paralleelne sirgega *g* (vt ka käsku *Sirge*).

Märkus: Tekkinud sirge siht on sama, mis sirgel g.

Lõigu keskristsirge

Lõigu keskristsirge saate tekitada, kui märgistate lõigu *s* või kaks punkti *A* ja *B* (vt ka käsku *Keskristsirge*).

<u>Märkus</u>: Tekkinud sirge siht on määratud vektoriga, mis on risti lõiguga *s* või *AB* (vt ka käsku *RistuvVektor*).



Märgistades sirge *g* ja punkti *A*, antakse punkti *A* läbiv sirge, mis on risti sirgega *g* (vt ka käsku *Ristsirge*).

Märkus: Tekkinud sirge sihivektor on risti sirge g sihivektoriga (vt ka käsku RistuvVektor).

Polaar või kaasdiameeter

Selle tööriistaga luuakse koonuselõike polaar või kaasdiameeter (vt ka käsku Polaar).

- Polaari leidmiseks märgistage punkt ja koonuselõige;
- Kaasdiameetri leidmiseks märgistage sirge või vektor ning koonuselõige.

Puutujad

Koonuselõigete puutujaid võib saada mitmel moel (vt ka käsku Puutujad):

- Märgistades punkti *A* ja koonuselõike *c*, antakse punktist *A* tõmmatud kõik koonuslõike *c* puutujad.
- Märgistades sirge (või sirge osa) *g* ja koonuselõike *c*, antakse kõik *c* puutujad, mis on paralleelsed sirgega *g*.

Märgistades punkti *A* ja funktsiooni *f*, antakse funktsiooni *f* graafiku puutuja kohal x = x(A). Märkus: x(A) väljendab punkti *A* x-koordinaati. Kui punkt *A* asub funktsiooni

graafikul, siis puutuja läbib punkti A.

2.2.8. Koonuselõike tööriistad

${\cal O}$ Ringjoon keskpunkti ja raadiusega

Peale ringjoone keskpunkti *M* märgistamist sisestage avanevasse dialoogiaknasse ringjoone raadius (vt ka käsku *Ringjoon*).

Ringjoon keskpunkti ja ringjoone punktiga

Märgistades punkti *M* ja punkti *P*, tekib ringjoon keskpunktiga *M* ja mis läbib punkti *P* (vt ka käsku *Ringjoon*).

Märkus: Tekkinud ringjoone raadius on lõigu MP pikkus.

C Ringjoon kolme punktiga

Märgistades kolm punkti *A*, *B* ja *C*, tekib neid kolme punkti läbiv ringjoon (vt ka käsku *Ringjoon*).

<u>Märkus</u>: Kui need punktid asetsevad ühel sirgel, siis saame neid punkte läbiva sirge.



Märgistades lõigu või kaks punkti, määratakse ringjoone raadius. Seejärel klõpsake punktil, mida soovite loodava uue ringjoone keskpunktiks.



Märgistades viis punkti, tekib koonuselõige läbi nende viie punkti (vt ka käsku *Koonuselõige*).

Märkus: Kui neli punkti viiest asuvad ühel ja samal sirgel, siis koonuselõige ei ole määratud.



Märgistage ellipsi kaks fookust. Seejärel märgistage kolmas punkt, mis asub ellipsil (vt ka käsku *Ellips*).

Hüperbool

Märgistage hüperbooli kaks fookust. Seejärel märgistage kolmas punkt, mis asub hüperboolil (vt ka käsku *Hüperbool*).



Märgistage punkt ja parabooli juhtjoon (vt ka käsku Parabool).

2.2.9. Kaare ja sektori tööriistad

<u>Märkus</u>: GeoGebras on kaare algebraliseks väärtuseks selle pikkus. Sektori algebraliseks väärtuseks on selle pindala.

🚺 Ringjoone kaar keskpunkti ja kahe punktiga

Märgistades kolm punkti *M*, *A* ja *B*, tekib ringjoone kaar, mille keskpunkt on *M* ja alguspunkt on *A*. Punkt B määrab kaare pikkuse (vt ka käsku RingjooneKaar1).

Märkus: Punkt A asub alati kaarel, aga punkt B ei pea asuma kaarel.

Ringi sektor keskpunkti ja kahe punktiga

Märgistades kolm punkti *M*, *A* ja *B*, tekib ringi sektor, mille keskpunkt on *M* ja alguspunkt on *A*. Punkt B määrab sektori kaare pikkuse (vt ka käsku *RingiSektor1*).

Märkus: Punkt A asub alati sektori kaarel, aga punkt B ei pea asetsema sektori kaarel.

Ringjoone kaar kolme punktiga

Märgistades joonestusväljal kolm punkti *A*, *B* ja *C*, tekib nende punktidega määratud ringjoone kaar. Punkt *A* on kaare alguspunktiks, punkt *B* asub kaarel ning punkt *C* on kaare lõpp-punktiks (vt ka käsku *RingjooneKaar2*).

Ringjoone sektor kolme punktiga

Märgistades joonestusväljal kolm punkti *A*, *B* ja *C*, tekib nende punktidega määratud ringi sektor. Punkt *A* on sektori kaare alguspunktiks, punkt *B* asub kaarel ning punkt *C* on sektori kaare lõpp-punktiks (vt ka käsku *RingiSektor2*).

Poolringjoon kahe punktiga

Märgistades kaks punkti *A* ja *B*, tekib poolringjoon, mille diameetriks on lõik *AB* (vt ka käsku *Poolringjoon*).

2.2.10. Arvu ja nurga tööriistad



Selle tööriistaga on võimalik luua nurkasid mitmel erineval moel (vt ka käsku Nurk):

- Klõpsake kolmele punktile, et luua nende punktide vaheline nurk. Teine märgistatud punkt on nurga tipuks.
- Klõpsake kahele lõigule, et luua nende lõikude vaheline nurk.
- Klõpsake kahele sirgele (või sirge osale), et luua nende vaheline nurk.
- Klõpsake kahele vektorile, et luua nende vektorite vaheline nurk.
- Klõpsake hulknurgale, et luua kõik selle hulknurga sisenurgad.
 <u>Märkus</u>: Kui hulknurk on loodud nii, et selle tipud on märgistatud vastupäeva, siis tööriist *Nurk* annab hulknurga sisenurgad.

Märkus: Nurgad luuakse vastupäevase orientatsiooniga. Seega punktide märgistamise järjekord

on tööriista *Nurk* juures oluline. Kui soovite joonestada nurki, mille maksimaalseks suuruseks on 180°, siis vabastage linnuke valiku *Luba ülinürinurka* ees *omaduste dialoogiakna* vahelehel *Üldine*.

Etteantud suurusega nurk

Märgistage joonestusväljal kaks punkti *A* ja *B* ning trükkige nurga suurus avaneva dialoogiakna tekstiväljale (vt ka käsku *Nurk*).

<u>Märkus</u>: Tööriist loob punkti *C* ja nurga α , kus α on nurk *ABC*.



Selle tööriistaga antakse hulknurga, ringi või ellipsi pindala arvuline väärtus ja esitatakse dünaamilise tekstina *graafikavaates* (vt ka käsku *Pindala*).

Kaugus või pikkus

Tööriist annab kahe punkti vahelise kauguse, kahe sirge (või sirge osa) vahelise kauguse või punkti ja sirge (või sirge osa) vahelise kauguse arvulise väärtuse ja see esitatakse dünaamilise tekstina *graafikavaates*. Samuti leitakse lõigu või ringjoone pikkus ning hulknurga ümbermõõt (vt ka käske *Kaugus* ja *Pikkus*).

Liugur

Selleks, et tekitada liugurit arvu või nurga esitamiseks, klõpsake *graafikavaate* suvalisele vabale alale. Ekraanile ilmuvas dialoogiaknas saate määrata liuguri *nimetuse*, arvu või nurga muutumise *intervalli [min; max]* ning liuguri *kasvu, joonduse* ja *laiuse* (pikselites).

<u>Märkus</u>: *Liuguri* loomise dialoogiaknasse on võimalik intervalli ja kasvu jaoks sisestada sümboleid ° ja *pii* (π) järgmiste klahvikombinatsioonidega:

- *Alt*+*O* (Mac OS: *Ctrl*+*O*) kraadisümbol °;
- *Alt*+*P* (Mac OS: *Ctrl*+P) pii sümbol π.

Liuguri asukoht võib olla ekraaniga seotud ehk absoluutne (see tähendab, et liuguri asukohta ei mõjuta suumimine ja alati asub *graafikavaate* nähtaval alal) või koordinaatsüsteemist sõltuv ehk suhteline (vt vastava arvu või nurga *omaduste dialoogiaken*).

<u>Märkus</u>: GeoGebras on liugur *vaba arvu* või *vaba nurga* graafiline esitus. Liugurit on võimalik kergesti luua juba olemasoleva *vaba arvu või nurga* jaoks seda *graafikavaates* näidates (vt *paremaklahvimenüü*; vt tööriist [®] *Näita / peida objekt*).



See tööriist annab sirge (või sirge osa) tõusu ja seda illustreeriva kolmnurga *graafikavaates* (vt ka käsku *Tõus*).

2.2.11. Loogilise muutuja tööriist

Märkeruut objektide näitamiseks ja peitmiseks

Märkeruudu (vt paragrahvi *Loogilised muutujad ja loogikatehted*) loomiseks tuleb klõpsata *graafikavaatele*. Märkeruudu abil saab näidata ja peita üht või mitut objekti. Ekraanil avanevas dialoogiaknas saab määrata, milliseid objekte hakkab see märkeruut mõjutama. <u>Märkus</u>: Objekte saab valida/märgistada dialoogiaknas avanevas objektide loetelus või neile ükskõik millises vaates klõpsates.

2.2.12. Lookuse tööriist

Valige punkt *B*, mis sõltub mingist teisest punktist *A* ja mille lookust saab joonestada. Seejärel klõpsake punktile *A*, et luua punkti B lookus (vt ka käsku *Lookus*). <u>Märkus</u>: Punkt *A* peab olema mingi objekti punkt (nt punkt sirgel, lõigul või ringil).

<u>Näide</u>:

- Trükkige *sisendribale* $f(x) = x^2 2 x 1$ ja vajutage *Enter*-klahvile.
- Looge *x*-teljele uus punkt *A* (vt tööriista *Uus punkt*; vt käsku *Punkt*).
- Looge punktist A sõltuv punkt B = (x(A), f'(x(A))).
- Valige tööriist 🏹 *Lookus* ja klõpsake vastavalt punktile *B* ja seejärel punktile *A*.
- Lohistage punkti A mööda x-telge, et näha punkti B liikumas piki selle lookust.

2.2.13. Geomeetriliste teisenduste tööriistad

Järgnevaid geomeetrilisi teisendusi saab rakendada punktidele, sirgetele (või sirge osadele), koonuselõigetele, hulknurkadele ja piltidele.

Objekti homoteetsusteisendus punktist teguriga

Kõigepealt valige objekt, mida teisendada. Seejärel klõpsake punktile, mis on homoteetsusteisenduse keskpunktiks. Järgnevalt sisestage avanevasse dialoogiaknasse

homoteetsustegur (vt ka käsku Homoteetsusteisendus).



Kõigepealt valige peegeldatav objekt, seejärel sirge, mille suhtes peegeldada (vt ka käsku *Peegelda*).

Peegelda objekti punktist

Kõigepealt valige peegeldatav objekt. Seejärel klõpsake punktile, mille suhtes peegeldada (vt ka käsku *Peegelda*).

Peegelda punkti ringjoonest

Antud tööriist võimaldab peegeldada punkti ringjoonest. Kõigepealt märgistage punkt, mida peegeldada ning seejärel klõpsake ringjoonele, millest peegeldada (vt ka käsku *Peegelda*).

Pööra objekti antud nurga võrra ümber punkti

Kõigepealt märgistage pööratav objekt. Seejärel klõpsake punktile ümber mille pöörata (pöörde keskpunktile). Järgnevalt sisestage avanevasse dialoogiaknasse pöördenurga suurus (vt ka käsku *Pööre*).

🗭 Objekti lüke vektoriga

Kõigepealt märgistage objekt, mida lükata ning seejärel klõpsake vektorile (vt ka käsku LükeVektoriga).

2.2.14. Teksti lisamise tööriist

ABC Lisa tekst

Selle tööriistaga saab *graafikavaatesse* lisada nii staatilist kui ka dünaamilist teksti või LaTeX'i avaldisi (vt ka lõiku *Teksti käsud*).

Kõigepealt tuleb määrata teksti asukoht ühel järgneval moel:

- Klõpsake graafikavaates kohale, kuhu soovite uut teksti luua.
- Klõpsake punktile, kui soovite, et loodava teksti asukoht oleks sõltuvuses selle punkti asukohast.

Seejärel avaneb dialoogiaken, kuhu saate sisestada teksti.

<u>Märkus</u>: Teksti asukoht võib olla ekraaniga seotud (absoluutne) või sõltuda koordinaatide süsteemist. Seda saate määrata teksti *omaduste dialoogiakna* vahelehel *Üldine.*

Staatiline tekst ei sõltu ühestki matemaatilisest objektist ja reeglina muutused konstruktsioonis seda teksti ei mõjuta.

Dünaamiline tekst sisaldab objektide väärtuseid, mis objektide muutumisel automaatselt kohanduvad.

Segatekst on staatilise ja dünaamilise teksti kombinatsioon. Selleks, et segateksti luua, saab staatilise tekstiosa sisestada klaviatuuri abil (nt Punkt A =). Seejärel võite klõpsata objektil, mille väärtust soovite esitada dünaamilise tekstina.

<u>Märkus</u>: GeoGebra lisab automaatselt süntaksi ("Punkt A = " + A), mis on tarvilik segateksti loomiseks: jutumärgid ümbritsevad staatilist osa ja plussmärgid (+) ühendavad erinevaid teksti osasid.

Sisend	Kirjeldus
See on staatiline	Staatiline tekst
tekst	
А	Dünaamiline tekst (kui punkt A eksisteerib)
	Kaheosaline segatekst, mis kasutab punkti A
"Punkt $A = " + A$	väärtust
	Kolmeosaline segatekst, mis kasutab arvu a
"a = " + a + "cm"	väärtust

<u>Märkus</u>: Kui juba leidub objekt tähisega *xxx* ja teie soovite luua staatilist teksti, mis kasutab selle objekti tähist (nimetust), siis tuleb selle tähise ümber lisada jutumärgid ("xxx"). Vastasel korral annab GeoGebra automaatselt dünaamilise teksti, milleks on objekti *xxx* väärtus, mitte selle tähis. Suvalise teksti, mis ei ühti ühegi objekti tähisega, võib trükkida ilma jutumärkideta.

<u>Märkus</u>: Segatekstis peab staatiline osa asuma jutumärkide vahel. Erinevad tekstiosad (nt staatiline ja dünaamiline osa) tuleb ühendada plussmärkidega (+).

LaTeX'i avaldised

Programmis GeoGebra on võimalik kirjutada ka avaldisi. Selleks klõpsake tööriistaga ^{ABC} *Lisa tekst* avanevas dialoogiaknas asuvale märkeruudule *LaTeX'i avaldis* ja sisestage avaldis LaTeX'i süntaksis.

<u>Märkus</u>: Selleks, et luua LaTeX'i avaldisi sisaldavat teksti, tuleb sisestada teksti staatiline osa ja siis lisada LaTeX'i avaldis dollari sümbolite (\$) vahel.

<u>Näide</u>:Diagonaali pikkus on $\left\{ 2 \right\}$.

Mõningate enamkasutatavate sümbolite süntaksit on võimalik valida LaTeX'i märkeruudu

järel avanevast rippmenüüst. See lisab vastava LaTeX'i koodi tekstiväljale ja asetab kursori loogiliste sulgude vahele, kuhu saate juba sobiva infot sisestada. Kui soovite lisada dünaamilise teksti LaTeX'i avaldisse, siis klõpsake vastavale objektile ja GeoGebra lisab ise segatekstile vastava süntaksi.

Alljärgnevalt on toodud mõned tähtsamad LaTeX'i käsud ja nende selgitused. Lisainformatsiooni on võimalik leida igast LaTeX'i dokumentatsioonist.

LaTeX'i sisend	Tulemus
a \cdot b	$a \cdot b$
\frac{a}{b}	$\frac{a}{b}$
\sqrt{x}	\sqrt{x}
$\sqrt[n]{x}$	$\sqrt[n]{X}$
\vec{v}	\vec{v}
\overline{AB}	\overline{AB}
x^{2}	x^2
a_{1}	a_1
\sin\alpha + \cos\beta	$\sin \alpha + \cos \beta$
$int_{a}^{b} x dx$	$\int_{a}^{b} x dx$
$\sum_{i=1}^{n} i^2$	$\sum_{i=1}^{n} i^2$

2.2.15. Pildi lisamise tööriist



Selle tööriistaga on võimalik graafikavaatesse lisada pilt.

Kõigepealt määrake pildi asukoht ühel alltoodud viisil:

- Klõpsake graafikavaatele, et määrata pildi alumise vasaku nurga asukoht.
- Klõpsake punktile, et määrata just see punkt pildi alumiseks vasakuks nurgaks.

Seejärel avaneb dialoogiaken, kus saate valida teie arvutist lisatava pildi faili.

<u>Märkus</u>: Peale tööriista ***** *Lisa pilt* valimist on võimalik klahvikombinatsiooniga *Alt*+klõps kleepida pilt otse arvuti vahemälust *graafikavaatesse*.

Piltide omadused

Pildi **asukoht** võib olla ekraaniga seotud (absoluutne) või sõltuda koordinaatide süsteemist. Seda saab määrata pildi *omaduste dialoogiakna* vahelehel *Üldine*.

Pildil on võimalik määrata kuni kolm nurgapunkti. Seda saab teha pildi omaduste

dialoogiakna vahelehel *Asukoht*. See võimaldab pilti skaleerida, pöörata ja isegi moonutada (vt ka käsku *NurgaPunkt*).

- *Pildi nurk 1*: pildi alumise vasaku nurga asukoht;
- *Pildi nurk 2:* pildi alumise parema nurga asukoht;
 <u>Märkus</u>: Seda nurka on võimalik määrata üksnes siis, kui pildi 1. nurk on eelnevalt määratud. See võimaldab määrata pildi laiuse.
- *Pildi nurk 4*: pildi ülemise vasaku nurga asukoht.
 <u>Märkus</u>: Seda nurka on võimalik määrata ainult siis, kui pildi 1. nurk on eelnevalt määratud. See määrab pildi kõrguse.

<u>Näide</u>: Märgime joonestusväljale kolm punkti *A*, *B* ja *C* ning uurime nurgapunktide mõju pildile.

- Määrame punkti A pildi esimeseks nurgaks ja punkti B teiseks nurgaks. Lohistades punkte A ja B režiimis ^k Liiguta, saab nende mõju pildile kergesti uurida.
- Vabastame punkti B pildi teise nurgapunkti staatusest. Määrame punkti A esimeseks ja punkti C neljandaks pildi nurgaks. Sarnaselt eelmisele näitele saab uurida, kuidas nende punktide lohistamine pilti mõjutab.
- Lõpuks võib määrata kolm nurgapunkti ja vaadata, kuidas nende lohistamine pilti moonutab.

<u>Näide</u>: Eelnevalt nägime, kuidas mõjutada pildi asukohta ja suurust. Kui soovite paigutada pildi punkti *A* (alumine vasak nurk) ja määrata pildi laiuseks 3 ning kõrguseks 4 ühikut, siis võite toimida järgmiselt:

- Määrake *pildi nurk 1*: A
- Määrake *pildi nurk 2*: A + (3, 0)
- Määrake *pildi nurk 4*: A + (0, 4)

Märkus: Kui nüüd punkti A režiimis 🗟 Liiguta lohistada, siis pilt säilitab soovitud mõõtmed.

Pildi võib määrata joonestusvälja *taustapildiks* pildi *omaduste dialoogiakna* vahelehelt *Üldine*. Taustapilt asetseb koordinaatteljestiku taga ja seda ei saa hiljem enam hiirega valida. <u>Märkus</u>: Selleks, et pildi taustamääranguid muuta avage *menüüst Redigeeri* valik *Omadused...*.

Selleks, et (tausta)pildilt objekte või telgi paremini näha, võib muuta (tausta)pildi *läbipaistvaks*. Pildile saab määrata pildi *omaduste dialoogiakna* vahelehel *Stiil* täitevärvi protsendi vahemikus 0% kuni 100%.

3. Algebraline sisend

3.1. Üldised märkused

Matemaatiliste objektide algebralist esitust (nt väärtust, koordinaate, võrrandeid) näidatakse *algebravaates*. Objekte on võimalik lihtsasti modifitseerida *sisendrea* abil, mis asub GeoGebra akna allääres (vt lõike *Otsene sisend* ja *Käsud*).

<u>Märkus</u>: Alati tuleb peale algebralise sisendi *sisendreale* trükkimist vajutada *Enter*-klahvile.

<u>Märkus</u>: Iga kord, kui vajutatakse *Enter*-klahvile, vahetatakse aktiivseks kas *sisendriba* või *graafikavaade*. See võimaldab *sisendreale* sisestada avaldisi ja käskusid ilma sellele eelnevalt klõpsamata.

Objektide tähistamine

Objektile saab määrata konkreetse tähise, kui objekt luuakse *sisendriba* abil:

- *Punktid*: GeoGebras on punktid alati tähistatud suurte tähtedega. Sisendreale tuleb trükkida tähis (nt *A*, *P*) ja võrdusmärk koordinaatide või käskude ette.
 <u>Näited</u>: C = (2, 4), P = (1; 180°), Kompleks = 2 + i
- *Vektorid*: Selleks, et eristada punkte vektoritest, on vektorid tähistatud GeoGebras väiketähtedega. Jällegi tuleb sisendreale trükkida tähis (nt *v*, *u*) ja võrdusmärk koordinaatide või käskude ette.

<u>Näited</u>: v = (1, 3), u = (3; 90°), kompleks = 1 - 2i

- Sirged, ringjooned ja koonuselõiked: Neid objekte saab tähistada, kui sisendreale trükkida tähis, lisada koolon ning nende võrrandid või käsud.
 <u>Näited</u>: g: y = x + 3, c: (x-1)² + (y 2)² = 4, hüp: x² y² = 2
- Funktsioonid: Funktsioone saab tähistada, kui trükkida näiteks f(x) = või g(x) = funktsiooni avaldise või käskude ette.

<u>Näited</u>: h(x) = 2 x + 4, $q(x) = x^2$, trig(x) = sin(x)

<u>Märkus</u>:

- Kui te ise objektidele tähiseid ei määra, siis GeoGebra tähistab uued objektid tähestikulises järjekorras.
- Objektide tähistes on võimalik kasutada alaindekseid alakriipsu abil. Näiteks A₁ on sisestatud kui A_1 ning s_{AB} on sisestatud kui s_{AB}.

Väärtuste muutmine

Vabade objektide väärtuste muutmiseks on kaks võimalust:

 Muutke objekti väärtust sisestades selle tähise ja uue väärtuse sisendribale (vt lõiku Otsene sisend).

<u>Näide</u>: Kui soovite muuta juba olemasoleva arvu a = 3 väärtust, siis trükkige *sisendreale* näiteks a = 5 ja vajutage *Enter*-klahvile.

• *Redigeerige* objekti algebralist esitust: Aktiveerige tööriist ^k *Liiguta* ning tehke topeltklõps objektil *algebravaates*. Seejärel avaneb tekstiboks, kus saate objekti väärtust redigeerida. Vajutage *Enter*-klahvile, et soovitud muutus rakendada.

<u>Märkus</u>: Kui vabade objektide väärtuseid on võimalik otseselt muuta, siis sõltuvate objektide väärtuseid saab mõjutada üksnes muutes objekte, mille baasil need on loodud või sõltuvat objekti ennast *ümber defineerides*.

Sisendrea ajaloo näitamine

Peale kursori *sisendreale* viimist on võimalik klaviatuuril \uparrow *üles* ja \downarrow *alla* nooleklahve kasutades liikuda sammhaaval mööda eelnevaid sisendeid.

<u>Märkus</u>: Selleks, et kuvada *sisendrea abi*, klõpsake väikesel küsimärgil **2**, mis asub *sisendreast* vasakul.

Objekti tähise, väärtuse või definitsiooni lisamine sisendreale

Objekti tähise lisamine: Aktiveerige tööriist *Liiguta* ning märgistage objekt, mille tähist soovite lisada *sisendreale*. Seejärel vajutage klaviatuuri klahvile *F5*.

<u>Märkus</u>: Objekti tähis lisatakse sellisel kujul nagu selle trükkisite *sisendreale* enne klahvile *F5* vajutamist.

Objekti väärtuse lisamine: Objekti väärtuse (nt *(1, 3), 3x - 5y = 12*) *sisendreale* lisamiseks on kaks võimalust.

- Paremklöps (Mac OS: *Ctrl*+klöps) objektil ning valige avanevast paremaklahvimenüüst Z Kopeeri sisendreale.
- Aktiveerige tööriist ^k *Liiguta* ning märgistage objekt, mille väärtust soovite lisada *sisendreale*. Seejärel vajutage *F4*-klahvile.
 <u>Märkus</u>: Objekti väärtus lisatakse sellisel kujul nagu selle trükkisite *sisendreale* enne klahvile *F4* vajutamist.

Objekti definitsiooni lisamine: Objekti definitsiooni (nt A = (4, 2), c = Ringjoon[A, B]) *sisendreale* lisamiseks on kaks võimalust.

- *Alt*+klõps objektil lisab selle objekti definitsiooni *sisendreale* ja kustutab sellelt igasuguse sisendi, mis oli eelnevalt sinna trükitud.
- Aktiveerige tööriist ^k *Liiguta* ning märgistage objekt, mille definitsiooni soovite *sisendreale* sisestada. Seejärel vajutage *F3*-klahvile.

<u>Märkus</u>: Objekti definitsioon asendab iga avaldise, mille trükkisite *sisendreale* enne klahvile *F3* vajutamist.

3.2. Otsene sisend

GeoGebra opereerib arvude, nurkade, punktide, vektorite, lõikude, sirgete, koonuselõigete, funktsioonide ja parameetriliste kõveratega. Neid objekte saab sisestada *sisendribale* trükkides sinna koordinaadid või võrrandid ja vajutades *Enter*-klahvile.

3.2.1. Arvud ja nurgad

Arvud

Arve saab luua *sisendrea* abil. Kui trükite ainult arvu (nt 3), siis GeoGebra määrab ise väiketähe selle arvu tähiseks. Kui soovite anda arvule konkreetset tähist, siis trükkige tähis, seejärel võrdusmärk ja arv (nt looge kümnendmurd rtrükkides r = 5.32).

<u>Märkus</u>: GeoGebras kasutatakse arvude ja nurkade korral märki "." täisosa ja murdosa eraldajana.

Avaldistes ja arvutustes on võimalik kasutada ka konstanti π ja Euleri konstanti e. Neid saate valida *sisendrea* kõrval olevast rippmenüüst või kiirklahvide abil.

<u>Märkus</u>: Kui muutuja *e* pole veel mingi objekti tähisena kasutuses, siis GeoGebra loeb selle Euleri konstandiks, kui kasutate seda uutes avaldistes.

Nurgad

Nurki on võimalik sisestada nii *kraadides* (°) kui *radiaanides* (rad). Konstant π on kasulik just radiaanide korral ja seda on võimalik saada ka pi sisestades.

<u>Märkus</u>: Kraadi sümbolit (°) või pii sümbolit (π) saab järgmiste kiirklahvidega:

- Alt+O (Mac OS: Ctr/+O) kraadisümbol °;
- *Alt*+*P* (Mac OS: *Ctr*/+*P*) pii sümbol π.

<u>Näide</u>: Nurga α saate sisestada kraadides (nt $\alpha = 60^{\circ}$) või radiaanides (nt $\alpha = pi/3$).

<u>Märkus</u>: GeoGebra teeb kõik programmisisesed arvutused radiaanides. Sümbol ° tähendab konstanti $\pi/180$, millega korrutada kraadides antud nurka, et saada nurk radiaanides. <u>Näited</u>:

- Kui a = 30 on arv, siis α = a° muudab arvu a nurgaks α = 30° ilma selle väärtust muutmata.
- Kui trükite $b = \alpha / \circ$, siis nurk α muudetakse tagasi arvuks b = 30 ilma selle väärtust muutmata.

Liugurid ja nooleklahvid

Vabasid arve ja nurki võib graafikavaates esitada liuguril (vt tööriist ⁱ⁼² Liugur). Algebravaates võib arve ja nurkasid muuta ka nooleklahvide abil (vt lõiku Manuaalne animeerimine).

Muutumise intervall (väärtuste vahemik)

<u>Märkus</u>: Iga sõltuva nurga korral on võimalik *omaduste dialoogiakna* vahelehel *Üldine* määrata, kas see nurk võib muutuda ülinürinurgaks või mitte.

3.2.2. Punktid ja vektorid

Punkte ja vektoreid võib sisestada nii *rist*- kui ka *polaarkoordinaatide abil* (vt lõiku *Arvud ja nurgad*).

Märkus: Suurtähtedega tähistatakse punkte ja väiketähtedega vektoreid.

<u>Näited</u>:

- Punkti P või vektori v loomiseks ristkoordinaatides võib sisestada P = (1, 0) või v = (0, 5).
- Selleks, et kasutada polaarkoordinaate, tuleb trükkida näiteks P = (1; 0°) või
 v = (5; 90°).

<u>Märkus</u>: Selleks, et kahte polaarkoordinaati eraldada, kasutatakse semikoolonit. Kui kraadisümbolit ei trükita, siis GeoGebra käsitleb nurka kui radiaanides antud nurka.

GeoGebras on võimalik sooritada arvutusi punktide ja vektoritega.

<u>Näited</u>:

- Kahe punkti A ja B keskpunkt M on võimalik luua sisestades sisendribale
 M = (A + B) / 2
- Vektori v pikkust on võimalik arvutada sisestades pikkus = sqrt(v * v)

3.2.3. Sirged ja teljed

Sirged

Sirget saab sisestada *sisendribale* lineaarvõrrandiga x ja y kaudu või parameetriliste võrranditega. Mõlemal juhul saab võrrandis kasutada juba eelnevalt defineeritud muutujaid (nt arve, punkte, vektoreid).

<u>Märkus</u>: Sirge tähist on võimalik ise määrata, kui trükitakse sisendreale kõigepealt tähis, lisatakse koolon ja seejärel sirge võrrand.

<u>Näited</u>:

- Selleks, et sisestada sirge g lineaarvõrrandiga, trükkige g : 3x + 4y = 2.
- Defineerige parameeter t (nt t = 3) enne, kui sisestate sirge g parameetrilisel kujul g: X = (-5, 5) + t (4, -3).
- Defineerige parameetrid a = 2 ja b = -1 enne, kui sisestate sirge h võrrandi

telglõikudes h: y = a x + b.

Teljed

Kaks koordinaattelge on kasutatavad programmisiseste käskude xAxis ja yAxis abil.

<u>Näide</u>: Käsk Ristsirge[A, xAxis] konstrueerib *x*-teljega risuva sirge, mis läbib antud punkti *A*.

3.2.4. Koonuselõiked

Koonuselõiked sisestatakse x ja y kaudu (kahe muutuja) ruutvõrranditena. Seejuures on võimalik koonuselõike võrrandis kasutada eelnevalt defineeritud muutujaid (nt arve, punkte, vektoreid).

<u>Märkus</u>: Koonuselõike tähise võib trükkida sisendribale esimesena, lisada kooloni ja seejärel vastava võrrandi.

<u>Näited</u>:

- Ellips *ell*: ell: 9 x^2 + 16 y^2 = 144
- Hüperbool *hüp*: hüp: 9 x^2 16 y^2 = 144
- Parabool par: par: y^2 = 4 x
- Ringjoon *r1*: r1: x^2 + y^2 = 25
- Ringjoon r2: $r2: (x 5)^2 + (y + 2)^2 = 25$

<u>Märkus</u>: Kui eelnevalt defineerida kaks parameetrit a = 4 ja b = 3, siis on võimalik sisestada ellips kujul ell: $b^2 x^2 + a^2 y^2 = a^2 b^2$.

3.2.5. Funktsioon argumendiga x

Funktsioonide sisestamisel on võimalik kasutada eelnevalt defineeritud muutujaid (nt arve, punkte, vektoreid) ja teisi funktsioone.

<u>Näited</u>:

- Funktsioon f: $f(x) = 3 x^3 x^2$
- Funktsioon g: g(x) = tan(f(x))
- Tähiseta funktsioon: sin(3 x) + tan(x)

<u>Märkus</u> Kõiki programmisiseseid funktsioone (nt *sin, cos, tan*) kirjeldatakse lõigus *Programmisisesed funktsioonid ja operatsioonid.*

GeoGebras on võimalik kasutada ka käske funktsiooni integraali ja tuletise leidmiseks.

<u>Märkus</u>: Selleks, et leida eelnevalt defineeritud funktsiooni f(x) tuletisi, on võimalik kasutada käskusid f'(x) või f''(x),....

<u>Näide</u>: Kõigepealt defineerime funktsiooni f näiteks $f(x) = 3 x^3 - x^2$. Funktsiooni g on võimalik defineerida järgmiselt g(x) = cos(f'(x + 2)).
Lisavõimalusena saab funktsiooni graafikuid vektoriga lükata (vt käsku *LükeVektoriga*) ja *vaba funktsiooni* graafikut saab hiirega liigutada režiimis ^k *Liiguta*.

Lõigul määratud funktsioon

Selleks, et joonestada lõigul [a; b] määratud funktsiooni graafik, tuleb kasutada käsku *Funktsioon*.

3.2.6. Programmisisesed funktsioonid ja operatsioonid

Arvude, koordinaatide või võrrandite sisestamiseks (vt lõiku *Otsene sisend*) on võimalik kasutada programmisiseseid funktsioone ja operatsioone.

<u>Märkus</u>: Programmisiseste funktsioonide korral tuleb argument esitada sulgudes, seejuures ei tohi lisada tühikut funktsiooni tähise ja sulgude vahele.

Operatsioon / funktsioon	Sisend
liitmine	+
lahutamine	_
korrutamine	 või tühiku klahv
skalaarkorrutis	 või tühiku klahv
jagamine	/
astendamine	^ või 2
faktoriaal	!
Gamma funktsioon	gamma()
sulud	()
<i>x</i> -koordinaat	x()
<i>y</i> -koordinaat	у()
absoluutväärtus	abs()
signum funktsioon	sgn()
ruutjuur	sqrt()
kuupjuur	cbrt()
juhuslik arv 0 ja 1 vahel	random()
eksponentfunktsioon	exp() või e^{x}
logaritm (naturaallogaritm alusel <i>e</i>)	ln() või log()
logaritm alusel 2	ld()
logaritm alusel 10	lg()
koosinus	cos()
siinus	sin()
tangens	tan()

Operatsioon / funktsioon	Sisend
arkuskoosinus	acos()
arkussiinus	asin()
arkustangens	atan()
hüperboolne koosinus	cosh()
hüperboolne siinus	sinh()
hüperboolne tangens	tanh()
areakoosinus	acosh()
areasiinus	asinh()
areatangens	atanh()
suurim täisarv, mis on väiksem või võrdne	floor()
väikseim täisarv, mis on suurem või võrdne	ceil()
ümardamine	round()

3.2.7. Loogilised muutujad ja loogikatehted

GeoGebras on võimalik kasutada loogilisi muutujaid väärtustega "tõene" või "väär". Näiteks trükkige *sisendribale* a = true või b = false ja vajutage *Enter*-klahvile.

Märkeruut ja nooleklahvid

Vabasid loogilisi muutujaid saab esitada *graafikavaates* märkeruutudena (vt tööriista ^{III} *Märkeruut objektide näitamiseks ja peitmiseks*). Nooleklahvide abil on võimalik muuta loogilisi muutujaid ka *algebravaates* (vt lõiku *Manuaalne animeerimine*).

<u>Märkus</u>: Loogilisi muutujaid saab kasutada nagu arve (väärtustega 0 või 1). See võimaldab kasutada märkeruutu *animeeritud liuguri* korral animatsiooni peatamiseks ja alustamiseks (st dünaamilise kiiruse tekitamiseks). *Graafikavaates* näidatakse animeerimise nuppu ainult siis, kui seal on staatilise (st mittedünaamilise) kiirusega animeeritud liugur.

Loogikatehted

GeoGebras on võimalik kasutada järgmisi loogikatehteid ja tingimusi. Neid saab *sisendrea* järel avanevast rippmenüüst valida või klaviatuuri abil sisestada:

	Rippmenüüst	Klaviatuurilt	Näide	Objekti tüüp	
võrdne	<u>?</u> =	==	a≟b võia==b	arvud,	punktid,
				sirged	(või sirge
				osad), ko	oonuselõiked
				a, b	

	Rippmenüüst	Klaviatuurilt	Näide	Objekti tüüp	
mittevõrdne	¥	!=	a≠b või a!=b	arvud, punktid, sirged (või sirge osad), koonuselõiked <i>a</i> , b	
väiksem kui	<	<	a < b	arvud <i>a, b</i>	
suurem kui	>	>	a > b	arvud <i>a, b</i>	
väiksem või võrdne kui	≤	<=	a≤b või a<=b	arvud <i>a, b</i>	
suurem või võrdne kui	2	>=	a≥b või a>=b	arvud <i>a, b</i>	
ja	٨	&&	аЛb või а&& b	tõeväärtused <i>a, b</i>	
või	V	11	a V bvõia b	tõeväärtused <i>a, b</i>	
eitus	-	!	¬a või !a	tõeväärtus <i>a</i>	
paralleelne	11		a∥b	sirged (või sirge osad) <i>a, b</i>	
risti	1		a⊥b	sirged (või sirge osad) <i>a, b</i>	

3.2.8. Objektide loendid ja operatsioonid nendega

Selleks, et luua mitmest objektist koosnevat loendit (nt punktid, lõigud, ringid), tuleb kasutada loogelisi sulgusid.

<u>Näited</u>:

- Sisestades L = {A, B, C}, saate kolmest eelnevalt defineeritud punktist A, B ja C koosneva loendi.
- Sisestades L = {(0, 0), (1, 1), (2, 2)}, saate sisestatud nimetutest punktidest koosneva loendi.

Märkus: Vaikimisi loendi elemente graafikavaates ei näidata.

Loendite võrdlemine

Kahte loendit võib omavahel võrrelda järgmist süntaksit kasutades:

- loend1 == loend2: Kontrollitakse, kas kaks loendit on võrdsed ning tulemuseks antakse kas *true* (õige, loendid on võrdsed) või *false* (väär, loendid pole võrdsed).
- loend1 != loend2: Kontrollitakse, kas kaks loendit ei ole võrdsed ja tulemuseks antakse kas *true* (õige, loendid pole võrdsed) või *false* (väär, loendid on võrdsed).

Programmisiseste operatsioonide ja funktsioonide rakendamine loendite korral

<u>Märkus</u>: Alati, kui rakendate loenditele aritmeetilisi operatsioone ja programmisiseseid funktsioone, saate tulemuseks uue loendi.

Liitmise ja lahutamise näited:

- loend1 + loend2: Liidetakse kahe loendi vastavad elemendid.
 <u>Märkus</u>: Kaks loendit peavad olema ühe ja sama pikkusega.
- loend + arv: Antud arv liidetakse loendi igale elemendile.
- loend1 loend2: Esimese loendi elementidest lahutatakse teise loendi vastavad elemendid.

Märkus: Loendid peavad olema ühe ja sama pikkusega.

• loend - arv: Antud arv lahutatakse loendi igast elemendist.

Korrutamise ja jagamise näited:

- loend1 * loend2: Korrutatakse kahe loendi vastavad elemendid.
 <u>Märkus</u>: Kaks loendit peavad olema ühe ja sama pikkusega. Kui loendid on omavahel sobivad maatriksid, siis korrutatakse vastavad maatriksid.
- loend * arv: Loendi iga element korrutatakse antud arvuga.
- loend1 / loend2: Esimese loendi iga element jagatakse teise loendi vastava elemendiga.

Märkus: Kaks loendit peavad olema ühe ja sama pikkusega.

- loend / arv: Loendi iga element jagatakse antud arvuga.
- arv / loend: Arv jagatakse loendi iga elemendiga.

Funktsioonide kasutamise näited:

- loend^2: Loendi kõik elemendid tõstetakse ruutu.
- sin(loend): Siinusfunktsiooni rakendatakse loendi igale elemendile.

3.2.9. Maatriksid ja operatsioonid nendega

GeoGebras on võimalik kasutada maatrikseid, mis on esitatud loendite (maatriksi ridade) loendina.

Näide: GeoGebras loendite loend {{1, 2, 3}, {4, 5, 6}, {7, 8, 9}} väljendab maatriksit

- $\begin{bmatrix} 1 & 2 & 3 \end{bmatrix}$
- $\{4 \ 5 \ 6\}.$
- 7 8 9

Operatsioonid maatriksitega

Liitmise ja lahutamise näited:

- maatriks1 + maatriks2: Liidetakse kahe sama järku maatriksi vastavad elemendid.
- maatriks1 maatriks2: Esimese maatriksi elementidest lahutatakse teise maatriksi vastavad elemendid. Maatriksid peavad olema sama järku.

Korrutamise näited:

- maatriks * arv: Maatriksi iga element korrutatakse antud arvuga.
- maatriks1 * maatriks2: Maatriksite omavaheline korrutamine. <u>Märkus</u>: Esimese maatriksi ridades peab olema sama palju elemente, kui teise maatriksi veergudes.

<u>Näide</u>: {{1, 2}, {3, 4}, {5, 6}} * {{1, 2, 3}, {4, 5, 6}} annab maatriksi *{{9, 12, 15}, {19, 26, 33}, {29, 40, 51}}.*

• 2x2 maatriks * punkt (või vektor): Maatriks korrutatakse antud punkti või vektoriga ning tulemuseks antakse punkt.

<u>Näide</u>: { { 1, 2 }, { 3, 4 } } * (3, 4) annab punkti *A* = (11, 25).

• 3x3 maatriks * punkt (või vektor): Maatriks korrutatakse antud punkti või vektoriga ja tulemuseks antakse punkt.

<u>Näide</u>: {{1, 2, 3}, {4, 5, 6}, {0, 0, 1}} * (1, 2) annab punkti A = (8, 20).

<u>Märkus</u>: See on erijuht afiinsest teisendusest, kus kasutatakse homogeenseid koordinaate: (x, y, 1) punkti jaoks ja (x, y, 0) vektori jaoks. Antud näide on seepärast samaväärne korrutisega { $\{1, 2, 3\}, \{4, 5, 6\}, \{0, 0, 1\}\}$ * {1, 2, 1}.

Muud näited (vt ka lõiku Maatriksi käsud):

- Determinant[Maatriks]: Arvutatakse antud maatriksi determinant.
- Pöördmaatriks[Maatriks]: Leitakse antud maatriksi pöördmaatriks.
- Transponeeri[Maatriks]: Leitakse antud maatriksi transponeeritud maatriks.

3.2.10. Kompleksarvud ja operatsioonid nendega

GeoGebra ei toeta kompleksarve otseselt, aga kompleksarvudega operatsioonide simuleerimiseks saab kasutada punkte.

<u>Näide</u>: Kui sisestate *sisendribale* kompleksarvu 3 + 4i, siis tulemuseks saate punkti (3, 4) graafikavaates. Selle punkti koordinaatideks näidatakse *algebravaates 3 + 4i*.

<u>Märkus</u>: Igat punkti saab *algebravaates* esitada kompleksarvuna. Selleks avage punkti *omaduste dialoogiaken* ja määrake vahelehel *Algebra* rippmenüüst *Koordinaadid* valik *Kompleksarv*.

Kui muutuja *i* pole eelnevalt defineeritud, siis võetakse selleks järjestatud paar i = (0, 1) või kompleksarv 0 + 1i. See tähendab, et muutujat *i* saab kasutada kompleksarvude *sisendreale* sisestamisel (nt q = 3 + 4i).

Liitmise ja lahutamise näited:

- (2 + 1i) + (1 2i) annab kompleksarvu *3 1i*.
- (2 + 1i) (1 2i) annab kompleksarvu *1* + *3i*.

Korrutamise ja jagamise näited:

- (2 + 1i) * (1 2i) annab kompleksarvu *4 3i*.
- (2 + 1i) / (1 2i) annab kompleksarvu *0* + 1*i*.

<u>Märkus</u>: Tavaline korrutamine (2, 1)*(1, -2) annab kahe vektori skalaarkorrutise. <u>Muud näited</u>:

GeoGebras on võimalik tegeleda avaldistega, mis sisaldavad nii reaal- kui ka kompleksarve.

- 3 + (4 + 5i) annab kompleksarvu 7 + 5i.
- 3 (4 + 5i) annab kompleksarvu -1 5i.
- 3 / (0 + 1i) annab kompleksarvu *O 3i*.
- 3 * (1 + 2i) annab kompleksarvu *3 + 6i*.

3.3. Käsud

Käskudega saab luua uusi ja muuta olemasolevaid objekte.

<u>Märkus</u>: Käsu tulemusena loodud objekti on võimalik tähistada sisestades kõigepealt tähise ja seejärel võrdusmärgi "=". Järgnevas näites tähistatakse uus punkt tähega *S*.

<u>Näide</u>: Sirgete *g* ja *h* lõikepunkti leidmiseks tuleb sisestada S = Lõikepunkt[g, h] (vt käsku *Lõikepunkt*).

<u>Märkus</u>: Objektide tähistes on võimalik kasutada indekseid. Tähised A_1 või S_{AB} sisestatakse kujul A_1 või s_{AB}.

Automaatne käskude lõpetamine

Kui käsku parajasti trükitakse GeoGebra *sisendribale*, siis programm püüab automaatselt käsku ise lõpetada. See tähendab, et pärast seda, kui on trükitud *sisendribale* käsu kaks esimest tähte, esitab GeoGebra esimese käsu tähestikulises järjekorras sorteeritud käskudest, mis algavad nende kahe tähega.

- Selleks, et *nõustuda pakutud käsuga* ning asetada kursor nurksulgude vahele, tuleb vajutada *Enter*-klahvile.
- Kui pakutud käsk ei ole see, mida soovitakse trükkida, siis tuleb lihtsalt *jätkata trükkimist*. GeoGebra kohandab pakkumist vastavalt järgnevalt sisestatud tähtedele.

3.3.1. Üldised käsud

KonstruktsiooniSamm

```
KonstruktsiooniSamm[]: Väljastatakse konstruktsiooni protokollist käsiloleva sammu järjekorranumber.
```

KonstruktsiooniSamm[objekt]: Väljastatakse *konstruktsiooni protokollist* antud objekti järjekorranumber.

Kustuta

Kustuta[objekt]: Kustutatakse antud objekt ja kõik sellest objektist sõltuvad objektid. <u>Märkus</u>: Vaata ka tööriista *L Kustuta objekt*.

Võrdlus

Võrdlus[objekt a, objekt b]: Väljastatakse teateboks, milles näidatakse objektide a
ja b võrdlemise tulemus või omavaheline seos.

<u>Märkus</u>: Selle käsuga antakse teada, kas objektid on võrdsed, kas punkt asub sirgel (või selle osal) või koonuselõikel ning kas sirge on koonuselõike puutuja või hoopis lõikab koonuselõiget.

Märkus: Vaata ka tööriista ² Kahe objekti omavaheline võrdlus.

3.3.2. Loogilised käsud

KasOnDefineeritud

KasOnDefineeritud[objekt]: Väljastatakse *true (tõene)* või *false (väär)* sõltuvalt sellest, kas objekt on defineeritud või mitte.

KasOnTäisarv

KasOnTäisarv[arv]: Väljastatakse *true (tõene)* või *false (väär)* sõltuvalt sellest, kas arv on täisarv või mitte.

Kui

- Kui[tingimus, objekt]: Antakse koopia objektist, kui tingimuse väärtus on tõene ja tulemus on määramata, kui tingimuse väärtus on väär.
- Kui[tingimus, objekt a, objekt b]: Antakse koopia objektist a, kui tingimuse väärtus on tõene ja koopia objektist b, kui selle väärtus on väär.

3.3.3. Arvulised käsud

Alamsumma

Binoomkordaja

```
Binoomkordaja[arv n, arv k]: Arvutatakse binoomkordaja \binom{n}{k}.
```

Ekstsentrilisus

Ekstsentilisus[koonuselõige]: Arvutatakse koonuselõike (ellipsi ja hüperbooli) ekstsentrilisus.

<u>Märkus</u>: Ekstsentrilisus on koonuselõike sümmeetriakeskpunkti ja (ühe) fookuse vaheline kaugus.

FokaalpoolteljePikkus

FokaalpoolteljePikkus[koonuselõige]: Antakse koonuselõike fokaalpooltelje pikkus.

Integraal

Integraal[funktsioon, arv a, arv b]: Väljastatakse funktsiooni f(x) määratud
integraal lõigul [a; b].

<u>Märkus</u>: See käsk kujutab ka funktsiooni *f* graafiku ja *x*-telje vahelise ala, mille pindala vastav määratud integraal väljendab.

Integraal[funktsioon f, funktsioon g, arv a, arv b]: Väljastatakse

määratud integraal funktsioonide vahest f(x) - g(x) lõigul [a; b].

<u>Märkus</u>: See käsk kujutab ka funktsioonide *f* ja *g* graafikute vahelise ala, mille pindala vastav määratud integraal väljendab.

Märkus: Vaata ka käsku määramata integraali jaoks.

Iteratsioon

Iteratsioon[funktsioon, arv x0, arv n]: Funktsiooni f itereeritakse n korda
 võttes algväärtuseks x0 väärtuse.

<u>Näide</u>: Peale funktsiooni $f(x) = x^2$ defineerimist annab käsk Iteratsioon[f, 3, 2] tulemuseks $(3^2)^2 = 81$.

JagatiseTäisosa

JagatiseTäisosa[arv a, arv b]: Antakse arvu a jagamisel arvuga b tekkinud täisosa.

JoonePikkus

JoonePikkus[koonuselõige]: Väljastatakse ringjoone või ellipsi pikkus.

Juhusliku arvu käsud

JuhuslikBinoomjaotuseVäärtus[katsete arv n, tõenäosus p]: Genereeritakse juhuslik arv binoomjaotusest *n* katsega ja tõenäosusega *p*.

JuhuslikNormaaljaotuseVäärtus[keskväärtus, standardhälve]:

Genereeritakse juhuslik etteantud keskväärtuse ja standardhälbega normaaljaotuse väärtus.

JuhuslikPoissonijaotuseVäärtus[keskväärtus]: Genereeritakse juhuslik etteantud keskväärtusega Poissonijaotuse väärtus.

JuhuslikTäisarv[minimaalne täisarv, maksimaalne täisarv]: Genereeritakse juhuslik *minimaalse* ja *maksimaalse* täisarvu (kaasa arvatud) vaheline täisarv.

Jääk

Jääk[täisarv a, täisarv b]: Antakse arvu a jagamisel arvuga b tekkinud jääk.

Kaugus

Kaugus[punkt A, punkt B]: Antakse kahe punkti A ja B vaheline kaugus.

Kaugus[punkt, sirge]: Antakse punkti ja sirge (või selle osa) vaheline kaugus.

Kaugus[sirge g, sirge h]: Antakse sirgete (või nende osade) g ja h vaheline kaugus. <u>Märkus</u>: Lõikuvate sirgete (või nende osade) vaheline kaugus on 0. See käsk on eriti kasulik paralleelsete sirgete (või nende osade) korral.

<u>Märkus</u>: Vaata ka tööriista *Kaugus või pikkus*.

Kõverus

Kõverus[punkt, funktsioon]: Antakse funktsiooni kõverus antud punktis. Kõverus[punkt, kõver]: Antakse kõvera kõverus antud punktis.

Lihtsuhe

Lihtsuhe[punkt A, punkt B, punkt C]: Antakse kolme kollineaarse punkti A, B ja C lihtsuhte λ , kus $C = A + \lambda * AB$.

Liitsuhe

Liitsuhe[punkt A, punkt B, punkt C, punkt D]: Antakse nelja kollineaarse punkti A, B, C ja D liitsuhte λ , kus $\lambda = Lihtsuhe[B, C, D] / Lihtsuhe[A, C, D]$.

Miinimum ja maksimum

Min[arv a, arv b]: Antakse miinimum arvudest a ja b.
Max[arv a, arv b]: Antakse maksimum arvudest a ja b.

Parameeter

Parameeter[parabool]: Antakse parabooli parameeter, mis on parabooli suvalise punkti kaugus juhtjoonest ja fookusest.

Pikkus

Pikkus[vektor v]: Antakse vektori v pikkus.

Pikkus[punkt A]: Antakse punkti A kohavektori pikkus.

- Pikkus[funktsioon, punkt A, punkt B]: Antakse funktsiooni graafiku kahe punkti A ja B vahel asuva funktsiooni graafiku pikkus.

<u>Märkus</u>: Kui antud punktid ei asu funktsiooni graafikul, siis intervall määratakse nende punktide *x*-koordinaatide järgi.

- Pikkus[kõver, arv t1, arv t2]: Väljastatakse parameetriliste võrranditega antud kõvera sellise osa pikkus, mis on määratud parameetrite t1 ja t2 vaheliste väärtustega.
- Pikkus[kõver, punkt A, punkt B]: Väljastatakse parameetriliste võrranditega antud kõvera kahe punkti A ja B vahel asuva kõvera osa pikkus.

Pikkus[loend]: Väljastatakse loendi pikkus, milleks on loendi elementide arv.

<u>Märkus</u>: Vaata ka tööriista 🖉 *Kaugus või pikkus*.

Pindala

Pindala[punkt A, punkt B, punkt C, ...]: Antakse punktidega A, B, C ja ... defineeritud hulknurga pindala.

Pindala[koonuselõige]: Antakse koonuselõike pindala (ring või ellips).

<u>Märkus</u>:

- Selleks, et leida kahe funktsiooni graafiku vahelist pindala, tuleks kasutada käsku Integraal.
- Vaata ka tööriista *Pindala*.

Raadius

Raadius[ringjoon]: Antakse ringjoone raadius.

SÜT

SÜT[arv a, arv b]: Arvutatakse arvude *a* ja *b* suurim ühistegur. SÜT[arvude loend]: Arvutatakse arvude loendi suurim ühistegur.

TeisePoolteljePikkus

TeisePoolteljePikkus[koonuselõige]: Antakse koonuselõike teise pooltelje pikkus.

TeljeSamm

TeljeSammX[]: Väljastatakse x-teljel olevate kriipsude vahelise sammu pikkus. TeljeSammY[]: Väljastatakse y-teljel olevate kriipsude vahelise sammu pikkus. <u>Märkus</u>: Kasutades käske *NurgaPunkt* ja *Loend*, võimaldavad *TeljeSamm*-käsud luua kohandatud teljestiku (vt ka lõiku Koordinaatteljestiku ja ruudustiku kohandamine).

Trapetssumma

Trapetssumma[funktsioon, arv a, arv b, arv n]: Arvutatakse funktsiooni
trapetssumma lõigul [a, b], mis on määratud n trapetsiga.
<u>Märkus</u>: See käsk joonestab ka trapetssumma määravad trapetsid.

Tõus

Tõus[sirge]: Antakse sirge (või selle osa) tõus.

<u>Märkus</u>: See käsk joonestab samuti tõusu illustreeriva kolmnurga, mille suurust on võimalik muuta *omaduste dialoogiakna* vahelehel *Stiil*.

<u>Märkus</u>: Vaata ka tööriista 🗡 *Tõus*.

VÜK

VÜK[arv a, arv b]: Arvutatakse arvude *a* ja *b* väikseim ühiskordne. VÜK[arvude loend]: Arvutatakse arvude loendi väikseim ühiskordne.

Ülemsumma

Ülemsumma[funktsioon, arv a, arv b, arv n]: Arvutatakse funktsiooni ülemsumma lõigul *[a; b],* mis on määratud *n* ristkülikuga.

Märkus: See käsk joonestab ka ülemsumma määravad ristkülikud.

Ümbermõõt

Ümbermõõt[hulknurk]: Antakse hulknurga ümbermõõt.

3.3.4. Nurga käsud

Nurk

- Nurk[vektor v1, vektor v2]: Antakse kahe vektori $\vec{v_1}$ ja $\vec{v_2}$ vaheline nurk (0 kuni 360°).
- Nurk[sirge g, sirge h]: Antakse kahe sirge (või sirge osa) g ja h sihivektorite vaheline nurk (0 kuni 360°).
- Nurk[punkt A, punkt B, punkt C]: Antakse lõikude BA ja BC vaheline nurk (0 kuni 360°). Punkt B on nurga tipp.
- Nurk[punkt A, punkt B, nurk α]: Väljastatakse nurk suurusega α , mis on joonestatud punktist A ja tipuga B.

<u>Märkus</u>: Lisaks luuakse ka punkt *Pööre[A, α, B]*.

Nurk[koonuselõige]: Antakse koonuselõike fokaaltelje pöördenurk (vt käsku *Teljed*).

Nurk[vektor]: Antakse x-telje ja antud vektori vaheline nurk.

Nurk[punkt]: Antakse x-telje ja antud punkti kohavektori vaheline nurk.

Nurk[arv]: Antud arv teisendatakse nurgaks (tulemus on 0 kuni 2pi).

- Nurk[hulknurk]: Luuakse kõik antud hulknurga sisenurgad (vastupäeva). <u>Märkus</u>: Kui hulknurk on loodud vastupäevase punktide järjekorraga, siis see käsk annab hulknurga sisenurgad. Kui hulknurk on loodud päripäevase orientatsiooniga, siis antakse nurgad (360° - sisenurk).
- <u>Märkus</u>: Vaata ka tööriistu 🗳 *Nurk* ja 🗳 *Etteantud suurusega nurk*.

3.3.5. Punkti käsud

Ekstreemum

Ekstreemum[polünoom]: Antakse kõik polünomiaalse funktsiooni lokaalsed ekstreemumid punktidena selle graafikul.

Fookus

Fookus[koonuselõige]: Antakse koonuselõike (kõik) fookused.

Haripunkt

Haripunkt[koonuselõige]: Antakse koonuselõike (kõik) haripunktid.

Keskpunkt

Keskpunkt[punkt A, punkt B]: Väljastatakse punktide A ja B vahelise lõigu keskpunkt. Keskpunkt[lõik]: Väljastatakse lõigu keskpunkt. Märkus: Vaata ka tööriista • Keskpunkt.

Käänupunkt

Käänupunkt[polünoom]: Antakse polünomiaalse funktsiooni kõik käänupunktid selle graafikul.

Lõikepunkt

- Lõikepunkt[sirge g, sirge h]: Antakse sirgete (või sirgete osade) g ja h lõikepunkt.
- Lõikepunkt[sirge, koonuselõige]: Antakse sirge (või sirge osa) ja koonuselõike kõik lõikepunktid (max. 2).
- Lõikepunkt[sirge, koonuselõige, arv n]: Antakse sirge (või sirge osa) ja koonuselõike n-is lõikepunkt.
- Lõikepunkt[koonuselõige k1, koonuselõige k2]: Antakse koonuselõigete *k1* ja *k2* kõik lõikepunktid (max. 4).
- Lõikepunkt[koonuselõige k1, koonuselõige k2, arv n]: Antakse n-is
 koonuselõigete k1 ja k2 lõikepunkt.
- Lõikepunkt[polünoom f1, polünoom f2]: Antakse polünoomide *f1* ja *f2* kõik lõikepunktid.
- Lõikepunkt[polünoom f1, polünoom f2, arv n]: Antakse *n*-is polünoomide *f1* ja *f2* lõikepunkt.
- Lõikepunkt[polünoom, sirge]: Antakse polünoomi ja sirge (või sirge osa) kõik lõikepunktid.
- Lõikepunkt[polünoom, sirge, arv n]: Antakse polünoomi ja sirge (või sirge osa) *n*-is lõikepunkt.
- Lõikepunkt[funktsioon f, funktsioon g, punkt A]: Arvutatakse funktsioonide fja graafikute lõikepunkt algpunktiga A Newtoni meetodil.

Lõikepunkt[funktsioon f, sirge g, punkt A]: Arvutatakse funktsiooni fgraafiku ja sirge glõikepunkt algpunktiga A Newtoni meetodil.

<u>Märkus</u>: Vaata ka tööriista \nearrow *Kahe objekti lõikepunktid*.

Nullkohad

Nullkohad[polünoom]: Antakse polünoomi kõik nullkohad punktidena.

- Nullkohad[funktsioon, arv a]: Arvutatakse funktsiooni üks nullkoht alglähendiga *a* Newtoni meetodil.

NurgaPunkt

- NurgaPunkt[nurga number n]: Luuakse *graafikavaate* vastava nurga (*n = 1, 2, 3, 4*) punkt, mis tavaliselt nähtav ei ole.
- NurgaPunkt[pilt, nurga number n]: Luuakse pildi vastava nurga (n = 1, 2, 3, 4)
 punkt.
- NurgaPunkt[tekst, nurga number n]: Luuakse teksti vastava nurga (n = 1, 2, 3, 4)
 punkt.
- <u>Märkus</u>: Nurkade loendamine toimub vastupäevaselt ja alustatakse alumisest vasakust nurgast.

Punkt

Punkt[sirge]: Luuakse punkt sirgele (või selle osale).
Punkt[koonuselõige]: Luuakse punkt koonuselõikele.
Punkt[funktsioon]: Luuakse punkt funktsiooni graafikule.
Punkt[hulknurk]: Luuakse punkt hulknurka piiravale kinnisele murdjoonele.
Punkt[vektor]: Luuakse punkt antud vektorile.
Punkt[punkt, vektor]: Teostatakse punkti lüke antud vektoriga.
Märkus: Vaata ka tööriista • *Uus punkt*.

Raskuskese

Raskuskese[hulknurk]: Antakse hulknurga raskuskese.

SümmeetriaKeskpunkt

3.3.6. Vektori käsud

Kõverusvektor

Kõverusvektor[punkt, funktsioon]: Antakse funktsiooni kõverusvektor antud
 punktist.

Kõverusvektor[punkt, kõver]: Antakse kõvera kõverusvektor antud punktist.

RistuvVektor

RistuvVektor[sirge]: Antakse sirgega (või selle osaga) ristuv vektor.

<u>Märkus</u>: Sirgel, mis on määratud võrrandiga *ax + by = c,* on ristuvaks vektoriks *(a; b)*.

RistuvVektor[vektor v]: Antakse vektoriga v ristuv vektor.

<u>Märkus</u>: Vektoriga (a; b) ristuvaks vektoriks on (- b; a).

RistuvÜhikvektor

RistuvÜhikvektor[sirge]: Antakse sirgega (või selle osaga) ristuv vektor, mille pikkus on 1.

RistuvÜhikvektor[vektor]: Antakse antud vektoriga ristuv vektor, mille pikkus on 1.

Sihivektor

Sihivektor [sirge]: Antakse sirge (või sirge osa) sihivektor.

<u>Märkus</u>: Sirgel, mis on määratud võrrandiga ax + by = c, on sihivektoriks (b; - a).

Vektor

Vektor[punkt A, punkt B]: Luuakse vektor punktist A punkti B.
Vektor[punkt]: Luuakse antud punkti kohavektor.
<u>Märkus</u>: Vaata ka tööriista
 Kahe punkti vaheline vektor.

Ühikvektor

Ühikvektor[sirge]: Antakse sirge (või sirge osa) sihivektor, mille pikkus on 1. Ühikvektor[vektor]: Antakse antud vektoriga samasuunaline ja samasihiline vektor, mille pikkus on 1.

3.3.7. Lõigu käsud

Lõik

Lõik[punkt A, punkt B]: Luuakse kahe punkti A ja B vaheline lõik.

Lõik[punkt A, arv a]: Luuakse punktist A lähtuv lõik pikkusega a. <u>Märkus</u>: Luuakse ka lõigu lõpp-punkt.

Märkus: Vaata ka tööriistu 🖍 Kahe punkti vaheline lõik ja 🥍 Antud punktist lähtuv antud pikkusega lõik.

3.3.8. Kiire käsud

Kiir

Kiir[punkt A, punkt B]: Luuakse kiir alguspunktiga A ja läbi punkti B. Kiir[punkt, vektor v]: Luuakse kiir antud alguspunktiga ja sihivektoriga \vec{v} . <u>Märkus</u>: Vaata ka tööriista \checkmark Kiir kahe punktiga.

3.3.9. Hulknurga käsud

Hulknurk

Hulknurk[punkt A, punkt B, punkt C,...]: Luuakse antud punktidega A, B, C,... defineeritud hulknurk.

Hulknurk[punkt A, punkt B, arv n]: Luuakse *n*-tipuline korrapärane hulknurk, mille kaheks tipuks on punktid *A* ja *B*.

Märkus: Vaata ka tööriistu Þ Hulknurk ja Þ Korrapärane hulknurk.

3.3.10. Sirge käsud

Asümptoot

Asümptoot[hüperbool]: Antakse hüperbooli mõlemad asümptoodid.

Diameeter

Diameeter[sirge, koonuselõige]: Antakse koonuselõike diameeter, mis vastab
 etteantud sirgele g.

Diameeter[vektor, koonuselõige]: Antakse koonuselõike diameeter, mis vastab etteantud vektorile.

Fokaaltelg

Fokaaltelg[koonuselõige]: Antakse koonuselõike fokaaltelg.

Juhtjoon

Juhtjoon[parabool]: Antakse parabooli juhtjoon.

Keskristsirge

Keskristsirge[punkt A, punkt B]: Antakse lõigu AB keskristsirge. Keskristsirge[lõik]: Antakse lõigu keskristsirge. Märkus: Vaata ka tööriista × Lõigu keskristsirge.

Nurgapoolitaja

Nurgapoolitaja[punkt A, punkt B, punkt C]: Antakse punktide A, B ja C poolt defineeritud nurga poolitaja.

Märkus: Punkt B on nurga tipp.

Nurgapoolitaja[sirge g, sirge h]: Antakse sirgete (või nende osade) g ja h mõlemad nurgapoolitajad.

<u>Märkus</u>: Vaata ka tööriista < *Nurgapoolitaja*.

Polaar

Polaar[punkt, koonuselõige]: Luuakse punktile vastav koonuselõike polaar. <u>Märkus</u>: Vaata ka tööriista · *Polaar või kaasdiameeter*.

Puutuja

Puutuja[punkt, koonuselõige]: Luuakse (kõik) antud punktist joonestatud koonuselõike puutujad.

Puutuja[sirge, koonuselõige]: Luuakse (kõik) koonuselõike puutujad, mis on paralleelsed antud sirgega (või selle osaga).

Puutuja[arv a, funktsioon]: Luuakse funktsiooni graafiku puutuja kohal x = a.

Puutuja[punkt A, funktsioon]: Luuakse funktsiooni graafiku puutuja kohal x = x(A). Märkus: x(A) on punkti A x-koordinaat.

Puutuja[punkt, kõver]: Luuakse antud punktist joonestatud kõvera puutuja. Märkus: Vaata ka tööriista 🔑 Puutujad.

Ristsirge

Ristsirge[punkt, sirge]: Antakse sirge, mis läbib punkti ja ristub etteantud sirgega (või selle osaga).

Ristsirge[punkt, vektor v]: Antakse sirge, mis läbib punkti ja ristub vektoriga v. <u>Märkus</u>: Vaata ka tööriista $\stackrel{}{\rightarrow} Ristsirge$.

Sirge

Sirge[punkt A, punkt B]: Luuakse sirge läbi kahe punkti A ja B.

Sirge[punkt A, sirge]: Läbi punkti A luuakse sirge, mis on paralleelne etteantud sirgega (või selle osaga).

Sirge[punkt, vektor v]: Luuakse sirge läbi etteantud punkti sihivektoriga v. <u>Märkus</u>: Vaata ka tööriista $\sqrt{sirge kahe punktiga}$.

TeineTelg

TeineTelg[koonuselõige]: Antakse koonuselõike teine telg.

Teljed

Teljed[koonuselõige]: Antakse koonuselõike mõlemad teljed.

3.3.11. Koonuselõike käsud

Ellips

Ellips[punkt F, punkt G, arv a]: Luuakse ellips fookustega F ja G ning
fokaalpoolteljega, mille pikkus on a.

<u>Märkus</u>: Tingimus: 2*a* > *Kaugus[F, G]*.

- Ellips[punkt F, punkt G, lõik]: Luuakse ellips fookustega F ja G ning fokaalpooltelje pikkus on võrdne lõigu pikkusega.
- Ellips[punkt F, punkt G, punkt A]: Luuakse ellips fookustega F ja G ning ellips läbib punkti A.

Märkus: Vaata ka tööriista 🕑 Ellips.

Hüperbool

Hüperbool[punkt F, punkt G, arv a]: Luuakse hüperbool fookustega F ja G ja fokaalpooltelje pikkusega a.

<u>Märkus</u>: Tingimus: 0 < 2*a* < *Kaugus[F, G]*.

- Hüperbool[punkt F, punkt G, lõik]: Luuakse hüperbool fookustega F ja G ning fokaalpooltelje pikkus on võrdne antud lõigu pikkusega.
- Hüperbool[punkt F, punkt G, punkt A]: Luuakse hüperbool, mille fookusteks on F ja G ning hüperbool läbib punkti A.

<u>Märkus</u>: Vaata ka tööriista 😽 *Hüperbool*.

Koonuselõige

Koonuselõige[punkt A, punkt B, punkt C, punkt D, punkt E]: Luuakse koonuselõige läbi viie antud punkti A, B, C, D ja C.

<u>Märkus</u>: Kui neli punkti nendest asetsevad ühel ja samal sirgel, siis koonuselõige pole defineeritud.

<u>Märkus</u>: Vaata ka tööriista ^O *Koonuselõige viie punktiga*.

Parabool

Parabool[punkt F, sirge g]: Antakse parabool fookusega *F*ja juhtjoonega *g*. <u>Märkus</u>: Vaata ka tööriista <a> Parabool.

Puuteringjoon

- Puuteringjoon[punkt A, funktsioon]: Antakse punkti A joonestatud funktsiooni
 graafiku puuteringjoon.
- Puuteringjoon[punkt A, kõver]: Antakse punkti A joonestatud kõvera
 puuteringjoon.

Ringjoon

Ringjoon[punkt M, arv r]: Luuakse ringjoon keskpunktiga *M* ja raadiusega *r*.

- Ringjoon[punkt M, lõik]: Luuakse ringjoon keskpunktiga *M* ja raadiusega, mis on võrdne antud lõigu pikkusega.
- Ringjoon[punkt M, punkt A]: Luuakse ringjoon keskpunktiga *M* ja ringjoonel asuva punktiga *A*.
- Ringjoon[punkt A, punkt B, punkt C]: Luuakse ringjoon, mis läbib kolme etteantud punkti A, B ja C.

3.3.12. Funktsiooni käsud

Avalda

Avalda[funktsioon]: Avaldises avatakse sulud.

<u>Näide</u>: Käsk Avalda[(x + 3)(x - 4)²] annab $f(x) = x^3 - 5x^2 - 8x + 48$.

Funktsioon

- Funktsioon[funktsioon f, arv a, arv b]: Luuakse funktsioon, mis on lõigul [a; b]
 võrdne funktsiooniga fja pole väljaspool seda lõiku defineeritud.
- <u>Märkus</u>: Seda käsku peaks kasutama ainult selleks, et esitada funktsiooni graafik mingil lõigul.

<u>Näide</u>: Käsk $f(x) = Funktsioon[x^2, -1, 1]$ annab funktsiooni x^2 graafiku lõigul [-1, 1]. Kui järgnevalt sisestate sisendreale g(x) = 2 f(x), siis saate funktsiooni $g(x) = 2 x^2$, mis pole enam määratud üksnes lõigul [-1, 1].

Integraal

Integraal [funktsioon]: Leitakse antud funktsiooni määramata integraal. Märkus: Vaata ka käsku määratud integraali jaoks.

Lihtsusta

Lihtsusta[funktsioon]: Lihtsustab antud funktsiooni kui võimalik. Näited:

- Lihtsusta[x + x + x] annab funktsiooni f(x) = 3x.
- Lihtsusta[sin(x) / cos(x)] annab funktsiooni f(x) = tan(x).
- Lihtsusta[-2 sin(x) cos(x)] annab funktsiooni f(x) = sin(-2 x).

Polünoom

Polünoom[funktsioon]: Antakse lihtsustatud polünomiaalne funktsioon.

<u>Näide</u>: Käsk Polünoom[(x - 3)^2] annab $x^2 - 6x + 9$.

```
Polünoom[n punktist koosnev loend]: Luuakse (n-1)-astme interpolatsiooni-
polünoom, mis läbib antud punkte.
```

TayloriValem

```
TayloriValem[funktsioon, arv a, arv n]: Antakse funktsiooni arendus Taylori ritta kohal x = a astmega n.
```

Tegurda

```
Tegurda[polünoom]: Polünoom tegurdatakse.
```

```
<u>Näide</u>: Käsk Tegurda [x^2 + x - 6] annab f(x) = (x-2)(x+3).
```

Tingimuslikud funktsioonid

GeoGebras on võimalik kasutada loogilist käsku *Kui* tingimusliku funktsiooni loomiseks. <u>Märkus</u>: Selliste funktsioonide tuletisi ja integraale on võimalik hilisemas töös kasutada ning leida lõikepunkte nagu "normaalsete" funktsioonide korral.

<u>Näited</u>:

 $f(x) = Kui[x < 3, sin(x), x^2]$ annab funktsiooni, mis võrdub

- sin(x), kui x < 3 ja x^2 , kui $x \ge 3$.
- $a \stackrel{?}{=} 3 \land b \ge 0$ kontrollib, kas "*a* on võrdne 3 *ja b* on suurem või võrdne 0".

<u>Märkus</u>: Sümboleid tingimuslike avaldiste jaoks (nt ≟, ∧, ≥) leiate *sisendreast* paremal

asuvast rippmenüüst.

Tuletis

Tuletis[funktsioon]: Antakse funktsiooni tuletis.
Tuletis[funktsioon, arv n]: Antakse funktsiooni n-is tuletis.
<u>Märkus</u>: Käsu Tuletis[f] asemel võib kasutada käsku f'(x) ning käsu Tuletis[f, 2]
asemel vastavalt käsku f''(x) ja nii edasi.

3.3.13. Parameetrilise kõvera käsk

Kõver

Kõver[avaldis a1, avaldis a2, parameeter t, arv a, arv b]: Esitatakse ristkoordinaatides parameetriliste võrranditega esitatud kõver, mis on antud parameetrist t sõltuvate avaldistega a1 ja a2 (vastavalt x-koordinaadi ja ykoordinaadi jaoks) lõigul [a; b].

<u>Näide</u>: Sisend $c = K \tilde{o} ver[2 cos(t), 2 sin(t), t, 0, 2 pi]$ annab ringjoone raadiusega 2 ja keskpunktiga koordinaatteljestiku alguspunktis.

<u>Märkus</u>: Parameetriliste võrranditega esitatud kõveraid on võimalik kasutada programmisisestes funktsioonides ja aritmeetilistes operatsioonides.

<u>Näide</u>: Sisend c(3) väljastab punkti kõveral *c* parameetri väärtuse *3* korral.

<u>Märkus:</u> Hiirega on võimalik asetada mingi punkt režiimis/tööriistaga • *Uus punkt* või käsuga *Punkt* kõverale. Kuna *a* ja *b* väärtused on dünaamiliselt muudetavad, saab kasutada ka liugurit (vt tööriista <u>Liugur</u>).

Käsud, mis on kasutatavad parameetriliste kõverate korral

Kõverus[punkt, kõver]: Arvutatakse kõvera kõverus antud punktis.

Kõverusvektor[punkt, kõver]: Antakse kõvera kõverusvektor antud punktist.

- Pikkus[kõver, arv t1, arv t2]: Väljastatakse parameetriliste võrranditega antud kõvera sellise osa pikkus, mis on määratud parameetrite t1 ja t2 vaheliste väärtustega.
- Pikkus[kõver, punkt A, punkt B]: Väljastatakse parameetriliste võrranditega antud kõvera kahe punkti A ja B vahel asuva kõvera osa pikkus.
- Puuteringjoon[punkt A, kõver]: Antakse punkti A joonestatud kõvera puuteringjoon.
- Puutuja[punkt, kõver]: Luuakse antud punktist joonestatud kõvera puutuja.
- Tuletis[kõver]: Antakse parameetrilise kõvera tuletis.
- Tuletis[kõver, arv n]: Antakse parameetrilise kõvera n-is tuletis.

3.3.14. Kaare ja sektori käsud

<u>Märkus</u>: Kaare algebraliseks väärtuseks on selle pikkus ja sektori algebraliseks väärtuseks on selle pindala.

Kaar

Kaar[koonuselõige, punkt A, punkt B]: Antakse koonuselõike kahe punkti A ja B vaheline koonuselõike kaar.

Märkus: See käsk toimib ainult ringjoone ja ellipsi korral.

Kaar[koonuselõige, arv t1, arv t2]: Antakse koonuselõike kahe parameetri väärtuse t1 ja t2 vaheline kaar koonuselõike parameetrilise kuju korral:

<u>Märkus</u>: Kasutatakse järgmisi parameetrilisi kujusid:

- *Ringjoon: (r cos(t), r sin(t)),* kus *r* on ringjoone raadius.
- *Ellips: (a cos(t), b sin(t)),* kus *a* ja *b* on vastavalt fokaal- ja teise pooltelje pikkused.

Poolringjoon

Poolringjoon[punkt A, punkt B]: Luuakse poolringjoon, mille diameetriks on lõik AB.

<u>Märkus</u>: Vaata ka tööriista *Poolringjoon kahe punktiga*.

RingiSektor1

RingiSektor1[punkt M, punkt A, punkt B]: Antakse ringjoone kahe punkti A ja B ning ringjoone keskpunktiga *M* määratud ringi sektor.

<u>Märkus</u>: punkt *B* ei pea asuma ringjoone kaarel.

Märkus: Vaata ka tööriista 4 Ringi sektor keskpunkti ja kahe punktiga.

RingiSektor2

RingiSektor2[punkt A, punkt B, punkt C]: Antakse ringi sektor, mis on määratud ringjoone kolme punktiga *A*, *B* ja *C*. Punkt *A* on sektori kaare alguspunkt ja *C* selle lõpppunkt.

<u>Märkus</u>: Vaata ka tööriista 🖓 *Ringjoone sektor kolme punktiga*.

RingjooneKaar1

RingjooneKaar1[punkt M, punkt A, punkt B]: Antakse ringjoone, mille keskpunkt on *M*, punktide *A* ja *B* vahel asuv kaar.

Märkus: Punkt *B* ei pea asuma kaarel.

Märkus: Vaata ka tööriista 🕺 *Ringjoone kaar keskpunkti ja kahe punktiga*.

RingjooneKaar2

RingjooneKaar2[punkt A, punkt B, punkt C]: Antakse ringjoone kaar kolme ringjoone punktiga A, B ja C, kusjuures punkt A on kaare alguspunkt ja C lõpppunkt.

<u>Märkus</u>: Vaata ka tööriista 🖓 *Ringjoone kaar kolme punktiga*.

Sektor

Sektor[koonuselõige, punkt A, punkt B]: Antakse koonuselõike kahe punkti A ja Bvaheline sektor.

Märkus: See toimib ainult ringjoone ja ellipsi korral.

Sektor[koonuselõige, arv t1, arv t2]: Antakse koonuselõike parameetri kahe väärtusega t1 ja t2 määratud koonuselõike sektor koonuselõike parameetrilise kuju korral.

Märkus: Kasutatakse järgmisi parameetrilisi kujusid:

- *Ringjoon: (r cos(t), r sin(t)),* kus *r* on ringjoone raadius.
- *Ellips: (a cos(t), b sin(t)),* kus *a* ja *b* on vastavalt fokaal- ja teise pooltelje pikkused.

3.3.15. Teksti käsud

HarilikMurdTekstina

```
HarilikMurdTekstina[arv]: Arv teisendatakse harilikuks murruks ning see esitatakse
  (LaTeX'i) tekstina graafikavaates.
  <u>Näide</u>: Kui a: y = 1.5 x + 2 on sirge, siis HarilikMurdTekstina[Tõus[a]] annab
  murru 3/2 tekstilise objektina.
```

LaTeX

LaTeX[objekt]: Väljastatakse antud objekti valem LaTeX'i tekstina.

<u>Näide</u>: Kui a = 2 ja $f(x) = a x^2$, siis LaTeX[f] väljastab $2x^2$ (LaTeX'i tekstina).

```
LaTeX[objekt, tõeväärtus]: Väljastatakse objekti valem LaTeX'i tekstina.
Tõeväärtusmuutuja määrab, kas parameetri või muutuja väärtused asendatakse
(tõeväärtuseks on true) või mitte (tõeväärtuseks on false).
```

<u>Näited</u>: Kui a = 2 ja $f(x) = a x^2$, siis

LaTeX[f, true] väljastab $2x^2$ (LaTeX'i tekstina).

LaTeX[f, false] väljastab $a x^2$ (LaTeX'i tekstina).

Objekt

Objekt[objekti tähis tekstina]: Väljastatakse antud tähisega objekt. Tulemuseks on alati sõltuv objekt.

Märkus: Käsk Objekt on vastandkäsuks käsule Tähis.

<u>Näide</u>: Kui punktid *A1*, *A2*, ..., *A20* eksisteerivad ja liugur n = 2, siis Objekt["A" + n] annab koopia punktist *A2*.

Tekst

Tekst[objekt]: Väljastatakse objekti valem tekstina.

Märkus: Väikemäärangutes muutujate väärtused asendatakse.

<u>Näide</u>: Kui a = 2 ja $c = a^2$, siis Tekst[c] väljastab teksti "4".

Tekst[objekt, tõeväärtus]: Väljastatakse objekti valem tekstina. Tõeväärtusega saab määrata, kas parameetite või muutujate väärtused asendatakse (tõeväärtus *true*) või mitte (tõeväärtus *false*).

<u>Näide</u>: Kui a = 2 ja $c = a^2$, siis

Tekst[c, true] väljastab teksti "4".

Tekst[c, false] väljastab teksti " a^2 ".

- Tekst[objekt, punkt]: Väljastatakse objekti valem tekstina antud punkti asukohta. <u>Näide</u>: Tekst["tere", (2, 3)] annab teksti "tere" asukohta *(2, 3)*.
- Tekst[objekt, punkt, tõeväärtus]: Väljastatakse objekti valem tekstina antud punkti asukohta. Tõeväärtusmuutuja määrab, kas parameetri või muutuja väärtused asendatakse (tõeväärtus *true*) või mitte (tõeväärtus *false*).

TekstiUnicode

<u>Näited</u>:

- TekstiUnicode["Mingi tekst"] annab järgmise Unicode' arvude loendi {77, 105, 110, 103, 105, 32, 116, 101, 107, 115, 116}.
- Kui *tekst1* on *"tere"*, siis TekstiUnicode[tekst1] annab Unicode' arvude loendi {116, 101, 114, 101}.

TekstTabelina

TekstTabelina[loend 1, loend 2, loend 3,...]: Luuakse tekstiline tabel, mis koosneb objektide loenditest.

Märkus: Vaikemäärangutes esitatakse iga loend tabeli uues reas.

<u>Näited</u>:

- TekstTabelina[{x^2, 4}, {x^3, 8}, {x^4, 16}] loob tekstilise tabeli, kus on kolm rida ja kaks veergu. Kõik tabeli elemendid on joondatud vasakule.
- TekstTabelina[Loend[i², i, 1, 10]] loob tekstilise tabeli, milles on üks rida. Kõik elemendid on joondatud vasakule.
- TekstTabelina[loend 1, loend 2, loend 3,..., "teksti joondus"]: Luuakse tekstiline tabel, mis sisaldab objektide loendeid. Vajaduse korral saab lisada "teksti joonduse", mille abil muudetakse tekstilise tabeli orientatsiooni ja joondust. <u>Märkus</u>: Võimalikud väärtused on "vl", "vc", "vr", "v", "h", "hl", "hc", "hr". Vaikemääranguks on "hl".
 - "v" = vertikaalne, st loendid on tabeli veergudeks
 - "h" = horisontaalne, st loendid on tabeli ridadeks
 - "I" = vasakpoolne joondus
 - "r" = parempoolne joondus
 - "c" = joondatud keskele

<u>Näited</u>:

- TekstTabelina[{1,2,3,4}, {1,4,9,16}, "v"] luuakse tekst, milles on kaks tulpa ja neli rida ning kõik elemendid on joondatud vasakule.
- TekstTabelina[{1,2,3,4}, {1,4,9,16}, "h"] luuakse tekst, milles on kaks rida ja neli tulpa ning kõik elemendid on joondatud vasakule.
- TekstTabelina[{11.2,123.1,32423.9,"234.0"},"vr"] luuakse ühetulbaline tekst, mille elemendid on joondatud paremale.

TäheUnicode

TäheUnicode["täht"]: Väljastab antud tähe Unicode' arvu.

Märkus: Täht peab olema jutumärkide vahel.

<u>Näide</u>: TäheUnicode["a"] väljastab arvu 97.

Tähis

Tähis[objekt]: Väljastatakse objekti tähis tekstilisel kujul graafikavaatesse.

<u>Märkus</u>: Kasutage seda käsku dünaamilises tekstis nende objektide korral, mida võib ümber nimetada. Käsk *Tähis* on vastandkäsuks käsule *Objekt*.

UnicodeTekstina

UnicodeTekstina[täisarvude loend]: Väljastatakse täisarvulisele Unicode' arvudele
 loendile vastavad tähed, mis moodustavad tekstilise objekti.
 <u>Näide</u>: UnicodeTekstina[{116, 101, 114, 118, 105, 116, 117, 115}]
 annab teksti "tervitus".

UnicodeTähena

UnicodeTähena[täisarv]: Väljastatakse täisarvulisele Unicode' arvule vastav täht, mis esitatakse tekstilise objektina *graafikavaates*. <u>Näide</u>: UnicodeTähena[97] annab teksti "a".

3.3.16. Lookuse käsk

Lookus

Lookus[punkt Q, punkt P]: Väljastatakse punkti *Q*lookus, mis sõltub punktist *P*. <u>Märkus</u>: Punkt *P* peab olema mingi objekti (nt sirge, lõik, ringjoon) punkt. Märkus: Vaata ka tööriista *S Lookus*.

3.3.17. Loendi käsud

EemaldaMittedefineeritudObjektid

```
EemaldaMittedefineeritudObjektid[loend]: Antud loendist eemaldatakse
    mittedefineeritud objektid.
```

<u>Näide</u>: EemaldaMittedefineeritudObjektid[Loend[(-1)^i, i, -3, -1, 0.5]] eemaldab loendi teise ja neljanda elemendi, kuna neis leidub mittetäisarvuline aste, mis pole defineeritud.

Element

Element[loend, arv n]: Antakse loendi n-is element.

<u>Märkus</u>: Loend saab sisaldada ainult üht ja sama tüüpi objekte (nt ainult arvud või ainult punktid).

Esimene

Esimene[loend]: Väljastatakse loendi esimene element.

Esimene[loend, elementide arv n]: Väljastatakse uus loend, mis koosneb antud loendi esimesest n elemendist.

IteratsiooniLoend

IteratsiooniLoend[funktsioon, arv x0, arv n]:

Väljastatakse (*n+1*)-elemendiline loend, mille elementideks on funktsiooni itereerimise tulemused alates algväärtusest *xO*.

<u>Näide</u>: Peale funktsiooni $f(x) = x^2$ defineerimist annab käsk

L = IteratsiooniLoend[f, 3, 2] loendi L = {3, 9, 81}.

JärjestaVastupidiselt

JärjestaVastupidiselt[loend]: Antud loend järjestatakse vastupidiselt.

JätaAlles

JätaAlles[tingimus, loend]: Luuakse uus loend, mis sisaldab ainult neid antud loendi elemente, mis rahuldavad antud tingimust.

<u>Näide</u>: JätaAlles[x<3, {1, 2, 3, 4, 1, 5, 6}] annab uue loendi {1, 2, 1}.

Korrutis

Korrutis[arvude loend]: Arvutatakse antud loendi kõigi elementide korrutis.

Lisa

Lisa[objekt, loend, positsioon]: Antud objekt lisatakse loendile etteantud asukohta.

<u>Näide</u>: Lisa[x^2, {1, 2, 3, 4, 5}, 3] lisab x^2 antud loendi kolmandaks elemendiks ning väljastab loendi {1, 2, x^2 , 3, 4, 5}.

Märkus: Kui positsioon on negatiivne arv, siis positsiooni loetakse paremalt.

<u>Näide</u>: Lisa[x², {1, 2, 3, 4, 5}, -1] lisab x^2 antud loendi lõppu ja väljastab loendi {1, 2, 3, 4, 5, x^2 }.

Lisa[loend 1, loend 2, positsioon]: Kõik *loendi1* elemendid lisatakse *loendile2* etteantud asukohta.

<u>Näide</u>: Lisa[{11, 12}, {1, 2, 3, 4, 5}, 3] lisab *loendi1* elemendid kolmandale positsioonile (ja sealt edasi) *loendisse2* ning väljastatakse loend *{1, 2, 11, 12, 3, 4, 5}*.

Märkus: Kui positsioon on negatiivne, siis asukohta hakatakse määrama paremalt.

<u>Näide</u>: Lisa[{11, 12}, {1, 2, 3, 4, 5}, -2] lisab *loendi1* elemendid *loendi2* viimase elemendi ette ja tulemuseks saadakse loend *{1, 2, 3, 4, 11, 12, 5}*.

LisaElement

```
LisaElement[loend, objekt]: Objekt lisatakse loendi lõppu.
Näide: LisaElement[{1, 2, 3}, 4] annab {1, 2, 3, 4}.
```

```
LisaElement[objekt, loend]: Objekt lisatakse loendi algusesse.
Näide: LisaElement[4, {1, 2, 3}] annab {4, 1, 2, 3}.
```

Loend

Loend[avaldis, muutuja i, arv a, arv b]: Väljastatakse loend, mille elemendid luuakse antud avaldise ning muutuja /alusel, mis muutub arvust *a* arvuni *b*. <u>Näide</u>: L = Loend[(2, i), i, 1, 5] annab punktide loendi, mille *y*-koordinaat

muutub arvust 1 arvuni 5: L = {(2, 1), (2, 2), (2, 3), (2, 4), (2, 5)}.

Loend[avaldis, muutuja i, arv a, arv b, kasv]: Väljastatakse loend, mille elemendid luuakse antud avaldise ning muutuja /alusel, mis muutub arvust a arvuni b antud kasvuga.

<u>Näide</u>: L = Loend[(2, i), i, 1, 3, 0.5] loob punktide loendi, mille *y*-koordinaat muutub arvust 1 arvuni 3 antud kasvuga 0.5:

 $L = \{(2, 1), (2, 1.5), (2, 2), (2, 2.5), (2, 3)\}.$

Märkus: Kuna parameetrid a ja b on dünaamilised, siis on siin võimalik kasutada ka *liugurit*.

Loenda

Loenda[tingimus, loend]: Loendatakse antud loendi elementide arv, mis rahuldavad antud tingimust.

<u>Näited</u>:

- Loenda[x < 3, {1, 2, 3, 4, 5}] annab arvu 2.
- Loenda[x<3, A1:A10], kus *A1:A10* on arvutustabeli lahtrite vahemik, loendab kõik lahtrid, mille väärtused on väiksemad kui 3.

Max

Max[loend]: Väljastatakse antud loendi maksimaalne element.

Min

Min[loend]: Väljastatakse antud loendi minimaalne element.

Pikkus

 $\verb!Pikkus[loend]: V"aljastatakse loendi pikkus, milleks on selle loendi elementide arv.$

Sorteeri

Sorteeri[loend]: Arvude, tekstiliste objektide ja punktide loendid sorteeritakse.

Märkus: Punktide loend sorteeritakse x-koordinaadi järgi.

<u>Näited</u>:

- Sorteeri[{3, 2, 1}] annab loendi {1, 2, 3}.
- Sorteeri[{"pirnid", "õunad", "apelsinid"}] annab loendi, mille elemendid on tähestikuliselt järjestatud.
- Sorteeri[{(3, 2), (2, 5), (4, 1)}] annab {(2, 5), (3, 2), (4, 1)}.

Summa

Summa[loend]: Arvutatakse antud loendi kõigi elementide summa.

<u>Märkus</u>: Antud käsk toimib arvude, punktide, vektorite, tekstiliste objektide ja funktsioonide korral.

<u>Näited</u>:

- Summa [{1, 2, 3}] annab arvu *a* = 6.
- Summa [{x^2, x^3}] annab $f(x) = x^2 + x^3$.
- Summa[Loend[i,i,1,100]] annab arvu *a = 5050*.
- Summa [{ (1, 2), (2, 3) }] annab punkti A = (3, 5).
- Summa [{ (1, 2), 3 }] annab punkti *B* = (4, 2).
- Summa[{"a","b","c"}] annab teksti *"abc"*.

Summa[loend, elementide arv n]: Arvutatakse antud loendi esimese n elemendi
summa.

<u>Märkus</u>: Antud käsk toimib arvude, punktide, vektorite, tekstiliste objektide ja funktsioonide korral.

<u>Näide</u>: Summa[{1, 2, 3, 4, 5, 6}, 4] annab arvu a = 10.

Viimane

Viimane[loend]: Väljastab antud loendi viimase elemendi.

Viimane[loend, elementide arv n]: Väljastatakse uus loend, mis koosneb antud loendi viimasest n elemendist.

Võta

Võta[loend, algpositsioon m, lõpppositsioon n]: Väljastatakse loend, mis sisaldab antud loendi elemente, mis asuvad positsioonist m (kaasaarvatud) kuni positsioonini n (kaasaarvatud).

Ühend

Ühend[loend 1, loend 2]: Kaks loendit ühendatakse ja eemaldatakse korduvad elemendid.

Ühenda

Ühenda[loend 1, loend 2, ...]: Ühendatakse kaks (või enam) loendit.

<u>Märkus</u>: Uus loend sisaldab kõiki esialgsete loendite elemente, isegi siis, kui need on võrdsed. Uue loendi elementide järjekorda ei muudeta.

<u>Näide</u>: Ühenda[{5, 4, 3}, {1, 2, 3}] annab loendi {*5, 4, 3, 1, 2, 3*}. Ühenda[loendite loend]: Alamloendid ühendatakse üheks loendiks.

<u>Märkus</u>: Uus loend sisaldab kõiki esialgsete loendite elemente, isegi siis, kui need on võrdsed. Uue loendi elementide järjekorda ei muudeta. Näited:

- Ühenda [{ { 1, 2 } }] annab loendi *{ 1, 2 }*.
- Ühenda[{{1, 2, 3}, {3, 4}, {8, 7}}] annab loendi {1, 2, 3, 3, 4, 8, 7}.

Ühisosa

Ühisosa[loend 1, loend 2]: Väljastatakse uus loend, mis koosneb kõikidest sellistest elementidest, mis on nii esimeses kui teises loendis.

3.3.18. Geomeetriliste teisenduste käsud

Homoteetsusteisendus

- Homoteetsusteisendus [punkt A, arv f, punkt S]: Punkt A teisendatakse homoteetsuskeskpunktist S teguriga f.
- Homoteetsusteisendus [sirge, arv f, punkt S]: Sirge (või selle osa)
 teisendatakse homoteetsuskeskpunktist S teguriga f.
- Homoteetsusteisendus [koonuselõige, arv f, punkt S]: Koonuselõige teisendatakse homoteetsuskeskpunktist *S* teguriga *f*.
- Homoteetsusteisendus [hulknurk, arv f, punkt S]: Hulknurk teisendatakse homoteetsuskeskpunktist *S* teguriga *f*.

<u>Märkus</u>: Luuakse ka uued tipud ja punktid.

Homoteetsusteisendus [pilt, arv f, punkt S]: Pilt teisendatakse punktist *S* teguriga *f*.

Märkus: Vaata ka tööriista 🧨 Objekti homoteetsusteisendus punktist teguriga.

LükeVektoriga

LükeVektoriga[punkt, vektor]: Punkti lükatakse antud vektoriga. LükeVektoriga[sirge, vektor]: Sirge (või sirge osa) lükatakse antud vektoriga. LükeVektoriga[koonuselõige, vektor]: Koonuselõige lükatakse antud vektoriga. LükeVektoriga[funktsioon, vektor]: Funktsiooni graafikut lükatakse antud vektoriga.

LükeVektoriga[hulknurk, vektor]: Hulknurka lükatakse antud vektoriga.

Märkus: Luuakse ka uued tipud ja lõigud.

LükeVektoriga[pilt, vektor]: Pilti lükatakse antud vektoriga. LükeVektoriga[vektor, punkt]: Vektor lükatakse antud punkti. Märkus: Vaata ka tööriista 🌾 Objekti lüke vektoriga.

Peegelda

Peegelda[punkt A, punkt B]: Punkt A peegeldatakse punktist B.
Peegelda[sirge, punkt]: Sirge (või selle osa) peegeldatakse antud punktist.
Peegelda[koonuselõige, punkt]: Koonuselõige peegeldatakse antud punktist.
Peegelda[hulknurk, punkt]: Hulknurk peegeldatakse antud punktist.

Märkus: Luuakse ka uued tipud ja lõigud.

Peegelda[pilt, punkt]: Pilt peegeldatakse antud punktist.

Peegelda[punkt, sirge]: Punkt peegeldatakse antud sirgest (või selle osast).

Peegelda[sirge g, sirge h]: Sirge (või selle osa) g peegeldatakse sirgest (või selle osast) h.

Peegelda[hulknurk, sirge]: Hulknurk peegeldatakse sirgest (või selle osast).

Märkus: Luuakse ka uued tipud ja lõigud.

Peegelda[pilt, sirge]: Pilt peegeldatakse sirgest (või selle osast).

Peegelda[punkt, ringjoon]: Punkt peegeldatakse ringjoonest.

<u>Märkus</u>: Vaata ka tööriistu • *Peegelda objekti punktist;* • *Peegelda objekti sirgest;* • *Peegelda punkti ringjoonest.*

Pööre

Pööre[punkt, nurk]: Punkt pööratakse antud nurga võrra ümber koordinaatteljestiku
alguspunkti.

Pööre[vektor, nurk]: Vektor pööratakse antud nurga võrra ümber selle alguspunkti.

- Pööre[sirge, nurk]: Sirge (või selle osa) pööratakse antud nurga võrra ümber koordinaatteljestiku alguspunkti.
- Pööre[koonuselõige, nurk]: Koonuselõige pööratakse antud nurga võrra ümber koordinaatteljestiku alguspunkti.
- Pööre[hulknurk, nurk]: Hulknurk pööratakse antud nurga võrra ümber koordinaatteljestiku alguspunkti.

Märkus: Luuakse ka uued tipud ja lõigud.

Pööre[pilt, nurk]: Pilt pööratakse antud nurga võrra ümber koordinaatteljestiku alguspunkti.

Pööre[punkt A, nurk, punkt B]: Punkti A pööratakse antud nurga võrra ümber punkti B.

Pööre[sirge, nurk, punkt]: Sirge (või selle osa) pööratakse antud nurga võrra ümber punkti.

Pööre[vektor, nurk, punkt]: Vektor pööratakse antud nurga võrra ümber punkti.

- Pööre[koonuselõige, nurk, punkt]: Koonuselõige pööratakse antud nurga võrra ümber punkti.
- Pööre[hulknurk, nurk, punkt]: Hulknurk pööratakse antud nurga võrra ümber
 punkti.

Märkus: Luuakse ka uued tipud ja lõigud.

Pööre[pilt, nurk, punkt]: Pilt pööratakse antud nurga võrra ümber punkti. Märkus: Vaata ka tööriista * Pööra objekti antud nurga võrra ümber punkti.

3.3.19. Statistika käsud

Dispersioon

Dispersioon[arvude loend]: Arvutatakse antud loendi elementide dispersioon.

Histogramm

Histogramm[klassipiiride loend, kõrguste loend]: Luuakse histogramm, mille tulpade kõrgused tuleb loendina ette anda. Klassipiirid määravad histogrammi iga tulba asukoha ja laiuse.

<u>Näide</u>: Histogramm[{0, 1, 2, 3, 4, 5}, {2, 6, 8, 3, 1}] loob viie etteantud kõrguse tulbaga histogrammi. Esimese tulp asub lõigul [*0, 1*], teine tulp asub lõigul [*1, 2*] ja nii edasi.

Histogramm[klassipiiride loend, algandmete loend]: Algandmeid kasutades luuakse histogramm. Klassipiirid määravad histogrammi iga tulba asukoha ja laiuse ning neid kasutatakse selleks, et määrata mitu elementi asub igas klassis. Näide: Histogramm[{1, 2, 3, 4}, {1.0, 1.1, 1.1, 1.2, 1.7, 2.2,

2.5, 4.0}] loob 3-tulbalise histogrammi, kusjuures esimese tulba kõrgus on 5, teisel tulbal 2 ja kolmandal 1.

Karpdiagramm

Karpdiagramm[y-nihe, y-skaala, algandmete loend]: Antud algandmeid kasutades luuakse karpdiagramm, mille vertikaalset asendit koordinaatteljestikus saab määrata muutuja y-nihe abil ja mille kõrgust mõjutab muutuja y-skaala. <u>Näide</u>:Karpdiagramm[0, 1, {2,2,3,4,5,5,6,7,7,8,8,8,9}]

- Karpdiagramm[y-nihe, y-skaala, algväärtus a, alumine kvantiil Q1, mediaan, ülemine kvantiil Q3, lõppväärtus b]: Antud statistiliste andmete põhjal luuakse karpdiagramm antud lõigul [a, b].
- Märkus: Eesti keeles nimetatakse seda diagrammi ka karp-vurrud-diagrammiks.

Keskväärtuse käsud

Keskväärtus[arvude loend]: Arvutatakse antud loendi elementide keskväärtus.

- KeskväärtusX[punktide loend]: Arvutatakse antud loendi punktide *x*-koordinaatide keskväärtus.
- KeskväärtusY[punktide loend]: Arvutatakse antud loendi punktide y-koordinaatide keskväärtus.

Korrelatsioonikordaja

- Korrelatsioonikordaja[x-koordinaatide loend, y-koordinaatide loend]:
 Antud x- ja y-koordinaate kasutades arvutatakse (lineaarne- ehk Pearsoni)
 korrelatsioonikordaja.
- Korrelatsioonikordaja[punktide loend]: Antud punktide koordinaate kasutades arvutatakse (lineaarne ehk Pearsoni) korrelatsioonikordaja.

Kovariatsioon

- Kovariatsioon[arvude loend 1, arvude loend 2]: Antud kahe loendi elementide põhjal arvutatakse nende vaheline kovariatsioon.
- Kovariatsioon[punktide loend]: Antud punktide *x* ja *y*-koordinaatide põhjal arvutatakse nende vaheline kovariatsioon.

Kvantiilide käsud

Q1[arvude loend]: Määratakse antud loendi elementide alumine ehk 1. kvantiil. Q3[arvude loend]: Määratakse antud loendi elementide ülemine ehk 3. kvantiil.

Mediaan

Mediaan[arvude loend]: Leitakse antud loendi elementide mediaan.

Mood

Mood[arvude loend]: Leitakse antud loendi elementide mood (moodid).

<u>Näited</u>:

- Mood[{1,2,3,4}] annab tühja loendi {}.
- Mood[{1,1,1,2,3,4}] annab loendi {1}.
- Mood[{1,1,2,2,3,3,4}] annab loendi *{1, 2, 3}*.

Normaaljaotus

Normaaljaotus[keskväärtus μ , standardhälve σ , muutuja väärtus x]: Arvutatakse funktsiooni $\Phi((x - \mu) / \sigma)$ väärtus, kus Φ on standardnormaaljaotuse N(0,1) jaotusfunktsioon.

<u>Märkus</u>: Väljastatakse tõenäosus antud *x*-koordinaadi väärtuse esinemiseks (või tihedusfunktsiooni aluse ala pindala vasakult kuni antud *x*-koordinaadini).

Pöördnormaaljaotus

Pöördnormaaljaotus[keskväärtus μ , standardhälve σ , tõenäosus P]: Arvutatakse funktsioon $\Phi^{-1}(P) * \sigma + \mu$ väärtus, kus Φ^{-1} on standardnormaaljaotuse N(0,1) jaotusfunktsiooni pöördfunktsioon.

Märkus: Väljastatakse etteantud tõenäosusega esinev x-koordinaat.

Regressioonisirge

Regressioonisirge[punktide loend]: Antud punktide loendi jaoks arvutatakse regressioonisirge (yregressioon xjärgi).

RegressioonisirgeX[punktide loend]: Antud punktide loendi jaoks arvutatakse regressioonisirge (*x* regressioon *y* järgi).

Märkus: Vaata ka tööriista 🧨 Regressioonisirge.

Regressiooniga seotud käsud

RegressioonikõverEksp[punktide loend]: Arvutatakse eksponentsiaalne regressioonikõver.

RegressioonikõverLog[punktide loend]: Arvutatakse logaritmilisel kujul olev regressioonikõver.

LogistilineKõver[punktide loend]: Arvutatakse regressioonikõver järgmisel kujul: *a/(1+b x^(-kx))*.

<u>Märkus</u>: Esimene ja viimane andmepunkt peaksid asetsema kõverale küllaltki lähedal. Loendis peaks olema vähemalt kolm punkti, aga soovitavalt rohkem.

- Regressioonipolünoom[punktide loend, polünoomi aste n]: Arvutatakse regressioonipolünoom, mille kõrgeim aste on *n*.
- RegressioonikõverAstme[punktide loend]: Arvutatakse regressioonikõver järgmisel kujul: $a x^{b}$.

Märkus: Kõik punktid peavad asetsema koordinaatteljestiku esimeses veerandis.

RegressioonikõverSin[punktide loend]: Arvutatakse regressioonikõver järgmisel kujul: a + b sin(cx + d).

<u>Märkus</u>: Loend peaks sisaldama vähemalt 4 punkti, aga soovitavalt rohkem. Punktide loendis peaks sisalduma vähemalt kaks ekstreemumpunkti.

Sigma käsud

SigmaXX[arvude loend]: Arvutatakse antud arvude ruutude summa.

<u>Näide</u>: Dispersiooni leidmiseks võite kasutada järgmist sisendit SigmaXX[loend]/Pikkus[loend] – Keskväärtus[loend]^2.

SigmaXY[x-koordinaatide loend, y-koordinaatide loend]: Arvutatakse x- ja ykoordinaatide korrutiste summa.

SigmaXY[punktide loend]: Arvutatakse x- ja y-koordinaatide korrutiste summa.

<u>Näide</u>: Punktide loendi kovariatsiooni leidmiseks võite kasutada järgmist sisendit SigmaXY[loend]/Pikkus[loend] - KeskväärtusX[loend] * KeskväärtusY[loend].

SigmaYY[punktide loend]: Arvutatakse antud punktide y-koordinaatide ruutude
 summa.

Standardhälve

Standardhälve[arvude loend]: Arvutatakse antud arvude loendi standardhälve.

Statistiliste suuruste käsud

Sxx[arvude loend]: Arvutatakse $\Sigma(x^2) - \Sigma(x) * \Sigma(x)/n$.

Sxx[punktide loend]: Antud punktide *x*-koordinaate kasutades arvutatakse $\Sigma(x^2) - \Sigma(x) * \Sigma(x)/n$.

Sxy[arvude loend, arvude loend]: Arvutatakse $\Sigma(xy) - \Sigma(x) * \Sigma(y)/n$.

Sxy[punktide loend]: Arvutatakse $\Sigma(xy) - \Sigma(x) * \Sigma(y)/n$.

Syy[punktide loend]: Antud punktide γ -koordinaate kasutades arvutatakse $\Sigma(\gamma^2) - \Sigma(\gamma) * \Sigma(\gamma)/n$.

<u>Märkus</u>: Ülaltoodud suurused on lihtsalt normaliseerimata kujul X-i ja Y-i dispersioon ja kovariatsioon.

<u>Näide</u>: Etteantud punktide loendi korral on võimalik korrelatsioonikordajat leida ka järgmiselt

Sxy[punktide loend] / sqrt(Sxx[punktide loend] Syy[punktide loend]).

Tulpidagramm

Tulpdiagramm[algväärtus, lõppväärtus, kõrguste loend]: Antud vahemikus luuakse tulpdiagramm, milles tulpade arv määratakse kõrguste loendi elementide arvuga.

<u>Näide</u>: Tulpdiagramm[10, 20, {1,2,3,4,5}] luuakse etteantud kõrguste ja viie tulbaga tulpdiagramm lõigul [*10, 20*].

- Tulpdiagramm[algväärtus a, lõppväärtus b, avaldis, muutuja k, arvust c, arvuni d]: Luuakse tulpdiagramm antud lõigul [a, b]. Tulpade kõrgused arvutatakse antud avaldise alusel, kusjuures muutuja k muutub arvust c arvuni d. <u>Näide</u>: Kui p = 0.1, q = 0.9 ja n = 10 on arvud, siis Tulpdiagramm[-0.5,n+0.5,Binoomkordaja[n,k]*p^k*q^(n-k),k,0,n] annab tulpdiagrammi lõigul [-0.5, n+0.5]. Tulpade kõrgused sõltuvad tõenäosustest, mis arvutatakse antud avaldise põhjal.
- Tulpdiagramm[algväärtus a, lõppväärtus b, avaldis, muutuja k, arvust c, arvuni d, sammu pikkus s]: Luuakse tulpdiagramm lõigul [a, b]. Tulpade kõrgused arvutatakse antud avaldise alusel, kusjuures k muutub arvust c arvuni d sammu pikkusega s.
- Tulpdiagramm[algandmete loend, tulpade laius]: Antud algandmete põhjal luuakse antud laiusega tulpadega tulpdiagramm.

<u>Näide</u>: Tulpdiagramm[{1,1,1,2,2,2,2,2,3,3,3,5,5,5,5}, 1]

Tulpdiagramm[andmete loend, sageduste loend]: Kasutades andmete loendit ja
vastavaid andmete esinemise sagedusi luuakse tulpdiagramm.

<u>Märkus</u>: Andmete loend peab olema selline loend, milles iga element (va esimene element) on kindla konstandi võrra eelmisest suurem.

<u>Näited</u>:

- Tulpdiagramm[{10,11,12,13,14}, {5,8,12,0,1}]
- Tulpdiagramm[{5, 6, 7, 8, 9}, {1, 0, 12, 43, 3}]
- Tulpdiagramm[{0.3, 0.4, 0.5, 0.6}, {12, 33, 13, 4}]

Tulpdiagramm[andmete loend, sageduste loend, tulpade laius]: Kasutades andmete loendit ja vastavaid andmete esinemise sagedusi luuakse etteantud laiuste tulpadega tulpdiagramm.

<u>Märkus</u>: Andmete loend peab olema selline loend, milles iga element (va esimene) on kindla konstandi võrra eelmisest suurem.

<u>Näited</u>:

- Tulpdiagramm[{10,11,12,13,14}, {5,8,12,0,1}, 0.5] jätab tühikud tulpade vahele.
- Tulpdiagramm[{10,11,12,13,14}, {5,8,12,0,1}, 0] annab sirglõikdiagrammi.
3.3.20. Arvutustabeli käsud

LahtriteVahemik

```
LahtriteVahemik[alglahter, lõpplahter]: Luuakse vastavas lahtrite vahemikus
asuvatest elementidest koosnev loend.
<u>Näide</u>: Sisestage järgmised väärtused vastavatesse arvutustabeli lahtritesse:
A1 = 1, A2 = 4, A3 = 9, B1 = 4, B2 = 5, B3 = 6.
LahtriteVahemik[A1, A3] annab seejärel loendi {1, 4, 9}.
LahtriteVahemik[A1, B2] annab seejärel loendi {1, 4, 4, 5}.
```

Rida

Rida[arvutustabeli lahter]: Väljastatakse selle rea number, milles antud lahter asub.

<u>Näide</u>: Rida[B3] annab arvu a = 3.

Veerg

<u>Näide</u>: Veerg[B3] annab arvu *a* = 2, kuna veerg *B* on tabeli teine veerg.

VeeruPealkiri

VeeruPealkiri[arvutustabeli lahter]: Väljastatakse selle veeru pealkiri, milles antud lahter asub (tekstilisel kujul). <u>Näide</u>: VeeruPealkiri[A1] annab teksti "A" graafikavaatesse.

3.3.21. Maatriksi käsud

Determinant

```
Determinant[maatriks]: Arvutatakse antud maatriksi determinant.
```

```
<u>Näide</u>: Determinant [ { \{1, 2\}, \{3, 4\} } ] annab vastuseks arvu a = -2.
```

Pöördmaatriks

```
Pöördmaatriks[maatriks]: Väljastatakse etteantud maatriksi pöördmaatriks.
<u>Näide</u>: Pöördmaatriks[{{1, 2}, {3, 4}}] annab maatriksi
{{-2, 1}, {1.5, -0.5}}.
```

Transponeeri

```
Transponeeri[maatriks]: Väljastatakse etteantud maatriksi transponeeritud maatriks.
<u>Näide</u>: Transponeeri[{{1, 2}, {3, 4}}] annab maatriksi {{1, 3}, {2, 4}}.
```

4. Menüüd

4.1. Menüü FAIL

🕒 Uus aken

Kiirklahv: Ctrl+N (Mac OS: Cmd+N)

Selle menüüvalikuga saab avada uue GeoGebra akna, mis on GeoGebra kasutajaliidese vaikesätete ehk vaikemäärangutega.

<u>Märkus</u>: Kui muudate mõningaid neist sätetest ja *salvestate* need, siis uus avanev GeoGebra aken on *kohandatud sätetega*.

Uus

Antud menüüvalikuga saab avada uue ja tühja kasutajaliidese samasse GeoGebra aknasse. Eelnevalt küsitakse, kas soovite juba olemasolevat konstruktsiooni enne uue kasutajaliidese avamist salvestada.

<u>Märkus</u>: Uus kasutajaliides on samade sätetega, mis olid eelneval konstruktsioonil. Näiteks kui koordinaatteljestik oli enne menüüvaliku *Uus* valimist peidetud, siis teljed on peidetud ka avanevas uues kasutajaliideses.

🕒 Ava...

Kiirklahv: Ctr/+O (Mac OS: Cmd+O)

Antud menüüvalik võimaldab avada juba arvutis olemasolevat GeoGebra faili (faili laiendiks on GGB).

Märkus: GeoGebra faili avamiseks piisab ka selle hiirega lohistamisest GeoGebra aknasse.

🖹 Salvesta

Kiirklahv: Ctr/+S (Mac OS: Cmd+S)

Antud menüüvalik võimaldab käsiloleva konstruktsiooni salvestada arvutisse GeoGebra failina (faili laiendiks on GGB).

<u>Märkus</u>: Kui fail oli juba eelnevalt salvestatud, siis see salvestatakse üle, kusjuures faili nimi jääb samaks.

Salvesta nimega...

Antud menüüvalik võimaldab käsilolev konstruktsioon salvestada GeoGebra failina (faili laiendiks on GGB). Enne salvestamist palutakse sisestada GeoGebra faili uus nimi.

Prindi eelvaade

Kiirklahv: Ctr/+P (Mac OS: Cmd+P)

See menüüvalik avab *graafikavaate* jaoks *prindi eelvaate* akna. Lisaks on võimalik seal määrata töö pealkiri, autor, kuupäev ja prinditava ala skaala (sentimeetrites).

<u>Märkus</u>: Kui vajutate pärast lisaandmete sisestamist *Enter*-klahvile, siis uuendatakse prindi eelvaadet.

Ekspordi- \overline *Dünaamiline tööleht veebilehena* (html)...

Kiirklahv: Ctrl+Shift+W (Mac OS: Cmd+Shift+W)

Antud menüüvalik võimaldab käsiloleva konstruktsiooni eksportida veebileheks (HTML) st võimaldab luua nn *dünaamilise töölehe*.

Rohkem infot saate lõigust Interaktiivsete veebilehtede loomine.

Ekspordi - 🔜 Graafikavaade pildina (png, eps)...

Kiirklahv: Ctrl+Shift+P(Mac OS: Cmd+Shift+P)

See menüüvalik võimaldab salvestada GeoGebra *graafikavaate* arvutisse pildifailina. Ilmuvas dialoogiaknas saab määrata pildi *vormingu*, muuta pildi *skaalat* (sentimeetrites) ja *resolutsiooni* (punktides).

Graafikavaate eksportimisel pildina saab valida järgmiste vormingute vahel:

 PNG – Portable Network Graphics: See on pikselgraafika vorming. Mida suurem on resolutsioon (dpi), seda parem on kvaliteet (300 dpi on tavaliselt piisav). PNGgraafika korral ei tohiks neid faile graafika kvaliteeti silmas pidades hiljem enam skaleerida. PNG-graafika failid sobivad hästi veebilehtede jaoks (html) ja tekstitöötlus-dokumentides kasutamiseks.

<u>Märkus</u>: Kui lisate PNG-graafika faili nt Wordi dokumenti (*Lisa, Pilt, Failist*), siis veenduge eelnevalt, et pildi suuruseks on seatud 100 %. Vastasel korral võib skaala (sentimeetrites) muutuda.

 EPS – Encapsulated Postscript: See on vektorgraafika vorming, milles võib pilte skaleerida ilma kvaliteedi langust kartmata. EPS-graafika failid sobivad hästi kasutamiseks vektorgraafika programmides nagu Corel Draw ja profesionaalses tekstitöötlusprogrammis nagu LaTeX.

EPS-graafika resolutsioon on alati 72dpi. Seda väärtust kasutatakse ainult selleks, et arvutada pildi tegelikku suurust sentimeetrites ja ei avalda mõju pildi kvaliteedile.

<u>Märkus</u>: EPS-vormingus pole võimalik teostada hulknurkade ja koonuselõigete täitevärvi läbipaistvaks muutmist.

 PDF – Portable Document Format (vaata eelnevalt kirjeldatud EPS-vormingut) <u>Märkus</u>: SVG ja PDF vormingus eksportimisel on võimalik eksportida tekst redigeeritava teksti või kujundina. Siis säilitatakse tekst kas tekstina (see võimaldab teksti hiljem redigeerida näiteks programmiga InkScape) või Bézieri kõveratena (mis garanteerib selle, et tekst näeb välja täpselt samasugune ka siis, kui kasutatud font pole arvutisse installeeritud).

- SVG Scaleable Vector Graphic (vaata eelnevalt kirjeldatud EPS-vormingut)
- EMF Enhanced Meta Format (vaata eelnevalt kirjeldatud EPS-vormingut)

Ekspordi - 🗐 Graafikavaade lõikepuhvrisse

Kiirklahv: Ctrl+Shift+C(Mac OS: Cmd+Shift+C)

Antud menüüvalik kopeerib *graafikavaate* arvuti lõikepuhvrisse. Seejärel on lihtsasti võimalik seda kleepida teistesse dokumentidesse (nt tekstitöötlusdokumenti).

Ekspordi - Graafikavaade PSTricksina...

Kiirklahv: Ctrl+Shift+T (Mac OS: Cmd+Shift+T)

See menüüvalik võimaldab salvestada *graafikavaadet* PSTricks-pildifailina, mis on LaTeX'i pildivorming.

Ekspordi - Graafikavaade PGF/TikZna.....

See menüüvalik võimaldab salvestada *graafikavaadet* PGF/TikZ-pildifailina, mis on LaTeX'i pildivorming.

🔟 Sulge

Kiirklahv: Alt+F4 (Mac OS: Cmd+W)

Antud menüüvalik sulgeb GeoGebra akna. Kui enne valiku *Sulge* valimist konstruktsiooni ei salvestatud, siis küsitakse, kas seda soovitakse teha.

4.2. Menüü REDIGEERI

혓 Võta tagasi

<u>Kiirklahv</u>: *Ctrl+Z* (Mac OS: *Cmd+Z*) See menüüvalik võimaldab võtta sammhaaval tagasi tehtud tegevused. <u>Märkus</u>: Samuti on võimalik kasutada nuppu

ल Tee uuesti

<u>Kiirklahv</u>: *Ctrl*+ Y (Mac OS: *Cmd*+*Shift*+*Z*) Selle menüüvalikuga saab sammhaaval tegevused uuesti sooritada. <u>Märkus</u>: Samuti on võimalik kasutada nuppu [№] *Tee uuesti,* mis asub *tööriistariba* paremal pool.

🖉 Kustuta

Kiirklahv: Delete-klahv

Sellega saab kustutada valitud ehk märgistatud objekte ja neist objektidest sõltuvaid objekte.

<u>Märkus</u>: Kõigepealt tuleb need objektid, mida soovite kustutada, valida (nt kasutades valikuristkülikut).

Vali kõik

Kiirklahv: Ctrl+A (Mac OS: Cmd+A)

Selle menüüvalikuga saab valida ehk märgistada kõik konstruktsioonis kasutatud objektid.

Vali praegune kiht

Kiirklahv: Ctrl+L (Mac OS: Cmd+L)

Antud menüüvalik võimaldab valida ehk märgistada kõik objektid, mis on juba valitud objektiga samas kihis.

<u>Märkus</u>: Selleks, et seda võimalust kasutada, tuleb kõigepealt valida üks objekt, mis asub soovitud kihis.

Vali järgmised

Kiirklahv: Ctrl+Shift+Q (Mac OS: Cmd+Shift+Q)

See menüüvalik võimaldab valida ehk märgistada kõik objektid, mis sõltuvad juba valitud objektist.

Märkus: Selleks, et seda menüüvalikut kasutada, tuleb kõigepealt valida üks objekt.

Vali eelmised

Kiirklahv: Ctr/+Q

See menüüvalik võimaldab valida ehk märgistada kõik need objektid, mille baasil on juba valitud objekt loodud, st valitakse kõik need objektid, millest see objekt sõltub. <u>Märkus</u>: Selleks, et seda menüüvalikut kasutada, tuleb kõigepealt valida sõltuv objekt.

🗐 Graafikavaade lõikepuhvrisse

Kiirklahv: Ctrl+Shift+C(Mac OS: Cmd+Shift+C)

See menüüvalik kopeerib *graafikavaate* arvuti lõikepuhvrisse. Seejärel on seda pilti lihtne kleepida teistesse dokumentidesse (nt tekstitöötlusdokumenti).

Omadused...

<u>Kiirklahv</u>: *Ctrl+E* (Mac OS: *Cmd+E*) See menüüvalik avab *omaduste dialoogiakna*, mis võimaldab muuta kõikide GeoGebra failis kasutatud objektide omadusi.

4.3. Menüü VAADE

⊥ Teljed

See menüüvalik võimaldab *graafikavaates* asuvaid koordinaattelgi näidata või peita. <u>Märkus</u>: Selleks, et koordinaattelgi kohandada, tuleks kasutada *graafikavaate omaduste dialoogiakent*.

🗮 Ruudustik

See menüüvalik võimaldab *graafikavaates* asuvat koordinaatruudustikku näidata või peita. <u>Märkus</u>: Selleks, et koordinaatruudustikku kohandada, tuleks kasutada *graafikavaate omaduste dialoogiakent*.

Algebravaade

<u>Kiirklahv</u>: *Ctrl+Shift+A* (Mac OS: *Cmd+Shift+A*) Selle menüüvalikuga saab *algebravaadet* näidata või peita.

Arvutustabeli vaade

<u>Kiirklahv</u>: *Ctrl+Shift+S* (Mac OS: *Cmd+Shift+S*) Selle menüüvalikuga saab *arvutustabeli vaadet* näidata või peita.

Abiobjektid

Selle menüüvalikuga saab näidata või peita *algebravaates* asuvaid abiobjekte.

Horisontaaltükeldus

Antud menüüvalik võimaldab tükeldada GeoGebra akna erinevate vaadetega kas vertikaalselt või horisontaalselt.

Sisendriba

Selle menüüvalikuga saab GeoGebra akna allääres asuvat sisendriba kas näidata või peita.

Käskude nimekiri

Antud menüüvalik võimaldab näidata või peita sisendrea kõrval asuvat käskude nimekirja.

Konstruktsiooni protokoll...

Selle menüüvalikuga saab avada uues aknas konstruktsiooni protokolli.

Konstruktsiooni sammude navigeerimisriba

Selle menüüvalikuga saab näidata või peita graafikavaate allääres asuvat navigeerimisriba.

💱 Värskenda vaateid

Kiirklahv: Ctr/+F(Mac OS: Cmd+F)

Antud menüüvalik võimaldab uuendada GeoGebra kõiki vaateid.

<u>Märkus</u>: Seda valikut saab kasutada punktide või joonte jälgede *graafikavaatest* kustutamiseks.

Arvuta uuesti kõik objektid

<u>Kiirklahv</u>: *F9*

See menüüvalik arvutab kõik GeoGebra failis leiduvad objektid uuesti.

<u>Märkus</u>: Seda saab kasutada uute juhuslike arvude genereerimiseks, kui GeoGebra failis on neid eelnevalt kasutatud.

4.4. Menüü VÕIMALUSED

Üldisemaid omadusi saab muuta menüüst Võimalused.

<u>Märkus</u>: Selleks, et muuta objektide sätteid, tuleks kasutada kas *paremaklahvimenüüd* või *omaduste dialoogiakent*.

Punkti haaramine

See menüüvalik määrab, kas *punkti haaramine* on *sisse* või *välja* lülitatud või on punkte võimalik asetada ainult ruudustiku tippudesse (valik *sees (Ruudustik)*).

<u>Märkus</u>: Valik *Automaatselt* lülitab punkti haaramise *sisse*, kui ruudustikku või koordinaatteljestikku näidatakse ning lülitab *välja*, kui need on peidetud.

4 Nurga ühik

See menüüvalik määrab, kas nurgad esitatakse *kraadides* (°) või *radiaanides* (rad). <u>Märkus</u>: Nurki on võimalik alati sisestada mõlemal moel (kraadides ja radiaanides).

Ümardamine

See menüüvalik võimaldab määrata kümnendkohtade või tüvenumbrite arvu, mida ekraanil näidatakse.

Pidevus

GeoGebras lubatakse pidevuse heuristikut lülitada sisse või välja. Tarkvara kasutab pidevuse heuristikut selleks, et hoida liikuvad lõikepunktid (sirge-koonuselõige, koonuselõige koonuselõige) nende eelmiste positsioonide lähedal ja vältida hüppavaid lõikepunkte. <u>Märkus</u>: Vaikimisi on see heuristik välja lülitatud. Kasutaja poolt defineeritud tööriistade korral on pidevus ka alati välja lülitatud.

Punkti stiil

Selle menüüvalikuga saab määrata, kuidas vaikimisi ekraanil punkte esitatakse: •, • või x.

Märkeruudu suurus

Selle menüüvalikuga saab määrata märkeruutude suuruseks kas *tavaline* või *suur*. <u>Märkus</u>: Kui kasutate GeoGebrat esitlusvahendina või töötate sellega interaktiivsel tahvlil, siis valik *suur* muudab märkeruutude kasutamise kergemaks.

🗕 Täisnurga stiil

Sellega saab määrata, kas täisnurki kujutatakse ristkülikuga □, punktiga • või nii nagu kõiki teisi nurki (*väljas*).

Koordinaadid

See menüüvalik määrab, kas punktide koordinaadid näidatakse kujul A = (x, y) või A(x | y).

AA Tähistamine

On võimalik määrata, kas loodava objekti tähist näidatakse ekraanil või mitte. Saab määrata, kas tähistatakse *kõik uued objektid, mitte ükski uus objekt, ainult uued punktid* või *automaatselt*.

<u>Märkus</u>: Valikuga *Automaatselt* näidatakse loodavate objektide tähiseid siis, kui *algebravaade* on nähtav.

🖪 Kirja suurus

Sellest menüüvalikust saab määrata tähiste ja teksti kirja suuruse punktides (pt).

<u>Märkus</u>: Kui kasutate GeoGebrat esitlusvahendina, siis kirja suurendamine teeb auditooriumile teksti, tähiste ja algebralise sisendi nägemise kergemaks.

Keel

GeoGebra on mitmekeelne programm ja võimaldab muuta kasutatavat keelt. See aga mõjutab kõiki sisendeid, sealhulgas käskude nimetusi ja kõiki väljundeid.

<u>Märkus</u>: Ükskõik milline keel on valitud, maakera ikoon Siuhib tagasi keele valiku menüüsse. Kõikide keelte nimetused on alati esitatud inglise keeles.

🖲 Graafikavaade

See menüüvalik avab dialoogiakna, kus saab määrata *graafikavaate (joonestusvälja) omadusi* (nt koordinaatruudustiku ja telgede omadusi ning tausta värvi).

<u>Märkus</u>: Selle dialoogiakna saab avada ka joonestusvälja ehk graafikavaate paremaklahvimenüüst (Mac OS: *Ctrl*+klõps).

Salvesta sätted

Selle menüüvaliku abil on võimalik kasutajal oma lemmiksätted (seadistused) salvestada. Järgmisel korral, kui kasutaja avab GeoGebra, mäletab programm tema sätteid (menüü *Võimalused*, *tööriistariba* ja *graafikavaate* sätteid).

Taasta vaikesätted

Selle menüüvaliku abil saab taastada GeoGebra vaikesätted.

4.5. Menüü *TÖÖRIISTAD*

彬 Loo uus tööriist...

Olemasoleva konstruktsiooni põhjal on GeoGebras võimalik luua uusi tööriistu. Peale tööriista konstruktsiooni valmistamist valige menüüst *Tööriistad* käsk *Loo uus tööriist.* Avanevas dialoogiaknas saate määrata uue tööriista väljund- ja sisendobjektid ning tähise tööriista ja nime vastava käsu jaoks.

<u>Märkus</u>: Loodud tööriista on võimalik kasutada nii hiirega kui ka käsuna *sisendribale* sisestades. Kõik tööriistad salvestatakse automaatselt kasutaja "GGB" konstruktsiooni faili.

Tööriistade haldamine...

Kasutades menüüvaliku *Tööriistade haldamine* dialoogiakent, on võimalik tööriista kustutada või muuta selle nime ja ikooni. Samuti võib valitud tööriistad salvestada *GeoGebra Tööriistade faili* ("GGT"). Seda faili saab hiljem kasutada (menüü *Fail, Ava*), et neid tööriistu kasutada mõne teise konstruktsiooni juures.

<u>Märkus</u>: "GGT" faili avamine ei muuda käsilolevat konstruktsiooni, aga "GGB" faili avamine muudab.

Kohanda tööriistariba...

Kasutajal on võimalik GeoGebra tööriistu tööriistaribal kohandada valides menüüst *Tööriistad* käsu *Kohanda tööriistariba.* Eriti kasulik on see võimalus *dünaamiliste töölehtede* juures, kus soovitakse piirata kasutuselolevaid tööriistu tööriistaribal.

Märkus: Tööriistariba seaded salvestatakse koos konstruktsiooniga "GGB" faili.

4.6. Menüü AKEN

🕒 Uus aken

Kiirklahv: Ctr/+N (Mac OS: Cmd+N)

See menüüvalik avab uue GeoGebra akna, mis kasutab GeoGebra kasutajaliidese vaikesätteid.

<u>Märkus</u>: Kui mõned neist sätetest on muudetud ja salvestatud, siis uus avatav GeoGebra aken kasutab kohandatud sätteid.

Avatud GeoGebra akende loetelu

Kui on avatud rohkem kui üks GeoGebra aken, siis see menüüvalik võimaldab nende erinevate akende vahel kiiresti liikuda.

<u>Märkus</u>: See võimalus võib olla kasulik, kui kasutate GeoGebrat esitlusvahendina ja soovite hoida mitu GeoGebra akent samaaegselt korraga lahti ning nende vahel liikuda.

4.7. Menüü *ABI*

🕐 Abi

See menüüvalik annab juurdepääsu GeoGebra manuaali (ingliskeelsele) HTML-versioonile. Sõltuvalt sellest, kuidas GeoGebra on arvutisse installeeritud, võib selle dokumendi nägemiseks vaja minna interneti ühendust:

• Kui laadisite GeoGebra alla ja installeerisite kasutades installeerimise faile, siis pole

internetiühendust tarvis. GeoGebra manuaali HTML-versioon on juba installeerimise käigus teie arvutisse salvestatud.

• Kui kasutasite võimaust **GeoGebraWebstart** GeoGebra arvutisse installeerimiseks, siis manuaali kasutamiseks on tarvis internetiühendust. Kui internetiühendus puudub, siis väljastatakse veateade.

<u>Märkus</u>: GeoGebra manuaali HTML-versioon on kättesaadav veebilehelt http://www.geogebra.org/help.

🗇 www.geogebra.org

Kui teil on internetiühendus, siis see menüüvalik avab GeoGebra ametliku veebilehe (http://www.geogebra.org) teie arvuti vaike-veebilehitsejas.

🚨 GeoGebra Forum

Kui teil on internetiühendus, siis see menüüvalik avab GeoGebra kasutajate onlain foorumi (http://www.geogebra.org/forum) teie arvuti vaike-veebilehitsejas.

<u>Märkus</u>: Foorumisse saate postitada GeoGebra-alaseid küsimusi ning sealt saate ka neile vastuseid.

GeoGebraWiki

Kui teil on internetiühendus, siis see menüüvalik avab GeoGebraWiki veebilehe (http://www.geogebra.org/wiki) teie arvuti vaike-veebilehitsejas.

<u>Märkus</u>: GeoGebraWiki on GeoGebra õppematerjalide kogum, mis on kõigile vabalt kättesaadav ja on loodud GeoGebra kasutajate poolt üle kogu maailma.

i Info / Litsents

See menüüvalik avab akna, milles antakse informatsiooni GeoGebra litsentsi ja nende inimeste kohta, kes on andnud oma panuse GeoGebra projektile mitmel erineval moel (nt programmeerimine, tõlkimine).

5. GeoGebrale iseloomulikud omadused

5.1. Animeerimine

5.1.1. Automaatne animeerimine

GeoGebra võimaldab animeerida üht või mitut vaba arvu ja/või nurka samaaegselt, kui need on esitatud *graafikavaates liugurite* abil.

Kui soovite teatud vaba arvu või nurka animeerida, siis avage sellel arvul või nurgal *paremaklahvimenüü* (Mac OS: *Ctrl*+klõps) ja valige sealt *Animeerimine sees*. Animeerimise peatamiseks tuleb samas *paremaklahvimenüüs* vabastada linnuke valiku *Animeerimine sees* ees.

<u>Märkus</u>: Peale vaba arvu või nurga animeerimist ilmub animeerimise nupp *graafikavaate* alla vasakusse äärde. See võimaldab animatsiooni kas ^{III} peatada või ▷ jätkata.

Omaduste dialoogiakna vahelehel *Liugur* saab muuta animeerimise käiku:

Ühelt poolt on võimalik kontrollida animeerimise kiirust.

<u>Märkus</u>: Kiirus 1 tähendab, et liuguri intervalli ühekordseks animeerimiseks kulub umbes 10 sekundit.

Teiselt poolt on võimalik määrata, kuidas animeerimise tsüklit korratakse:

• <=> Võnkuv.

Animeerimise tsükkel vaheldub Kasvava ja Kahaneva vahel.

• => Kasvav.

Liuguri väärtused alati kasvavad. Peale liuguri maksimumväärtuseni jõudmist alustatakse uuesti miinimumväärtusest ja jätkatakse animeerimist.

• <= Kahanev.

Liuguri väärtused alati kahanevad. Peale liuguri miinimumväärtuseni jõudmist alustatakse uuesti maksimumväärtusest ja jätkatakse animeerimist.

<u>Märkus</u>: Sellel ajal, kui automaatne animeerimine on aktiivne, jääb ka GeoGebra täielikult toimivaks. See võimaldab teha muutusi konstruktsioonis samal ajal, kui animatsioon töötab/mängib.

5.1.2. Manuaalne animeerimine

Selleks, et muuta mingit vaba arvu või nurka pidevalt, valige tööriist ^k *Liiguta*. Seejärel klõpsake *vabale arvule või nurgale* ning vajutage klaviatuuril + või − klahvile või nooleklahvidele. Hoides all üht neist klahvidest tekitate manuaalse animeerimise.

<u>Näide</u>: Kui punkti koordinaadid sõltuvad arvust *k* nagu näiteks P = (2 k, k) korral, siis muutes pidevalt *k* väärtust, liigub punkt mööda sirget.

<u>Märkus</u>: Liuguri muutuse kasvu saab kohandada selle *omaduste dialoogiakna* vahelehel *Liugur*.

Kiirklahvid:

- *Shift* + *nooleklahv* annab sammu pikkuseks 0.1 ühikut;
- Ctrl + nooleklahv annab sammu pikkuseks 10 ühikut;
- *Alt* + *nooleklahv* annab sammu pikkuseks 100 ühikut.

Märkus: Samuti saab + või – klahve kasutades sirgel asuvat punkti liigutada piki seda sirget.

5.2. Tingimuslik nähtavus

Lisaks sellele, et mingit objekti näidata või peita, saab selle objekti nähtavuse panna sõltuma teatud tingimusest. Võib-olla soovite näiteks objekti näidata ekraanil siis, kui teete linnukese *graafikavaates* asuvasse *märkeruutu* või kui *liuguril* on jõutud teatud väärtuste vahemikku.

Olemasolevate objektide tingimuslik näitamine ja peitmine

Selleks, et luua märkeruut, mis kontrollib ühe või mitme juba olemasoleva objekti nähtavust ekraanil, tuleb valida tööriist ^{III} *Märkeruut objektide näitamiseks ja peitmiseks*. Alternatiivselt saab *sisendreale* sisestades luua loogilise muutuja (nt b = true) ja teha see märkeruuduna *graafikavaates* nähtavaks (nt kasutades tööriista [®] *Näita / peida objekt* või *paremaklahvimenüüd*). Selleks, et loodud loogilist muutujat kasutada teatud objekti nähtavuse tingimuse määramisel, toimige nii, nagu on kirjeldatud allpooltoodud teises näites.

Uute objektide tingimuslik näitamine ja peitmine

Objekti *omaduste dialoogiakna* vahelehel *Lisavõimalused* on võimalik sisestada tingimus selle objekti nähtavuseks.

<u>Märkus</u>: Tingimuslike lausete esitamiseks saate loogilisi operaatoreid (nt ≠, ≥, ∧, ∨)

kõrvalasuvast rippmenüüst.

<u>Näited</u>:

- Kui *a* on liugur, siis tingimus a < 2 tähendab, et antud objekti näidatakse *graafikavaates* ainult siis, kui liuguri väärtus on väiksem kui 2.
- Kui *b* on loogiline muutuja, siis saate sisestada tingimuse b. Seejärel vastavat objekti näidatakse, kui *b* väärtus on *true (tõene)* ja objekt peidetakse, kui *b* on *false (väär)*.
- Kui g ja h on kaks sirget ja soovite näidata mingit teksti juhul, kui sirged on

paralleelsed, siis sisestage teksti näitamise tingimuseks g || h.

5.3. Kasutaja poolt defineeritud tööriistad

Olemasoleva konstruktsiooni põhjal on GeoGebras võimalik luua uusi tööriistu (käske). Kui tööriist on loodud, saab seda rakendada nii hiirt kasutades kui ka käsuna *sisendreale* sisestades. Kõik tööriistad salvestatakse automaatselt GeoGebra faili.

Kasutaja poolt defineeritud tööriista loomine

Kõigepealt looge tööriista konstruktsioon, mida see tööriist peaks hiljem võimaldama teha. Seejärel valige *menüüst Tööriistad* valik *K Loo uus tööriist*. Avanevas dialoogiaknas tuleb määrata uue tööriista *väljund- ja sisendobjektid* ning tööriista *tähis ja ikoon*.

<u>Näide</u>:

Tööriist *RUUT* loob ruudu, kui klõpsata *graafikavaates* kahele olemasolevale punktile või kahele tühjale kohale.

- Menüüst Tööriistad valige 🕌 Loo uus tööriist.
- Määrake *Väljundobjektid*: Klõpsake ruudul või valige see rippmenüüst. Lisaks määrake ka ruudu küljed *väljundobjektideks*.
- Määrake *Sisendobjektid*: GeoGebra määrab sisendobjektid automaatselt (siin: punktid *A* ja *B*). Kasutajal on võimalik sisendobjektide valikut muuta rippmenüüd kasutades või neile konstruktsioonil klõpsates.
- Määrake uue tööriista tähis ja käsu nimetus.
 <u>Märkus</u>: Tööriista tähis ilmub GeoGebra tööriistaribale, käsu nimetust on võimalik kasutada seda GeoGebra sisendribale sisestades.
- Lisaks saate sisestada *tööriista abiteksti* (juhendi selle kohta, millele kasutaja peaks klõpsama, et tööriista rakendada).

• Samuti on võimalik valida pilt tööriista ikooni jaoks, mis ilmub *tööriistaribale*. GeoGebra muudab selle pildi suurust automaatselt, et see mahuks tööriista nupule.

Kasutaja poolt defineeritud tööriista salvestamine

Enda poolt loodud tööriistu on võimalik salvestada, et neid hiljem teistes GeoGebra konstruktsioonides kasutada. Kõigepealt tuleb *menüüst Tööriistad* valida *Tööriistade haldamine*. Seejärel valige tööriistade loetelust see tööriist, mida soovite salvestada. Tööriista salvestamiseks klõpsake nupule *Salvesta nimega...*.

<u>Märkus</u>: Kasutaja poolt defineeritud tööriistad salvestatakse failidena, mille laiendiks on *GGT*. See hõlbustab nende failide eristamist tavalistest GeoGebra failidest, mille laiendiks on *GGB*.

Ligipääs kasutaja poolt defineeritud tööriistadele

Kui avate peale tööriista loomist uue GeoGebra kasutajaliidese *menüüst Fail* valikuga *Uus*, siis see tööriist on ikka GeoGebra *tööriistaribal*. Samas, kui avate uue GeoGebra akna (*menüüst Fail* valikuga Uus aken) või avate GeoGebra mõnel teisel päeval, siis te ei leia enda poolt loodud tööriista enam GeoGebra *tööriistaribalt*.

Selleks, et kasutaja poolt defineeritud tööriistad oleksid ka uue GeoGebra akna *tööriistaribal*, on mitu võimalust:

 Peale uue tööriista loomist võite kasutatavad sätted salvestada valides menüüst Võimalused Salvesta sätted. Nüüdsest alates on teie poolt loodud tööriist osa GeoGebra tööriistaribast.

<u>Märkus</u>: Enda poolt loodud tööriista on võimalik ka *tööriistaribalt* eemaldada. Selleks valige *menüüst Tööriistad* valik *Kohanda tööriistariba...*. Avaneva dialoogiakna vasakust tööriistade loendist valige tööriist, mida soovite eemaldada, ning klõpsake nupule *Eemalda >*. Ärge unustage peale tööriista eemaldamist sätteid uuesti salvestamast.

 Peale enda poolt loodud tööriista salvestamist (GGT failina) saate selle igal ajal sisse tuua uude GeoGebra aknasse. Selleks valige *menüüst Fail* valik Ava ja avage enda poolt loodud tööriista fail.

<u>Märkus</u>: GeoGebra tööriistafaili (GGT) avamine GeoGebras ei mõjuta pooleliolevat konstruktsiooni. See teeb ainult vastava tööriista *tööriistaribal* kättesaadavaks.

5.4. Dünaamilised värvid

GeoGebras saab muuta objektide värvi *omaduste dialoogiakna* vahelehel *Värv*. Samas on võimalik objektide värv määrata selliselt, et see dünaamiliselt muutub: avage selle objekti *omaduste dialoogiakna* vaheleht *Lisavõimalused*, mille värvi soovite muuta. Sealt leiate *dünaamiliste värvide* tekstiboksid *Punane*, *Roheline* ja *Sinine*.

<u>Märkus</u>: Igasse tekstiboksi saate sisestada funktsiooni muutumispiirkonnaga lõigul [*0, 1*]. <u>Näide</u>:

- Looge kolm liugurit *a*, *b ja c* intervalliga arvust 0 arvuni 1.
- Konstrueerige hulknurk, mille värvi soovite liugurite väärtustega mõjutada.
- Avage selle hulknurga *omaduste dialoogiaken* ja sisestage iga värvikomponendi tekstiboksi ühe liuguri tähis.
- Sulgege *omaduste dialoogiaken*. Selleks, et jälgida, kuidas iga värvikomponent mõjutab hulknurga värvi, muutke liugurite väärtuseid.
 <u>Märkus</u>: Hulknurga värvi automaatset muutumist saate jälgida, kui animeerite liugureid (nt erineva kiirusega).

5.5. JavaScript liides

<u>Märkus</u>: GeoGebra JavaScripti liides võib pakkuda huvi kasutajatele, kellel on kogemusi HTMLi redigeerimisel.

Selleks, et *dünaamilisi töölehti* parendada ja täiustada nende interaktiivsust, on GeoGebra aplettidel JavaScripti liides. Näiteks on võimailik luua nupp, mis genereerib dünaamilise konstruktsiooni uue juhusliku konfiguratsiooni.

Näiteid ja lisainformatsiooni JavaScripti kasutamiseks GeoGebra aplettidel võite leida dokumendis GeoGebra Applets and JavaScript (http://www.geogebra.org "Abi").

5.6. Kiirklahvid

Klahv	[ainult vastav klahv]	Ctrl (Mac OS: Cmd)	Ctrl+Shift (Mac OS: Cmd+Shift)	Alt (Mac OS: Ctrl)
А		Vali kõik	Näita / peida <i>algebravaade</i>	alfa α
В				beeta β
с		Kopeeri (arvutustabeli vaade)	Ekspordi graafikavaade lõikepuhvrisse	
D				delta δ
E		Omaduste dialoogiaken		Euleri <i>e</i>
F		Värskenda vaateid		fii φ
G				gamma γ
н				
1				
J				
К				
L		Vali praegune kiht		lambda λ
М				müü μ
Ν		Uus aken		
0		Ava		kraadi sümbol °
Р		Prindi eelvaade	Ekspordi graafikavaade pildina (png, eps,)	ріі π
Q		Vali järgmised	Vali eelmised	
R				
S		Salvesta	Näita / peida arvutustabeli vaade	sigma σ
т			Ekspordi PSTricksina	teeta θ
U				

Klahv	[ainult vastav klahv]	Ctrl (Mac OS: Cmd)	Ctrl+Shift (Mac OS: Cmd+Shift)	Alt (Mac OS: Ctrl)
V		Kleebi (arvutustabeli vaade)		
w		Sulge (ainult Mac OS)	Ekspordi dünaamiline tööleht veebilehena (html)	oomega ω
Х				
Y		Tee uuesti		
Z		Võta tagasi		0
0				Aste ⁰
1				Aste ¹
2				Aste ²
3				Aste ³
4				Aste ⁴
5				Aste ⁵
6				Aste ⁶
7				Aste ⁷
8				Aste ⁸
9				Aste ⁹
-	Vähenda valitud arvu / nurka	Vähenda		miinus või pluss
+	Suurenda valitud arvu / nurka	Suurenda		pluss või miinus ±
=	Suurenda valitud arvu / nurka	Suurenda		ei ole võrdne ≠
<				väiksem või
				võrdne kui ≤
, (koma)				väiksem või
				võrdne kui ≤
>				suurem või
				võrdne kui ≥
. (punkt)				suurem või
				võrdne kui ≥

Klahv	[ainult vastav klahv]	Ctrl (Mac OS: Cmd)	Ctrl+Shift (Mac OS: Cmd+Shift)	Alt (Mac OS: Ctrl)
*				
F1	Abi			
	Alusta valitud			
F2	objekti redigeerimist			
	(algebravaade)			
	Lisa valitud objekti			
F3	definitsioon			
	(sisendriba)			
	Lisa valitud objekti			
F4	väärtus			
	(sisendriba)			
	Lisa valitud objekti			
F5	tähis			
	(sisendriba)			
50	Uuenda juhuslikud			
Г9 	arvud			
Entor klaby	Liigu <i>graafikavaate</i> ja			
	<i>sisendrea</i> vahel			
Vasak hiire				
klõps				
	Klõps:			
	Avab			
	paremaklahvimenüü			
	(klõps objektil)			
	graafikavaate			
Parem hiire	omaduste			
klõps (Mac	dialoogiakna			
OS:	(klõps taustal)			
<i>Ctrl</i> +klõps)				
graafikavaatel	Klõps ja lohista:			
	objekti kiire			
	teisaldamine			
	(klõps objektil)			
	suurendusristkülik			
	(klõps taustal)			

Klahv	[ainult vastav klahv]	Ctrl (Mac OS: Cmd)	Ctrl+Shift (Mac OS: Cmd+Shift)	Alt (Mac OS: Ctrl)
Hiire kerimisnupp	Suurendamine / vähendamine	Suurendamine / vähendamine (apletil)		Kiirendatud suurendamine / vähendamine
Del-klahv	Kustuta praegune valik			
Backspace- klahv	Kustuta praegune valik			
Nool üles 个	Suurenda valitud arvu / nurka Liiguta valitud punkti ülespoole Liigu eelmiste käskude juurde <i>sisendrea</i> ajaloos Liigu ülespoole <i>konstruktsiooni</i>	10x kiiruse suurendamine	0.1x kiiruse suurendamine (vajutage ainult Shift-klahvile)	100x kiiruse suurendamine
Nool paremale →	protokollisSuurendavalitudarvu/nurkaLiigutavalitudpunktiparemalepooleLiigu ülespoolekonstruktsiooniprotokollis	10x kiiruse suurendamine	0.1x kiiruse suurendamine (vajutage ainult Shift-klahvile)	100x kiiruse suurendamine

Klahv	[ainult vastav klahv]	Ctrl (Mac OS: Cmd)	Ctrl+Shift (Mac OS: Cmd+Shift)	Alt (Mac OS: Ctrl)
	Vähenda valitud arvu/nurka		0.1x	
Nool vasakule ←	Liiguta valitud punkti vasakule	10x kiiruse suurendamine	kiiruse suurendamine (vajutage ainult	100x kiiruse suurendamine
	Liigu allapoole konstruktsiooni protokollis		Shift-klahvile)	
	Vähenda valitud arvu/nurka			
	Liiguta valitud punkti allapoole	10x	0.1x kiiruse	100x
Nool alla ↓	Liigu järgmisele sisendile <i>sisendrea</i> ajaloos	kiiruse suurendamine	suurendamine (vajutage ainult Shift-klahvile)	kiiruse suurendamine
	Liigu allapoole konstruktsiooni protokollis			
Home/PgUp-	Liigu esimese sammuni			
Narry	protokollis			
End/PgDn- klahv	Liigu viimase sammuni <i>konstruktsiooni</i>			

Veel mõningaid klaviatuuri käske:

- *Alt+Shift* (Mac OS: *Ctrl+Shift*): Kreeka suurtähed;
- Arvutustabeli vaade: Ctrl+Alt+C koopeeri väärtused (mitte valemid).

<u>Märkus</u>: Kraadisümbolit ° (*Alt*+*O*, Mac OS: *Ctr*/+*O*) ja sümbolit π (*Alt*+*P*, Mac OS: *Ctr*/+*P*) saab kasutada liuguri dialoogiaknas intervalli (min, max) ja kasvu määramise juures.

5.7. Tähised ja pealdised

Tähiste näitamine ja peitmine

Graafikavaates saab objektide tähiseid erineval moel näidata ja peita:

- Valige tööriist ^{AA} Näita / peida tähis ja klõpsake objektil, mille tähist sooviksite näidata või peita.
- Avage soovitud objekti *paremaklahvimenüü* ja valige sealt ^{AA} *Näita tähist*.
- Avage soovitud objekti *omaduste dialoogiaken* ja tehke vahelehel *Üldine* linnuke või vabastage see märkeruudu *Näita tähist* ees.

Tähis ja väärtus

GeoGebras on igal objektil oma kordumatu tähis, mida saab *graafikavaates* näidata. Lisaks tähisele saab näidata ka objekti väärtust. Neid sätteid saab määrata *omaduste dialoogiakna* vahelehel *Üldine*, kui valite märkeruudu *Näita tähist* järel asuvast rippmenüüst kas *Tähis*, *Väärtus* või *Tähis ja väärtus*.

<u>Märkus</u>: Punkti väärtuseks on selle koordinaadid, funktsiooni väärtuseks on selle võrrand/avaldis.

Pealdis

Mõnikord võib siiski tekkida soov anda mitmele objektile ühesugune tähis. Näiteks tähistada ruudu kõik neli külge tähisega *a*. Selle jaoks pakub GeoGebra kõigile objektidele lisaks eelnevalt toodud kolmele tähistamise võimalusele välja pealdised. Objekti pealdist on võimalik määrata selle objekti *omaduste dialoogiakna* vahelehel *Üldine* siestades soovitud pealdise tekstiväljale *Pealdis*. Seejärel tuleks valida märkeruudu *Näita tähist* järel asuvast rippmenüüst tähistamise viisiks *Pealdis*.

5.8. Kihid

<u>Märkus</u>: GeoGebras kasutatakse kihte selleks, et määrata millist objekti valida või lohistada, kui kasutaja klõpsab mitmele objektile samaaegselt.

Vaikimisi joonestatakse kõik objektid kihile 0, mis on sisuliselt *graafikavaate taustakiht*. Kokku on 10 kihti (0-st kuni 9-ni) ja suurema numbriga kihid joonestatakse väiksema numbriga kihi peale.

Omaduste dialoogiakna vahelehel *Lisavõimalused* on võimalik muuta mingi konkreetse objekti kihi numbrit (0-st kuni 9-ni). Kui muudate kasvõi ühe objekti kihi numbri nullist erinevaks (nt kihiks 3), siis kõik uued objektid joonestatakse edaspidi kõige suurema numbriga kihile.

<u>Märkus</u>: Peale mingi(te) objekti(de) valimist on võimalik valida ka kõik need objektid, mis asuvad valitud objekti(de)ga samas kihis. Selleks võtke menüüst *Redigeeri Vali praegune kiht* (Kiirklahv: *Ctrl+L*). See menüüvalik on kättesaadav ainult sel juhul, kui kõik valitud objektid asuvad samas kihis.

Kihtide edasine kasutamine:

- SVG-eksportimisel on objektid kihtidena grupeeritud.
- Kihte on võimalik kontrollida kasutades JavaScript liidest GeoGebra aplettide jaoks.

5.9. Ümberdefineerimine

Objektide ümberdefineerimine on väga mitmekülgne vahend konstruktsiooni muutmiseks. Pange tähele, et ümberdefineerimine võib muuta konstruktsiooni sammude järjekorda *konstruktsiooni protokollis*.

GeoGebras saab objekte *ümber defineerida* mitmel erineval moel:

- Valige tööriist ^k *Liiguta* ja tehke topeltklõps mingil objektil *algebravaates*.
 - Vabade objektide jaoks avanev redigeerimisväli lubab otseselt muuta selle objekti algebralist esitust. Kui olete soovitud muutused sisestanud, siis nende rakendamiseks vajutage *Enter*-klahvile.
 - Sõltuvate objektide jaoks avanevas ümberdefineerimise dialoogiaknas saab objekti ümber defineerida.
- Valige tööriist Liiguta ning tehke topeltklõps mingil objektil graafikavaates. See avab *ümberdefineerimise* dialoogiakna, mis võimaldab objekti ümber defineerida.
- Suvalise objekti muutmiseks sisestage selle tähis ja uus definitsioon *sisendreale*.
- Avage objekti *omaduste dialoogiaken* ja muutke selle objekti definitsiooni vahelehel *Üldine*.

<u>Märkus</u>: Fikseeritud objekte ei saa ümber defineerida. Selleks, et fikseeritud objekti ümber defineerida, tuleb see kõigepealt vabastada fikseerituse tingimusest *omaduste dialoogiakna* vahelehel *Üldine*.

<u>Näited</u>:

- Vaba punkti A määramiseks sirge h punktiks tuleb kõigepealt teha topeltklõps punktil A. Siis avatakse ümberdefineerimise dialoogiaken. Järgmisena sisestage tekstiväljale käsk Punkt[h] ning vajutage Enter-klahvile. Punkti A eemaldamiseks sellelt sirgelt ja selle vabaks objektiks muutmiseks tuleb see ümber defineerida andes sellele suvalised vabad koordinaadid nagu näiteks (1, 2).
- Teise näite abil muudetakse punktidega A ja B määratud sirge h lõiguks otspunktidega A ja B. Avage sirge h ümberdefineerimise dialoogiaken ja sisestage tekstiväljale käsk Lõik[A, B].

5.10. Jälg ja lookus

Objektid võivad jätta *graafikavaatesse* nende liigutamisel jälje. Jälje sisse lülitamiseks avage objektil *paremaklahvimenüü* ning valige sellest *Jälg sees*. Seejärel muutke konstruktsiooni nii, et objekt, mille jälje lülitasite sisse, muudaks positsiooni ja jätaks oma liikumise jälje.

<u>Märkus</u>: Objekti jälge saab sisse ja välja lülitada objekti *paremaklahvimenüüst*. Kõiki jälgi on võimalik kustutada, kui valite *menüüst Vaade* Värskenda vaateid.

GeoGebraga on võimalik automaatselt luua punkti lookust. Seda saab teha kas hiirega tööriista *Lookus* kasutades või sisestades käsu *Lookus* sisendreale.

<u>Märkus</u>: Punkt, mille lookust soovite luua, peab sõltuma teise punkti liikumisest, mis liigub piki mingit objekti (nt sirget, lõiku, ringjoont).

<u>Näide</u>:

- Looge punktide A = (-1, -1) ja B = (1, -1) vaheline lõik a.
- Asetage punkt *C* antud lõigule nii, et see liiguks ainult piki lõiku *a*.
- Looge punkt *P* nii, et see sõltuks punktist $C(nt P = (x(C), x(C)^2))$.
- Selleks, et luua punktist C sõltuvat punkti P lookust kasutage kas tööriista või käsku Lookus:
 - o Tööriist [𝔆] *Lookus*: Klõpsake kõigepealt punktil *P* ja siis punktil *C*.
 - o Käsk *Lookus*: Sisestage sisendreale Lookus [P, C] ja vajutage Enter-klahvile.

Märkus: Sellisel moel loodud lookus on parabooli graafik lõigul [-1, 1].

6. Indeks

A

Käskude süntaks8
Sisendriba
Tööriistariba7
Abiobjektid7, 8
Menüü <i>VAADE</i> 78
Absoluutväärtus, otsene sisend
Alaindeksid
Alamsumma, käsk44
Algebraline sisend, sisendriba32
Algebravaade7
Näita/peida, menüü <i>VAADE</i> 78
Objektide muutmine7
Animatsiooni peatamine84
Animeerimine
Animeerimine sees
Animeerimine sees, paremaklahvimenüü
Animeerimine sees, paremaklahvimenüü 11 Animeerimise nupp84
Animeerimine sees, paremaklahvimenüü 11 Animeerimise nupp 84 Automaatne animeerimine
Animeerimine sees, paremaklahvimenüü
Animeerimine sees, paremaklahvimenüü 11 Animeerimise nupp
Animeerimine sees, paremaklahvimenüü 11 Animeerimise nupp
Animeerimine sees, paremaklahvimenüü 11 Animeerimise nupp
Animeerimine sees, paremaklahvimenüü
Animeerimine sees, paremaklahvimenüü
Animeerimine sees, paremaklahvimenüü 11 Animeerimise nupp 84 Automaatne animeerimine 84 Kahanev 84 Kasv 85 Kasvav 84 Kiirus 84 Kordus 84 Manuaalne animeerimine 85 Nooleklahvid 85
Animeerimine sees, paremaklahvimenüü 11 Animeerimise nupp 84 Automaatne animeerimine 84 Kahanev 84 Kasv 85 Kasv 85 Kasvav 84 Kiirus 84 Manuaalne animeerimine 85 Nooleklahvid 85 Peatamine 84
Animeerimine sees, paremaklahvimenüü 11 Animeerimise nupp 84 Automaatne animeerimine 84 Kahanev 84 Kasv 85 Kasvav 84 Kiirus 84 Kordus 84 Manuaalne animeerimine 85 Nooleklahvid 85 Peatamine 84 Pluss- ja miinus-klahv 85
Animeerimine sees, paremaklahvimenüü11Animeerimise nupp84Automaatne animeerimine84Kahanev84Kasv85Kasvav84Kiirus84Kordus84Manuaalne animeerimine85Nooleklahvid85Peatamine84Pluss- ja miinus-klahv84
Animeerimine sees, paremaklahvimenüü11Animeerimise nupp84Automaatne animeerimine84Kahanev84Kasv85Kasvav84Kiirus84Kordus84Manuaalne animeerimine85Nooleklahvid85Peatamine84Pluss- ja miinus-klahv84Võnkuv84
Animeerimine sees, paremaklahvimenüü 11 Animeerimise nupp 84 Automaatne animeerimine 84 Kahanev 84 Kasv 85 Kasv 85 Kasvav 84 Kiirus 84 Kordus 84 Manuaalne animeerimine 85 Nooleklahvid 85 Peatamine 84 Pluss- ja miinus-klahv 85 Tsükkel 84 Võnkuv 84
Animeerimine sees, paremaklahvimenüü11Animeerimise nupp84Automaatne animeerimine84Kahanev84Kasv85Kasvav84Kiirus84Kordus84Manuaalne animeerimine85Nooleklahvid85Peatamine84Pluss- ja miinus-klahv85Tsükkel84Areafunktsioon85Areakoosinus, otsene sisend38

Areasiinus, otsene sisend
Areatangens, otsene sisend38
Aritmeetilised operatsioonid37
Arkusfunktsioon
Arkuskoosinus, otsene sisend38
Arkussiinus, otsene sisend38
Arkustangens, otsene sisend
Arv
Muutumise intervall35
Otsene sisend34
Tähis34
Arvuta uuesti kõik objektid, menüü VAADE79
Arvutustabeli vaade
Lahtri nimi8
Lahtri sisend
Menüü <i>VAADE</i> 78
Arvutustabelisse kirjutamine, paremaklahvimenüü 11
Arvutustabelisse salvestamine, paremaklahvimenüü11
Astendamine, otsene sisend
Asümptoot, käsk52
Automaatne animeerimine84
Ava, menüü <i>FAIL</i> 74
Avaldis29
В

inoomkordaja, käsk4	4
D	

Definitsioon, sisendribale lisamine	33
Determinant, käsk	73
Diameeter, käsk	52
Dispersioon, käsk	68
Dünaamiline tekst	29
Dünaamiline tööleht	
Apleti redigeerimine	16

Eksportimine	15
Eksportimine, menüü FAIL	75
Java	16
Teksti redigeerimine	16
Dünaamilised värvid	

E

Eksponentfunktsioon, otsene sisend
Ekspordi
Dünaamiline tööleht veebilehena, menüü FAIL75
Graafikavaade
lõikepuhvrisse, menüü <i>FAIL</i> 76
lõikepuhvrisse, menüü REDIGEERI77
PGF/TikZna, menüü <i>FAIL</i> 76
PSTricksina, menüü <i>FAIL</i> 76
Graafikavaade pildina, menüü FAIL75
Eksportimine
Dünaamiline tööleht15
GGB-fail15
HTML-fail15
JAR-failid15
Lähtestamise ikoon15
Loodavad failid15
Pikkus / laius15
Tööriistariba näitamine15
Vaheleht Lisavõimalused15
Vaheleht <i>Üldine</i> 15
Graafikavaade
Pildina14
Skaala15
Vahemälusse15
Interaktiivne tööleht15
Interaktiivne veebileht15
Konstruktsiooni protokoll veebileheks13
Menüü <i>FAIL</i> 75
Eksportimise ristkülik14
Ekstreemum, käsk49
Ekstsentrilisus, käsk44
Elemendi lisamine, käsk64

Element, käsk	62
Ellips	
Käsk	54
Tööriist	24
EMF-vorming	76
EPS-vorming	75
Esimene, käsk	62
Euleri konstant	34
F	

Gamma funktsioon, otsene sisend	
GeoGebra Forum, menüü ABI	83
GeoGebraWiki, menüü <i>ABI</i>	83
Geomeetrilised teisendused	
Tööriistad	27
Graafikavaade	7
Ekspordi lõikepuhvrisse, menüü REDIGI	<i>EERI</i> 77
Geomeetriline sisend	17
Kohandamine	9
Objektide liigutamine	7
Pildi loomine	14
Pildina eksportimine	14
Prindi eelvaate värskendamine	14
Printimine	

Skaalas eksportimine	15
Suumimine	9
Vahemälusse eksportimine	15
Graafikavaade, menüü VÕIMALUSED	

Η

Haripunkt, käsk
Histogramm, käsk68
Homoteetsusteisendus
Käsk66
Objekti homoteetsusteisendus punktist teguriga,
tööriist27
Horisontaaltükeldus, menüü VAADE
Hulknurk
Käsk 52
Nurgad48
Tööriist21
Hüperbool
Käsk
Tööriist24
Hüperboolne funktsioon
Hüperboolne koosinus, otsene sisend
Hüperboolne siinus, otsene sisend
Hüperboolne tangens, otsene sisend
Ι

Imaginaarühik4	42
Indeksid	42
Info / Litsents, menüü ABI	83
Integraal	
Käsk	55
Määramata integraal	55
Määratud integraal4	44
Interaktiivne tööleht, eksportimine	15
Interaktiivne veebileht, eksportimine	15
Itereerimine	
Iteratsiooni loend, käsk	63
Käsk4	45

J

	5
Jagamine, otsene sisend3	7
JagatiseTäisosa, käsk4	5
Jälg9	6
Jälg sees, paremaklahvimenüü11, 9	96
Kustuta7	9
JätaAlles, käsk6	53
JavaScript liides8	8
Joon	
Joone jämedus, omaduste dialoogiaken1	0
Joone stiil, omaduste dialoogiaken1	0
JoonePikkus, käsk4	5
Juhtjoon, käsk5	52
Juhuslik arv	
Juhuslik binoomjaotuse väärtus, käsk4	15
Juhuslik normaaljaotuse väärtus, käsk4	15
Juhuslik Poissoni jaotuse väärtus, käsk4	15
Juhuslik täisarv, käsk4	15
Käsk4	15
Otsene sisend3	37
Uus juhuslik arv7	'9
К	
Käänununkt käsk A	
Kaanupunki, kask	۵
Kaar	9
Kaar	.9
Kaar Käsk	19 58
Kaar Käsk5 Ringjoone kaar keskpunkti ja kahe punktiga, töörii:	19 8 st
Kaar Käsk5 Ringjoone kaar keskpunkti ja kahe punktiga, töörii: 2 Ringjoone kaar kolmo punktiga, tööriist	19 58 51 24
Kaar Käsk	9 8 19 19 19 19 19 19 19 19
Kaar Käsk	19 58 51 12 15 58 58
Kaar Käsk	19 58 51 12 51 51 51 51 51 51 51 51 51 51 51 51 51
Kaar Käsk	19 58 51 24 25 58 59 .9
Kaar Käsk	19 58 51 24 55 58 59 58
Kaar Käsk	19 58 51 58 51 58 59 58 59 58 59 58
Kaar Käsk	19 58 st 25 58 59 59 58 59 58 50 58 50 50 50 50 50 50 50 50 50 50 50 50 50
Kaar Käsk	19 58 54 58 59 58 59 58 59 58 59 58 50 50 50 50 50 50 50 50 50 50
Kaar Käsk	19 58 st 25 58 59 .9 58 4 25 58 59 .9 58 4 52 58 59 58 50 58 50 58 50 58 50 50 50 50 50 50 50 50 50 50 50 50 50

Diameeter52
Dispersioon68
EemaldaMittedefineeritudObjektid62
Ekstreemum
Ekstsentrilisus
Element62
Ellips54
Esimene62
FokaalpoolteljePikkus44
Fokaaltelg52
Fookus
Funktsioon
HarilikMurdTekstina59
Haripunkt
Histogramm
Homoteetsusteisendus
Hulknurk
Hüperbool54
Integraal
Iteratsioon
IteratsiooniLoend63
Jääk45
JagatiseTäisosa45
JärjestaVastupidiselt63
JätaAlles63
JoonePikkus
Juhtjoon52
Juhuslik
Juhuslik binoomjaotuse väärtus
Juhuslik normaaljaotuse väärtus
Juhuslik Poissoni jaotuse väärtus45
Juhuslik täisarv45
Käänupunkt
Kaar
Karpdiagramm
KasOnDefineeritud43
KasOnTäisarv44
Kaugus45

Keskpunkt	49
Keskristsirge	52
Keskväärtus	69
KeskväärtusX	69
KeskväärtusY	69
Kiir52	
KonstruktsiooniSamm	43
Koonuselõige	54
Korrelatsioonikordaja	69
Korrutis	63
Kovariatsioon	69
Kõver	57
Kõverus	46, 57
Kõverusvektor	51, 57
Kui (loogiline käsk)	44
Kustuta	43
LahtriteVahemik	73
LaTeX	59
Lihtsuhe	46
Lihtsusta	55, 56
Liitsuhe	46
Lisa	63
LisaElement	64
Loend	64
Loenda	64
LogistilineKõver	70
Lõik	51
Lõikepunkt	49
LükeVektoriga	66
Maksimum	46, 64
Max	46, 64
Mediaan	69
Miinimum	46, 64
Min	46, 64
Modulo funktsioon	45
Mood	69
Normaaljaotus	70
Nullkohad	50

Nurgapoolitaja53
NurgaPunkt50
Nurk
Objekt 60
Parabool54
Parameeter46
Peegelda67
Pikkus
Pindala 47
Polaar53
Polünoom56
Poolringjoon58
Pöördmaatriks73
Pöördnormaaljaotus70
Pööre 67
Punkt
Puuteringjoon55, 57
Puutuja53, 57
Q1 (1. kvantiil)69
Q3 (3. kvantiil)69
Raadius47
Raskuskese50
RegressioonikõverAstme70
RegressioonikõverEksp70
RegressioonikõverLog70
RegressioonikõverSin70
Regressioonipolünoom70
Regressioonisirge70
RegressioonisirgeX70
Rida73
RingiSektor158
RingiSektor258
Ringjoon55
RingjooneKaar158
RingjooneKaar259
Ristsirge53
RistuvÜhikvektor51
RistuvVektor

Sektor
SigmaXX71
SigmaXY71
SigmaYY71
Sihivektor51
Sirge53
Sorteeri
Standardhälve71
Summa65
SümmeetriaKeskpunkt50
SÜT47
Suurim ühistegur47
Sxx
Sxy71
Syy71
TäheUnicode61
Tähis61
TayloriValem56
Tegurda56
TeineTelg53
TeisePoolteljePikkus47
Tekst60
TekstiUnicode60
TekstTabelina60
Teljed54
TeljeSamm47
Tõus47
Transponeeri73
Trapetssumma47
Tuletis57
Tupdiagramm71
Ühend65
Ühenda66
Ühikvektor51
Ühisosa66
Ülemsumma48
Ümbermõõt48
UnicodeTähena62

UnicodeTekstina	62
Väikseim ühiskordne	48
Veerg	73
VeeruPealkiri	73
Vektor	51
Viimane	65
Võrdlus	43
Võta	65
νϋκ	48
KasOnDefineeritud, käsk	43
KasOnTäisarv, käsk	44
Käsud	8, 42
Arvulised käsud	44
Arvutustabeli käsud	73
Automaatne lõpetamine	43
Ettepaneku muutmine	43
Ettepanekuga nõustumine	43
Funktsiooni käsud	55
Geomeetriliste teisenduste käsud	66
Hulknurga käsud	52
Hulknurga käsud Kaare käsud	52 58
Hulknurga käsud Kaare käsud Käskude abi	52 58 8
Hulknurga käsud Kaare käsud Käskude abi Käskude nimekiri	52 58 8 8
Hulknurga käsud Kaare käsud Käskude abi Käskude nimekiri Käskude nimekiri, menüü <i>VAADE</i>	52 58 8 8 79
Hulknurga käsud Kaare käsud Käskude abi Käskude nimekiri Käskude nimekiri, menüü <i>VAADE</i> Käskude süntaks, abi	52 58 8 8 79 8
Hulknurga käsud Kaare käsud Käskude abi Käskude nimekiri Käskude nimekiri, menüü <i>VAADE</i> Käskude süntaks, abi Kiire käsk	52 58 8 79 8 52
Hulknurga käsud Kaare käsud Käskude abi Käskude nimekiri Käskude nimekiri, menüü <i>VAADE</i> Käskude süntaks, abi Kiire käsk Koonuselõike käsud	52 58 8 79 8 52 54
Hulknurga käsud Kaare käsud Käskude abi Käskude nimekiri Käskude nimekiri, menüü <i>VAADE</i> Käskude süntaks, abi Kösena käsk Kõvera käsk	52 58 8 79 8 52 54 57
Hulknurga käsud Kaare käsud Käskude abi Käskude nimekiri Käskude nimekiri, menüü <i>VAADE</i> Käskude süntaks, abi Kösera käsk Kõvera käsk Loendi käsud	52 58 8 79 8 52 52 57 57 62
Hulknurga käsud Kaare käsud Käskude abi Käskude nimekiri Käskude nimekiri, menüü VAADE Käskude süntaks, abi Käskude süntaks, abi Kövera käsk Loendi käsud Lõigu käsud	52 58 8 79 8 52 54 57 62 51
Hulknurga käsud Kaare käsud Käskude abi Käskude nimekiri Käskude nimekiri, menüü VAADE Käskude süntaks, abi Käskude süntaks, abi Kövera käsk Koonuselõike käsud Kõvera käsk Loendi käsud Loogilised käsud	52 58 8 8 79 8 52 51 51 51 43
Hulknurga käsud Kaare käsud Käskude abi Käskude nimekiri Käskude nimekiri, menüü VAADE Käskude süntaks, abi Käskude süntaks, abi Kövera käsk Koonuselõike käsud Loendi käsud Loendi käsud Loogilised käsud Loogilised käsud	52 58 8 8 79 8 52 54 57 62 51 43 62
Hulknurga käsud Kaare käsud Käskude abi Käskude nimekiri Käskude nimekiri, menüü VAADE Käskude süntaks, abi Kösera käsk Koonuselõike käsud Kõvera käsk Loendi käsud Lõigu käsud Loogilised käsud Lookuse käsk	52 58 8 79 8 52 54 57 62 51 43 62 73
Hulknurga käsud Kaare käsud Käskude abi Käskude nimekiri Käskude nimekiri, menüü VAADE Käskude süntaks, abi Käskude süntaks, abi Köonuselõike käsud Kõvera käsk Loendi käsud Lõigu käsud Loogilised käsud Lookuse käsk Maatriksi käsud	52 58 8 79 8 52 54 57 62 51 43 62 73 48
Hulknurga käsud Kaare käsud Käskude abi Käskude nimekiri Käskude nimekiri, menüü VAADE Käskude süntaks, abi Käskude süntaks, abi Käskude süntaks, abi Köonuselõike käsud Kõvera käsk Loendi käsud Loendi käsud Loogilised käsud Lookuse käsk Maatriksi käsud Nurga käsud Parameetrilise kõvera käsk	52 58 8 79 8 52 51 62 73 62 73 48 57
Hulknurga käsud Kaare käsud Käskude abi Käskude nimekiri	52 58 8 79 8 52 54 57 62 51 62 73 48 57 49
Hulknurga käsud Kaare käsud Käskude abi Käskude nimekiri	52 58 8 79 8 52 54 57 62 51 43 62 73 48 57 48 57 48

Statistika käsud	68
Teisenduste käsud	66
Teksti käsud	59
Üldised käsud	43
Vektori käsud	51
Kasutaja poolt defineeritud tööriistad	81, 86
Avamine	87
Loomine	
Salvestamine	87
Kasutajaliides, kohandamine	8
Kasv, manuaalne animeerimine	85
Katkestuspunkt	12
Kaugus	
Käsk	45
Kaugus või pikkus, tööriist	26
Keel, menüü <i>VÕIMALUSED</i>	81
Keskpunkt	
Käsk	49
Keskpunkt, tööriist	20
Keskväärtus	
Käsk	69
KeskväärtusX, käsk	69
KeskväärtusY, käsk	69
Kihid	94
Kiir	
Käsk	52
Kiir kahe punktiga, tööriist	21
Tööriist	21
Kiirklahvid	
Kirja suurus	
Menüü <i>VÕIMALUSED</i>	81
Suurendamine	13
Kirjuta arvutustabelisse, tööriist	19
Kohandamine	
Graafikavaade	9
Kasutajaliides	8
Sätted	13
Tööriistariba	10, 82

Kõikide objektide valimine, omaduste dialoogiaken 10
Kompleksarv
Korrutamine42
Lahutamine42
Liitmine42
Operatsioonid42
Otsene sisend42
Konstrueerimise nupud ehk tööriistad7
Konstrueerimise tööriistad17
Aktiveerimine17
Konstruktsiooni protokoll12
Järjekorra muutmine12
Katkestuspunkt 12
Menüü <i>VAADE</i> 79
Muutmine12
Navigeerimine12
Printimine14
Uue sammu lisamine12
Värvilise konstruktsiooni protokolli eksportimine 13
Veebileheks eksportimine
Varianse konstruktsiooni protokoli eksportinine
Varianse konstruktsiooni protokoli eksportimine
Varianse konstruktsiooni protokoli eksportinine
Varianse konstruktsiooni protokoli eksportinine
Variation variation protokoli eksportimine
Varianse konstruktsiooni protokoli eksportinine
Variation variation prototom prototom cosportinine
Variation variation protokoli eksportimine 13 Veebileheks eksportimine 13 Veerud 12, 14 Konstruktsiooni samm 43 Käsk 43 Konstruktsiooni protokoll 12 Navigeerimisriba 11 Koonuselõige 11 Koonuselõige viie punktiga, tööriist 24 Koonuselõige, käsk 54 Otsene sisend 36 Tähis 32, 36 Koordinaadid 35 Koordinaatide stiil, menüü <i>VÕIMALUSED</i> 80 Koordinaatide stiil, sätted 13 Polaarkoordinaadid 35 x-koordinaatide 37 y-koordinaat 37

Alumine kvantiil Q1, käsk	69
Ülemine kvantiil Q3, käsk	69
L	

Lahter

Lahtrite vahemik, käsk73
Nimi8
Sisend8
Lahutamine, otsene sisend
LaTeX, käsk59
LaTeX'i avaldis29
Lihtsuhe, käsk46
Lihtsusta
Käsk 55, 56
Polünoom56
Liiguta
Liiguta joonestusvälja, tööriist18
Tööriist18
Liitmine, otsene sisend
Liitsuhe, käsk46
Lineaarne korrelatsioonikordaja, käsk
Lisa
Käsk63
Lisa pilt, tööriist30
Lisa tekst, tööriist28
Lisa pilt, tööriist
Lisa tekst, tööriist28
Lisamine
Definitsioon sisendribale
Tähis sisendribale33
Väärtus sisendribale33
Litsents, menüü ABI83
Liugur
Tööriist26
Loend
Käsk64
Operatsioonid loenditega
Otsene sisend
Loenda, käsk64

Μ

Määratud integraal44	
Kahe funktsiooni graafiku vahelise ala pindala45	N
Pindala44	
Maatriksid	
Aritmeetiliste operatsioonide rakendamine41	
Käsud	
Korrutamine41	
Lahutamine41	
Liitmine	
Operatsioonid41	
Otsene sisend41	
Maksimum, käsk 46, 64	
Manuaalne animeerimine85	
Märgistamine/valimine	
Mitu objekti17	
Objekt	N
Märkeruut	
Märkeruut objektide näitamiseks ja peitmiseks,	
tööriist27	
Suurus, menüü <i>VÕIMALUSED</i> 80	
Suurus, sätted13	
Max, käsk 46, 64	
Mediaan, käsk69	
Menüü	
ABI82	
AKEN82	N
<i>FAIL</i> 74	
REDIGEERI76	
TÖÖRIISTAD81	
VAADE	N
VÕIMALUSED79	
Menüü <i>ABI</i>	
GeoGebra Forum83	
GeoGebraWiki83	
Info / Litsents83	
Litsents	
www.geogebra.org83	

Menüü <i>AKEN</i>	82
Uus aken	82
Menüü <i>FAIL</i>	74
Ava	74
Ekspordi	
Dünaamiline tööleht veebilehena (html)	75
Graafikavaade lõikepuhvrisse	76
Graafikavaade PGF/TikZna	76
Graafikavaade pildina (png, eps)	75
Graafikavaade PSTricksina	76
Prindi eelvaade	75
Salvesta	74
Salvesta nimega	74
Sulge	76
Uus	74
Uus aken	74
Menüü REDIGEERI	76
Ekspordi graafikavaade lõikepuhvrisse	77
Kustuta	77
Omaduste dialoogiaken	78
Tee uuesti	76
Vali eelmised	77
Vali järgmised	77
Vali kõik	77
Vali praegune kiht	77
Võta tagasi	76
Menüü <i>TÖÖRIISTAD</i>	81
Kohanda tööriistariba	82
Loo uus tööriist	81
Tööriistade haldamine	82
Menüü VAADE	78
Abiobjektid	78
Algebravaade	78
Arvuta uuesti kõik objektid	79
Arvutustabeli vaade	78
Horisontaaltükeldus	78
Käskude nimekiri	79
Konstruktsiooni protokoll	79

Koordinaatruudustik78
Koordinaatteljed78
Navigeerimisriba79
Ruudustik78
Sisendriba78
Teljed78
Värskenda vaateid79
Menüü <i>VÕIMALUSED</i> 79
Graafikavaade81
Keel81
Kirja suurus81
Koordinaatide stiil80
Kümnendkohad80
Märkeruudu suurus80
Nurga ühik79
Pidevus
Punkti haaramine79
Punkti stiil80
Salvesta sätted81
Taasta vaikesätted81
Tähistamine80
Täisnurga stiil80
Tüvenumbrid80
Ümardamine80
Menüüd74
Miinimum, käsk 46, 64
Min, käsk 46, 64
Mittedefineeritud objektide eemaldamine, käsk62
Modulo funktsioon, käsk45
Mood, käsk69
Murd tekstina, käsk59
Muutumise intervall
Arvu väärtus35
Lõigul määratud funktsioon37
Nurga väärtus35
Ν
Nähtavus
Omaduste dialoogiaken10

Tingimuslik nähtavus85
Näita / peida
Näita / peida objekt, tööriist19
Näita / peida tähis, tööriist19
Objekt8
Navigeerimisriba11, 12
Menüü <i>VAADE</i> 79
Nooleklahvid34
Animeerimine85
Normaaljaotus, käsk70
Nullkohad, käsk50
Nupu- ehk tööriistariba7
Nurga ühik
Menüü <i>VÕIMALUSED</i> 79
Sätted13
Nurgapoolitaja, tööriist22
NurgaPunkt, käsk50
Nurk
Etteantud suurusega nurk, tööriist26
Hulknurga nurgad48
Käsk48
Luba ülinürinurka26
Muutumise intervall35
Nurgapoolitaja, käsk53
Nurgapoolitaja, tööriist22
Otsene sisend34
Suuruse piiramine26
Tööriist25
Ülinürinurk35
0

Objekt

Abiobjekt	7
Algebraline esitus	11
Animeerimine sees	11
Jälg sees	11
Joone jämedus	10
Joone stiil	10
Käsk	60

Kiire ümbernimetamine18
Kustutamine11
Lisa
Definitsioon sisendribale
Tähis sisendribale33
Väärtus sisendribale33
Märgistamine/valimine17
Mitme objekti märgistamine/valimine17
Nähtavus10
Näita / peida8
Redigeerimine33
Sisendribale kopeerimine11
Sõltuv objekt7
Suurus10
Tähis32
Täitevärv10
Ümbernimetamine11
Väärtuse muutmine33
Vaba objekt7
Värv10
Objekti redigeerimine
Objektide tähistamine
Omaduste dialoogiaken10
Graafikavaade9
Kõikide objektide valimine10
Menüü <i>REDIGEERI</i>
Objektide jaoks10
Pildi jaoks
Vahelehed10
Otsene sisend
Arvud
Funktsioonid
Koonuselõiked
Nurgad34
Punktid35
Sirged35
Teljed
Vektorid35

Р

Pa	rał	າດເ	nL

Käsk	54
Tööriist	24
Paralleelne sirge, tööriist	22
Parameeter, käsk	46
Parameetriline kõver, käsk	57
Paremaklahvimenüü	11
Animeerimine sees	11
Arvutustabelisse kirjutamine	11
Jälg sees	11, 96
Kustutamine	11
Sisendribale kopeerimine	11
Ümbernimetamine	11
PDF-vorming	75
Pealdis	94
Tähis	94
Pearsoni korrelatsioonikordaja, käsk	69
Peegelda, käsk	67
Peegeldamine	
Peegelda objekti punktist, tööriist	28
Peegelda objekti sirgest, tööriist	28
Peegelda punkti ringjoonest, tööriist	28
PGF/TikZ	
Eksportimine, menüü <i>FAIL</i>	76
Vorming	76
Pidevus, menüü <i>VÕIMALUSED</i>	
Pii	
Konstant	
Sümbol	26, 34
Pikkus	
Käsk	46, 57, 64
Kaugus või pikkus, tööriist	26
Pildi eksportimine, menüü <i>FAIL</i>	75
Pildi läbipaistvus	
Pilt	
EMF-vorming	76
EPS-vorming	75

Läbipaistvus	31
Lisa pilt, tööriist	30
Moonutamine	31
Nurk	50
Nurkade määramine	30
Omaduste dialoogiaken	30
PDF-vorming	75
PGF/TikZ-vorming	76
PNG-vorming	75
Pööramine	31
PSTricks-vorming	76
Skaleerimine	31
SVG-vorming	76
Taustapilt	31
Pindala	
Kahe funktsiooni graafiku vahelise ala pindala	45
Käsk	47
Määratud integraal	44, 47
Tööriist	26
Pluss- ja miinus-klahv, animeerimine	85
PNG-vorming	75
Pogrammisisesed funktsioonid	37
Polaar	
Käsk	53
Polaar või kaasdiameeter, tööriist	23
Polaarkoordinaadid	35
Polünoom, käsk	56
Poolringjoon	
Käsk	58
Tööriist	25
Pöördmaatriks, käsk	73
Pöördnormaaljaotus, käsk	70
Pööre	
Käsk	67
Pööra objekti antud nurga võrra ümber	punkti,
tööriist	28
Pööre ümber punkti, tööriist	19
Prindi eelvaade	

Menüü <i>FAIL</i>	75
Värskendamine	14
Printimine	
Graafikavaade	13
Konstruktsiooni protokoll	14
Võimalused	13
Protokoll	12
Protokoll, veebilehena eksportimine	13
PSTricks	
Eksportimine, menüü <i>FAIL</i>	76
Vorming	76
Punkt	
Käsk	50
Otsene sisend	35
Tähis	32, 35
Punkti haaramine, menüü VÕIMALUSED	79
Punkti stiil	
Menüü <i>VÕIMALUSED</i>	80
Sätted	13
Puuteringjoon, käsk	57
Puutuja	
Käsk	53, 57
Tööriist	23
R	

Raadius, käsk	47
Radiaanid, kraadideks teisendamine	34
Raskuskese, käsk	50
Regresioonisirge, tööriist	22
Regressiooni käsud	
LogistilineKõver, käsk	70
RegressioonikõverAstme, käsk	70
RegressioonikõverEksp, käsk	70
RegressioonikõverLog, käsk	70
RegressioonikõverSin, käsk	70
Regressioonipolünoom, käsk	70
Regressioonisirge, käsk	70
RegressioonisirgeX, käsk	70
Rida, käsk	73
Ringjoon

Käsk55
Puuteringjoon, käsk55
Ringjoon keskpunkti ja raadiusega, tööriist23
Ringjoon keskpunkti ja ringjoone punktiga, tööriist 23
Ringjoon kolme punktiga, tööriist24
Ristkoordinaadid35
Ristsirge
Keskristsirge, käsk52
Lõigu keskristsirge, tööriist22
Ristsirge, käsk53
Ristsirge, tööriist23
Ristuv vektor, käsk51
RistuvÜhikvektor, käsk51
Ruudustik
Isomeetiline
Joone stiil9
Joonte vaheline kaugus9
Kohandamine9
Menüü VAADE78
Näita / peida9
Värv9
Ruutjuur, otsene sisend
S

Salvesta

Menüü <i>FAIL</i> 74
Salvesta nimega, menüü FAIL74
Salvesta sätted, menüü VÕIMALUSED81
Sätted13
Sätted
Kirja suuruse muutmine13
Kohandamine13
Koordinaatide stiil13
Märkeruudu suurus13
Nurga ühik13
Punkti stiil13
Salvestamine13
Tähistamine13

Täisnurga stiil13
Vaikesätete taastamine13
Segatekst29
Sektor
Käsk59
Ringi sektor keskpunkti ja kahe punktiga, tööriist25
RingiSektor1, käsk58
RingiSektor2, käsk58
Ringjoone sektor kolme punktiga, tööriist25
Sigma
SigmaXX, käsk71
SigmaXY, käsk71
SigmaYY, käsk71
Signum funktsioon, otsene sisend37
Sihivektor, käsk51
Siinus, otsene sisend
Sirge
Käsk53
Keskristsirge, käsk52
Otsene sisend35
Ristsirge, käsk53
Ristsirge, tööriist23
Sirge kahe punktiga, tööriist22
Tähis
Sirkel, tööriist24
Sisendriba7, 32
Abi
Ajalugu33
Menüü <i>VAADE</i> 78
Otsene sisend34
Sisendi näitamine33
Skalaarkorrutis, otsene sisend37
Sõltuv objekt7
Sorteeri, käsk65
Staatiline tekst
Standardhälve, käsk71
Sulge, menüü <i>FAIL</i> 76
Sulud, otsene sisend37

Summa, käsk65
SümmeetriaKeskpunkt, käsk50
SÜT, käsk47
Suumimine9
Suumimise keskpunkt9
Suumimise ristkülik9
Suurenda, tööriist19
Vähenda, tööriist19
Suurim täisarv, mis on väiksem või võrdne, otsene
sisend38
Suurim ühistegur, käsk47
Suurus, omaduste dialoogiaken10
SVG-vorming76
Sxx, käsk71
Sxy, käsk71
Syy, käsk71
Т

Taastamine

Vaikesätted13
Vaikesätted, menüü <i>VÕIMALUSED</i> 81
Vaiketööriistariba10
TäheUnicode, käsk61
Tähis94
Funktsioon32
Käsk61
Koonuselõige
Näita / peida94
Pealdis94
Punkt
Sirge
Sisendribale lisamine33
Tähis94
Tähis ja väärtus94
Väärtus94
Vektor
Tähistamine
Menüü <i>VÕIMALUSED</i> 80
Sätted13

Täisnurga stiil
Menüü <i>VÕIMALUSED</i> 80
Sätted13
Täisosa ja murdosa eraldaja34
Täitevärv, omaduste dialoogiaken10
Tangens, otsene sisend37
Taustapilt31
TayloriValem, käsk56
Tee uuesti, menüü <i>REDIGEERI</i> 76
Tegurda, käsk56
Teine telg
Käsk53
TeisePoolteljePikkus, käsk47
Teisendamine
Kraadid radiaanideks34
Radiaanid kraadideks34
TeisePoolteljePikkus, käsk47
Tekst
Avaldis29
Dünaamiline tekst29
Käsk60
LaTeX'i avaldis29
Lisa tekst, tööriist28
Segatekst29
Staatiline tekst29
TekstiUnicode, käsk60
TekstTabelina, käsk60
Teljed
Joone stiil9
Käsk54
Kohandamine9
Kriipsud9
Menüü <i>VAADE</i> 78
Näita / peida9
Näita / peida ühte telge9
Otsene sisend
Skaala18
Skaleerimine10

Suhe9)
Ühikud9)
x-telg ja y-telg	j
TeljeSamm, käsk47	'
Tingimuslik nähtavus	
Olemasolevad objektid85	,
Uued objektid85	,
Tingimuslikud funktsioonid56	;
Tööriist	
Antud punktist lähtuv antud pikkusega lõik21	L
Ellips24	ŀ
Etteantud suurusega nurk26	5
Hulknurk21	_
Hüperbool24	ŀ
Kahe objekti lõikepunktid20)
Kahe objekti omavaheline võrdlus19	¢
Kahe punkti vaheline lõik21	_
Kahe punkti vaheline vektor)
Kaugus või pikkus26	5
Keskpunkt)
Kiir kahe punktiga21	L
Kirjuta arvutustabelisse19	¢
Koonuselõige viie punktiga24	ŀ
Korrapärane hulknurk21	L
Kustuta objekt18	3
Liiguta	3
Liiguta joonestusvälja18	3
Lisa pilt30)
Lisa tekst28	3
Liugur26	5
Lõigu keskristsirge22	2
Lookus	,
Märkeruut objektide näitamiseks ja peitmiseks27	,
Näita / peida objekt19	¢
Näita / peida tähis19	¢
Nurgapoolitaja22	,
Nurk	,
Obiekti homoteetsusteisendus punktist teguriga 27	,

	Objekti lüke vektoriga	28
	Parabool	24
	Paralleelne sirge	22
	Peegelda objekti punktist	28
	Peegelda objekti sirgest	28
	Peegelda punkti ringjoonest	28
	Pindala	26
	Polaar või kaasdiameeter	23
	Poolringjoon	25
	Pööra objekti antud nurga võrra ümber punkti	28
	Pööre ümber punkti	19
	Puutujad	23
	Rakenda vektor antud punkti	20
	Regressioonisirge	22
	Ringi sektor keskpunkti ja kahe punktiga	25
	Ringjoon keskpunkti ja raadiusega	23
	Ringjoon keskpunkti ja ringjoone punktiga	23
	Ringjoon kolme punktiga	24
	Ringjoone kaar keskpunkti ja kahe punktiga	24
	Ringjoone kaar kolme punktiga	25
	Ringjoone sektor kolme punktiga	25
	Ristsirge	23
	Sirge kahe punktiga	22
	Sirkel	24
	Suurenda	19
	Tõus	27
	Uus punkt	20
	Vähenda	19
Τö	öriistad	17
	Aktiveerimine	17
	Arvulised tööriistad	25
	Geomeetriliste teisenduste tööriistad	27
	Hulknurga tööriistad	21
	Kaare tööriistad	24
	Kasutaja poolt defineeritud tööriistad81	l, 86
	Kiire tööriist	21
	Koonuselõike tööriistad	23
	Lõigu tööriistad	21

Loogilise muutuja tööriist27
Nurga tööriistad25
Pildi lisamise tööriist
Punkti tööriistad20
Sektori tööriistad24
Sirge tööriistad22
Teksti lisamise tööriist28
Tööriistade haldamine82
Üldised tööriistad18
Vektori tööriistad20
Tööriistade haldamine, menüü <i>TÖÖRIISTAD</i> 82
Tööriistakast7
Avamine17
Tööriistariba
Abi7
Kohandamine10, 82
Vaikesätete taastamine10
Tõus
Käsk47
Tööriist27
Transponeeri, käsk73
Trapetssumma, käsk
Trigonomeetrilised funktioonid
Trigonomeetrilised funktsioonid
Areakoosinus
Areasiinus
Areatangens
Arkuskoosinus
Arkussiinus
Arkustangens
Hüperboolne koosinus
Hüperboolne siinus38
Hüperboolne tangens
Koosinus
Siinus
Tangens
Tuletis, käsk
Tulpdiagramm, käsk71

Tüvenumbrid, menüü <i>VÕIMALUSED</i> 81 U	0
Ühend, käsk6	5
Ühenda, käsk6	6
Ühikvektor, käsk5	1
Ühisosa, käsk6	6
Ülemsumma, käsk4	8
Ülinürinurk3	5
Ümardamine	
Menüü <i>VÕIMALUSED</i> 8	0
Otsene sisend3	8
Ümberdefineerimine9	5
Fikseeritud objekt9	5
Sõltuv objekt9	5
Vaba objekt9	5
Ümbermõõt, käsk4	8
Ümbernimetamine	
Kiire ümbernimetamine1	8
Paremaklahvimenüü1	1
Unicode	
UnicodeTähena, käsk6	2
UnicodeTekstina, käsk6	2
Uus aken	
Menüü <i>AKEN</i> 8	2
Menüü <i>FAIL</i> 7	4
Uus punkt, tööriist2	0
Uus, menüü <i>FAIL</i> 7 V	4
Väärtus	
Muutmine3	3
Sisendribale lisamine3	3
Vaated	
Algebravaade	7
Arvutustabeli vaade	8
Graafikavaade	7

Väikseim ühiskordne, käsk	48
Valem tekstina, käsk	59
Valikuristkülik	17

Valimine
Vali eelmised, menüü <i>REDIGEERI</i> 77
Vali järgmised, menüü REDIGEERI77
Vali praegune kiht, menüü <i>REDIGEERI</i> 77
Valik kõik, menüü <i>REDIGEERI</i> 77
Värskenda vaateid, menüü VAADE79
Värv
Dünaamiline88
Omaduste dialoogiaken10
Vastupidiselt järjestamine, käsk63
Veerg
Käsk73
Veeru pealkiri, käsk73
Vektor
Kahe punkti vaheline vektor, tööriist20
Käsk51
Otsene sisend35

Rakenda vektor antud punkti, tööriist20
Ristuv vektor, käsk51
Tähis
Viimane, käsk65
Võrdlus, käsk43
Vorming
Kopeeri kujunduse stiil18
Võta tagasi, menüü REDIGEERI76
Võta, käsk65
VÜK, käsk
W
www.geogebra.org, menüü <i>ABI</i> 83
x-koordinaat, otsene sisend
x-telg

-telg . **Y**

y-koordinaat, otsene sisend	37
y-telg	36